

\$SPAD/src/input richder4e.input

Albert Rich and Timothy Daly

August 21, 2013

**Abstract**

$x^m (a+b x^n)^p$

There are 10 derivatives that do not match.

## **Contents**

```

____ * __

)set break resume
)sys rm -f richder4e.output
)spool richder4e.output
)set message test on
)set message auto off
)clear all

--S 1 of 776
t0:=x^3*sqrt(a+c*x^4)
--R
--R
--R
$$(1) \frac{x^3 \sqrt{c x^4 + a}}{c}$$

--R
--E 1
                                         Type: Expression(Integer)

--S 2 of 776
r0:=1/6*(a+c*x^4)^(3/2)/c
--R
--R
--R
$$(2) \frac{(c x^4 + a)^{3/2} \sqrt{c x^4 + a}}{6 c}$$

--R
--E 2
                                         Type: Expression(Integer)

--S 3 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
$$(3) 0$$

--R
--E 3
                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 4 of 776
t0:=x*sqrt(a+c*x^4)
--R
--R
--R
$$(1) \frac{x \sqrt{c x^4 + a}}{c}$$


```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 4

--S 5 of 776
r0:=1/4*a*atanh(x^2*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^4))/sqrt(c)+1/4*x^2*sqrt(a+c*x^4)
--R
--R
--R
--R      2 +-+          +-----+
--R      x \|c          2 +-+ |   4
--R      a atanh(-----) + x \|c \|c x  + a
--R      +-----+
--R      |   4
--R      \|c x  + a
--R (2)  -----
--R                  +-+
--R                  4\|c
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 5

--S 6 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 6

)clear all

--S 7 of 776
t0:=sqrt(a+c*x^4)/x
--R
--R
--R      +-----+
--R      |   4
--R      \|c x  + a
--R (1)  -----
--R             x
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 7

--S 8 of 776
r0:=-1/2*atanh(sqrt(a+c*x^4)/sqrt(a))*sqrt(a)+1/2*sqrt(a+c*x^4)
--R
--R
--R
--R      +-----+          +-----+
--R      |   4          |   4
--R      +-+      \|c x  + a      |   4
--R      - \|a atanh(-----) + \|c x  + a
--R      +-+

```

```

--R          \|a
--R      (2)  -----
--R                           2
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 8

--S 9 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 9

)clear all

--S 10 of 776
t0:=sqrt(a+c*x^4)/x^3
--R
--R
--R      +-----+
--R      |   4
--R      \|c x  + a
--R      (1)  -----
--R                  3
--R                  x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 10

--S 11 of 776
r0:=1/2*atanh(x^2*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^4))*sqrt(c)-1/2*sqrt(a+c*x^4)/x^2
--R
--R
--R      2 +-+      +-----+
--R      x \|c      |   4
--R      x \|c atanh(-----) - \|c x  + a
--R
--R      +-----+
--R      |   4
--R      \|c x  + a
--R      (2)  -----
--R                  2
--R                  2x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 11

--S 12 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 12

)clear all

--S 13 of 776
t0:=sqrt(a+c*x^4)/x^5
--R
--R
--R      +-----+
--R      |   4
--R      \|c x  + a
--R      (1)  -----
--R                  5
--R                  x
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 13

--S 14 of 776
r0:=-1/4*c*atanh(sqrt(a+c*x^4)/sqrt(a))/sqrt(a)-1/4*sqrt(a+c*x^4)/x^4
--R
--R
--R      +-----+
--R      |   4           +-----+
--R      4      \|c x  + a      +-+ |   4
--R      - c x atanh(-----) - \|a \|c x  + a
--R                           +-+
--R                           \|a
--R      (2)  -----
--R                  4 +-+
--R                  4x \|a
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 14

--S 15 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 15

)clear all

--S 16 of 776
t0:=sqrt(a+c*x^4)/x^7
--R
--R
--R      +-----+
--R      |   4

```

```

--R      \c x + a
--R      (1) -----
--R                  7
--R                  x
--R
--E 16                                         Type: Expression(Integer)

--S 17 of 776
r0:=-1/6*(a+c*x^4)^(3/2)/(a*x^6)
--R
--R
--R      +-----+
--R      4      |      4
--R      (- c x - a)\c x + a
--R      (2) -----
--R                  6
--R                  6a x
--R
--E 17                                         Type: Expression(Integer)

--S 18 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 18                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 19 of 776
t0:=sqrt(a+c*x^4)/x^9
--R
--R
--R      +-----+
--R      |      4
--R      \c x + a
--R      (1) -----
--R                  9
--R                  x
--R
--E 19                                         Type: Expression(Integer)

--S 20 of 776
r0:=1/16*c^2*atanh(sqrt(a+c*x^4)/sqrt(a))/a^(3/2)-
    1/8*sqrt(a+c*x^4)/x^8-1/16*c*sqrt(a+c*x^4)/(a*x^4)
--R
--R
--R      +-----+           +-----+
--R      |      4

```

```

--R      2 8      \|c x + a      4      +-+ | 4
--R      c x atanh(-----) + (- c x - 2a)\|a \|c x + a
--R                           +-+
--R                           \|a
--R      (2) -----
--R                           8 +-+
--R                           16a x \|a
--R
--E 20                                         Type: Expression(Integer)

--S 21 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 21                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 22 of 776
t0:=sqrt(a+c*x^4)/x^11
--R
--R
--R      +-----+
--R      | 4
--R      \|c x + a
--R      (1) -----
--R                  11
--R                  x
--R
--E 22                                         Type: Expression(Integer)

--S 23 of 776
r0:=-1/10*(a+c*x^4)^(3/2)/(a*x^10)+1/15*c*(a+c*x^4)^(3/2)/(a^2*x^6)
--R
--R
--R      +-----+
--R      2 8      4      2 | 4
--R      (2c x - a c x - 3a )\|c x + a
--R      (2) -----
--R                  2 10
--R                  30a x
--R
--E 23                                         Type: Expression(Integer)

--S 24 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R

```

```

--R   (3)  0
--R
--E 24                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 25 of 776
t0:=x^4*sqrt(a+c*x^4)
--R
--R
--R      +-----+
--R      4 | 4
--R      (1)  x \|c x  + a
--R
--E 25                                         Type: Expression(Integer)

--S 26 of 776
--r0:=2/21*a*x*sqrt(a+c*x^4)/c+1/7*x^5*sqrt(a+c*x^4)+2/21*a^(9/4)*_
--      elliptic_f(asin((-c)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*_
--      sqrt((a+c*x^4)/a)/((-c)^(5/4)*sqrt(a+c*x^4))
--E 26

--S 27 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 27

)clear all

--S 28 of 776
t0:=x^2*sqrt(a+c*x^4)
--R
--R
--R      +-----+
--R      2 | 4
--R      (1)  x \|c x  + a
--R
--E 28                                         Type: Expression(Integer)

--S 29 of 776
--r0:=1/5*x^3*sqrt(a+c*x^4)+2/5*a^(7/4)*_
--      elliptic_e(asin((-c)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*sqrt((a+c*x^4)/a)/_
--      ((-c)^(3/4)*sqrt(a+c*x^4))-2/5*a^(7/4)*_
--      elliptic_f(asin((-c)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*_
--      sqrt((a+c*x^4)/a)/((-c)^(3/4)*sqrt(a+c*x^4))
--E 29

--S 30 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 30

```

```

)clear all

--S 31 of 776
t0:=sqrt(a+c*x^4)
--R
--R
--R      +-----+
--R      |   4
--R      (1)  \|c x  + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 31

--S 32 of 776
--r0:=1/3*x*sqrt(a+c*x^4)+2/3*a^(5/4)*_
--      elliptic_f(asin((-c)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*_
--      sqrt((a+c*x^4)/a)/((-c)^(1/4)*sqrt(a+c*x^4))
--E 32

--S 33 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 33

)clear all

--S 34 of 776
t0:=sqrt(a+c*x^4)/x^2
--R
--R
--R      +-----+
--R      |   4
--R      \|c x  + a
--R      (1)  -----
--R                  2
--R                  x
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 34

--S 35 of 776
--r0:=-sqrt(a+c*x^4)/x-2*a^(3/4)*(-c)^(1/4)*_
--      elliptic_e(asin((-c)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*_
--      sqrt((a+c*x^4)/a)/sqrt(a+c*x^4)+2*a^(3/4)*(-c)^(1/4)*_
--      elliptic_f(asin((-c)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*_
--      sqrt((a+c*x^4)/a)/sqrt(a+c*x^4)
--E 35

--S 36 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 36

)clear all

```

```

--S 37 of 776
t0:=sqrt(a+c*x^4)/x^4
--R
--R
--R      +-----+
--R      |   4
--R      \|c x  + a
--R      (1)  -----
--R                  4
--R                  x
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 37

--S 38 of 776
--r0:=1/3*sqrt(a+c*x^4)/x^3-2/3*a^(1/4)*(-c)^(3/4)*_
--      elliptic_f(asin((-c)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*_
--      sqrt((a+c*x^4)/a)/sqrt(a+c*x^4)
--E 38

--S 39 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 39

)clear all

--S 40 of 776
t0:=sqrt(a+c*x^4)/x^6
--R
--R
--R      +-----+
--R      |   4
--R      \|c x  + a
--R      (1)  -----
--R                  6
--R                  x
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 40

--S 41 of 776
--r0:=-1/5*sqrt(a+c*x^4)/x^5-2/5*c*sqrt(a+c*x^4)/(a*x)+_
--      2/5*(-c)^(5/4)*elliptic_e(asin((-c)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*_
--      sqrt((a+c*x^4)/a)/(a^(1/4)*sqrt(a+c*x^4))-2/5*(-c)^(5/4)*_
--      elliptic_f(asin((-c)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*_
--      sqrt((a+c*x^4)/a)/(a^(1/4)*sqrt(a+c*x^4))
--E 41

--S 42 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 42

```

```

)clear all

--S 43 of 776
t0:=x^7*(a+c*x^4)^(3/2)
--R
--R
--R
$$(1) \frac{(c x^{11} + a x^7) \sqrt{c x^4 + a}}{c}$$

--R
--E 43                                         Type: Expression(Integer)

--S 44 of 776
r0:=-1/10*a*(a+c*x^4)^(5/2)/c^2+1/14*(a+c*x^4)^(7/2)/c^2
--R
--R
--R
$$(2) \frac{(5 c x^{12} + 8 a c x^{28} + a c x^2 - 2 a) \sqrt{c x^4 + a}}{70 c^2}$$

--R
--E 44                                         Type: Expression(Integer)

--S 45 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
$$(3) 0$$

--R
--E 45                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 46 of 776
t0:=x^5*(a+c*x^4)^(3/2)
--R
--R
--R
$$(1) \frac{(c x^9 + a x^5) \sqrt{c x^4 + a}}{c}$$

--R
--E 46                                         Type: Expression(Integer)

--S 47 of 776
r0:=1/12*x^6*(a+c*x^4)^(3/2)-1/32*a^3*atanh(x^2*sqrt(c)/_
sqrt(a+c*x^4))/c^(3/2)+1/32*a^2*x^2*sqrt(a+c*x^4)/c+_
1/16*a*x^6*sqrt(a+c*x^4)

```

```

--R
--R
--R
$$(2) \frac{-3a \operatorname{atanh}\left(\frac{x \sqrt{c}}{\sqrt{c x^4 + a}}\right) + (8c x^{10} + 14a c x^6 + 3a x^2)^{2/3} \sqrt{c} \sqrt{c x^4 + a}}{96c^{1/3}}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 47

--S 48 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
$$(3) 0$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 48

)clear all

--S 49 of 776
t0:=x^3*(a+c*x^4)^(3/2)
--R
--R
--R
$$(1) \frac{(c x^7 + a x^3)^{3/2} \sqrt{c x^4 + a}}{\sqrt{c x^4 + a}}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 49

--S 50 of 776
r0:=1/10*(a+c*x^4)^(5/2)/c
--R
--R
--R
$$(2) \frac{(c x^{28} + 2a c x^{24} + a^2)^{2/5} \sqrt{c x^4 + a}}{10c}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 50

--S 51 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R

```

```

--R   (3)  0
--R
--E 51                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 52 of 776
t0:=x*(a+c*x^4)^(3/2)
--R
--R
--R               +-----+
--R      5           |   4
--R   (1)  (c x  + a x)\|c x  + a
--R
--E 52                                         Type: Expression(Integer)

--S 53 of 776
r0:=1/8*x^2*(a+c*x^4)^(3/2)+3/16*a^2*atanh(x^2*sqrt(c)/_
sqrt(a+c*x^4))/sqrt(c)+3/16*a*x^2*sqrt(a+c*x^4)
--R
--R
--R               2 +-+           +-----+
--R      2           x \|c           6           2 +-+ |   4
--R   3a atanh(-----) + (2c x  + 5a x )\|c \|c x  + a
--R               +-----+
--R               |   4
--R               \|c x  + a
--R   (2)  -----
--R
--R               +-+
--R               16\|c
--R
--E 53                                         Type: Expression(Integer)

--S 54 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0
--R
--E 54                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 55 of 776
t0:=(a+c*x^4)^(3/2)/x
--R
--R
--R               +-----+
--R      4           |   4
--R   (c x  + a)\|c x  + a

```

```

--R      (1)  -----
--R                  x
--R
--E 55                                         Type: Expression(Integer)

--S 56 of 776
r0:=1/6*(a+c*x^4)^(3/2)-1/2*a^(3/2)*atanh(sqrt(a+c*x^4)/sqrt(a))+_
1/2*a*sqrt(a+c*x^4)
--R
--R
--R      +-----+
--R      | 4
--R      +-+ \c x  + a      4      | 4
--R      - 3a\|a atanh(-----) + (c x  + 4a)\|c x  + a
--R      +-+
--R      \|a
--R      (2)  -----
--R
--R
--E 56                                         Type: Expression(Integer)

--S 57 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 57                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 58 of 776
t0:=(a+c*x^4)^(3/2)/x^3
--R
--R
--R      +-----+
--R      4      | 4
--R      (c x  + a)\|c x  + a
--R      (1)  -----
--R
--R      3
--R
--R      x
--R
--E 58                                         Type: Expression(Integer)

--S 59 of 776
r0:=-1/2*(a+c*x^4)^(3/2)/x^2+3/4*a*atanh(x^2*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^4))*_
sqrt(c)+3/4*c*x^2*sqrt(a+c*x^4)
--R
--R
--R      2 +-+           +-----+

```

```

--R      2 +-+      x \|c      4      |  4
--R      3a x \|c atanh(-----) + (c x  - 2a)\|c x  + a
--R                           +-----+
--R                           |  4
--R                           \|c x  + a
--R      (2) -----
--R                           2
--R                           4x
--R
--E 59                                         Type: Expression(Integer)

--S 60 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 60                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 61 of 776
t0:=(a+c*x^4)^(3/2)/x^5
--R
--R
--R      +-----+
--R      4      |  4
--R      (c x  + a)\|c x  + a
--R      (1) -----
--R                           5
--R                           x
--R
--E 61                                         Type: Expression(Integer)

--S 62 of 776
r0:=-1/4*(a+c*x^4)^(3/2)/x^4-3/4*c*atanh(sqrt(a+c*x^4)/sqrt(a))*_
sqrt(a)+3/4*c*sqrt(a+c*x^4)
--R
--R
--R      +-----+
--R      |  4
--R      4 +-+      \|c x  + a      4      |  4
--R      - 3c x  \a atanh(-----) + (2c x  - a)\|c x  + a
--R                           +-+
--R                           \|a
--R      (2) -----
--R                           4
--R                           4x
--R
--E 62                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--S 63 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 63                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 64 of 776
t0:=(a+c*x^4)^(3/2)/x^7
--R
--R
--R      +-----+
--R      4      | 4
--R      (c x  + a)\|c x  + a
--R      (1) -----
--R                  7
--R                  x
--R
--E 64                                         Type: Expression(Integer)

--S 65 of 776
r0:=-1/6*(a+c*x^4)^(3/2)/x^6+1/2*c^(3/2)*atanh(x^2*sqrt(c)/_
sqrt(a+c*x^4))-1/2*c*sqrt(a+c*x^4)/x^2
--R
--R
--R      2 +-+      +-----+
--R      6 +-+      x \|c      4      | 4
--R      3c x \||c atanh(-----) + (- 4c x  - a)\|c x  + a
--R      +-----+
--R      | 4
--R      \||c x  + a
--R      (2) -----
--R
--R                  6
--R                  6x
--E 65                                         Type: Expression(Integer)

--S 66 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 66                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

```

```

--S 67 of 776
t0:=(a+c*x^4)^(3/2)/x^9
--R
--R
--R
$$(1) \frac{(c x^4 + a)^{3/2}}{x^9}$$

--R
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 67

--S 68 of 776
r0:=-1/8*(a+c*x^4)^(3/2)/x^8-3/16*c^2*atanh(sqrt(a+c*x^4)/sqrt(a))/_
sqrt(a)-3/16*c*sqrt(a+c*x^4)/x^4
--R
--R
--R
$$(2) \frac{-3 c x^8 \operatorname{atanh}\left(\frac{\sqrt{c x^4 + a}}{\sqrt{a}}\right) + (-5 c x^4 - 2 a) \sqrt{a} \sqrt{c x^4 + a}}{16 x^8 \sqrt{a}}$$

--R
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 68

--S 69 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
$$(3) 0$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 69

)clear all

--S 70 of 776
t0:=(a+c*x^4)^(3/2)/x^11
--R
--R
--R
$$(1) \frac{(c x^4 + a)^{3/2}}{x^{11}}$$

--R

```

```

--R          x
--R
--E 70                                         Type: Expression(Integer)

--S 71 of 776
r0:=-1/10*(a+c*x^4)^(5/2)/(a*x^10)
--R
--R
--R          +-----+
--R          2 8      4   2 | 4
--R          (- c x  - 2a c x  - a )\|c x  + a
--R  (2)  -----
--R                      10
--R                      10a x
--R
--E 71                                         Type: Expression(Integer)

--S 72 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R  (3)  0
--R
--E 72                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 73 of 776
t0:=(a+c*x^4)^(3/2)/x^13
--R
--R
--R          +-----+
--R          4      | 4
--R          (c x  + a)\|c x  + a
--R  (1)  -----
--R                      13
--R                      x
--R
--E 73                                         Type: Expression(Integer)

--S 74 of 776
r0:=-1/12*(a+c*x^4)^(3/2)/x^12+1/32*c^3*atanh(sqrt(a+c*x^4)/sqrt(a))/_
a^(3/2)-1/16*c*sqrt(a+c*x^4)/x^8-1/32*c^2*sqrt(a+c*x^4)/(a*x^4)
--R
--R
--R          +-----+
--R          | 4
--R          3 12      \|c x  + a      2 8      4   2 +-+ | 4
--R          3c x  atanh(-----) + (- 3c x  - 14a c x  - 8a )\|a \|c x  + a
--R          +-+

```

```

--R          \|a
--R      (2)  -----
--R                           12 +-+
--R                           96a x  \|a
--R
--E 74                                         Type: Expression(Integer)

--S 75 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 75                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 76 of 776
t0:=(a+c*x^4)^(3/2)/x^15
--R
--R
--R      +-----+
--R      4           |   4
--R      (c x  + a)\|c x  + a
--R      (1)  -----
--R                  15
--R                  x
--R
--E 76                                         Type: Expression(Integer)

--S 77 of 776
r0:=-1/14*(a+c*x^4)^(5/2)/(a*x^14)+1/35*c*(a+c*x^4)^(5/2)/(a^2*x^10)
--R
--R
--R      +-----+
--R      3 12       2 8       2   4       3   |   4
--R      (2c x  - a c x  - 8a c x  - 5a )\|c x  + a
--R      (2)  -----
--R                  2 14
--R                  70a x
--R
--E 77                                         Type: Expression(Integer)

--S 78 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 78                                         Type: Expression(Integer)

```

```

)clear all

--S 79 of 776
t0:=x^4*(a+c*x^4)^(3/2)
--R
--R
--R
$$(1) \frac{(c x^8 + a x^4)^{3/2}}{c x^4}$$

--R
--E 79                                         Type: Expression(Integer)

--S 80 of 776
--r0:=1/11*x^5*(a+c*x^4)^(3/2)+4/77*a^2*x*sqrt(a+c*x^4)/c+_
--      6/77*a*x^5*sqrt(a+c*x^4)+4/77*a^(13/4)*_
--      elliptic_f(asin((-c)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*_
--      sqrt((a+c*x^4)/a)/((-c)^(5/4)*sqrt(a+c*x^4))
--E 80

--S 81 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 81

)clear all

--S 82 of 776
t0:=x^2*(a+c*x^4)^(3/2)
--R
--R
--R
$$(1) \frac{(c x^6 + a x^2)^{3/2}}{c x^4}$$

--R
--E 82                                         Type: Expression(Integer)

--S 83 of 776
--r0:=1/9*x^3*(a+c*x^4)^(3/2)+2/15*a*x^3*sqrt(a+c*x^4)+_
--      4/15*a^(11/4)*elliptic_e(asin((-c)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*_
--      sqrt((a+c*x^4)/a)/((-c)^(3/4)*sqrt(a+c*x^4))-4/15*a^(11/4)*_
--      elliptic_f(asin((-c)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*_
--      sqrt((a+c*x^4)/a)/((-c)^(3/4)*sqrt(a+c*x^4))
--E 83

--S 84 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 84

)clear all

```

```

--S 85 of 776
t0:=(a+c*x^4)^(3/2)
--R
--R
--R
$$(1) \frac{(c x^4 + a)^{3/2}}{c x^4 + a}$$

--R
--E 85                                         Type: Expression(Integer)

--S 86 of 776
--r0:=1/7*x*(a+c*x^4)^(3/2)+2/7*a*x*sqrt(a+c*x^4)+4/7*a^(9/4)*_
-- elliptic_f(asin((-c)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*_
-- sqrt((a+c*x^4)/a)/((-c)^(1/4)*sqrt(a+c*x^4))
--E 86

--S 87 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 87

)clear all

--S 88 of 776
t0:=(a+c*x^4)^(3/2)/x^2
--R
--R
--R
$$(1) \frac{(c x^4 + a)^{3/2}}{x^2}$$

--R
--E 88                                         Type: Expression(Integer)

--S 89 of 776
--r0:=-(a+c*x^4)^(3/2)/x+6/5*c*x^3*sqrt(a+c*x^4)-12/5*a^(7/4)*(-c)^(1/4)*_
-- elliptic_e(asin((-c)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*sqrt((a+c*x^4)/a)/_
-- sqrt(a+c*x^4)+12/5*a^(7/4)*(-c)^(1/4)*_
-- elliptic_f(asin((-c)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*_
-- sqrt((a+c*x^4)/a)/sqrt(a+c*x^4)
--E 89

--S 90 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 90

)clear all

--S 91 of 776

```

```

t0:=(a+c*x^4)^(3/2)/x^4
--R
--R
--R
$$(1) \frac{(c x^4 + a)^{3/2}}{x^4}$$

--R
--R
--E 91                                         Type: Expression(Integer)

--S 92 of 776
--r0:=-1/3*(a+c*x^4)^(3/2)/x^3+2/3*c*x*sqrt(a+c*x^4)-_
--      4/3*a^(5/4)*(-c)^(3/4)*elliptic_f(asin((-c)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*_
--      sqrt((a+c*x^4)/a)/sqrt(a+c*x^4)
--E 92

--S 93 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 93

)clear all

--S 94 of 776
t0:=(a+c*x^4)^(3/2)/x^6
--R
--R
--R
$$(1) \frac{(c x^4 + a)^{3/2}}{x^6}$$

--R
--R
--E 94                                         Type: Expression(Integer)

--S 95 of 776
--r0:=-1/5*(a+c*x^4)^(3/2)/x^5-6/5*c*sqrt(a+c*x^4)/x+_
--      12/5*a^(3/4)*(-c)^(5/4)*elliptic_e(asin((-c)^(1/4)*_
--      x/a^(1/4)), -1)*sqrt((a+c*x^4)/a)/sqrt(a+c*x^4)-_
--      12/5*a^(3/4)*(-c)^(5/4)*elliptic_f(asin((-c)^(1/4)*x/_
--      a^(1/4)), -1)*sqrt((a+c*x^4)/a)/sqrt(a+c*x^4)
--E 95

--S 96 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 96

)clear all

```

```

--S 97 of 776
t0:=(a+c*x^4)^(3/2)/x^8
--R
--R
--R
$$(1) \frac{(c x^4 + a)^{3/2}}{x^8}$$

--R
--R
--E 97                                         Type: Expression(Integer)

--S 98 of 776
--r0:=-1/7*(a+c*x^4)^(3/2)/x^7-2/7*c*sqrt(a+c*x^4)/x^3+_
--      4/7*a^(1/4)*(-c)^(7/4)*elliptic_f(asin((-c)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*_
--      sqrt((a+c*x^4)/a)/sqrt(a+c*x^4)
--E 98

--S 99 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 99

)clear all

--S 100 of 776
t0:=(1+x^4)^(3/2)
--R
--R
--R
$$(1) \frac{(x^4 + 1)^{3/2}}{x^4}$$

--R
--E 100                                         Type: Expression(Integer)

--S 101 of 776
--r0:=1/7*x*(1+x^4)^(3/2)-4/7*(-1)^(3/4)*elliptic_f(asin((-1)^(1/4)*x), -1)+_
--      2/7*x*sqrt(1+x^4)
--E 101

--S 102 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 102

)clear all

--S 103 of 776
t0:=(1-x^4)^(3/2)
--R

```

```

--R
--R
--R      4      | 4
--R      (1)  (- x + 1)\|- x + 1
--R
--E 103                                         Type: Expression(Integer)

--S 104 of 776
--r0:=1/7*x*(1-x^4)^(3/2)+4/7*elliptic_f(asin(x),-1)+2/7*x*sqrt(1-x^4)
--E 104

--S 105 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 105

)clear all

--S 106 of 776
t0:=x^7*sqrt(5+3*x^4)
--R
--R
--R      +-----+
--R      7 | 4
--R      (1)  x \|- 3x + 5
--R
--E 106                                         Type: Expression(Integer)

--S 107 of 776
r0:=-5/54*(5+3*x^4)^(3/2)+1/90*(5+3*x^4)^(5/2)
--R
--R
--R      +-----+
--R      8      4      | 4
--R      (27x + 15x - 50)\|- 3x + 5
--R      (2)  -----
--R                  270
--R
--E 107                                         Type: Expression(Integer)

--S 108 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 108                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 109 of 776

```

```

t0:=x^3*sqrt(5+x^4)
--R
--R
--R      +-----+
--R      3 | 4
--R      (1)  x \|x  + 5
--R
--E 109                                         Type: Expression(Integer)

--S 110 of 776
r0:=1/6*(5+x^4)^(3/2)
--R
--R
--R      +-----+
--R      4      | 4
--R      (x  + 5)\|x  + 5
--R      (2)  -----
--R                  6
--R
--E 110                                         Type: Expression(Integer)

--S 111 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 111                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 112 of 776
t0:=x*sqrt(3+2*x^4)
--R
--R
--R      +-----+
--R      | 4
--R      (1)  x\|2x  + 3
--R
--E 112                                         Type: Expression(Integer)

--S 113 of 776
r0:=3/4*asinh(x^2*sqrt(2/3))/sqrt(2)+1/4*x^2*sqrt(3+2*x^4)
--R
--R
--R      +-----+          2 +-+
--R      2 +-+ | 4          x \|2
--R      x \|2 \|2x  + 3  + 3asinh(-----)
--R                                     +-+
--R                                     \|3

```

```

--R      (2)  -----
--R                           +-+
--R                           4\|2
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 113

--S 114 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 114

)clear all

--S 115 of 776
t0:=x*sqrt(-2+x^4)
--R
--R
--R      +-----+
--R      | 4
--R      (1)  x\|x  - 2
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 115

--S 116 of 776
r0:=-1/2*atanh(x^2/sqrt(-2+x^4))+1/4*x^2*sqrt(-2+x^4)
--R
--R
--R      2      +-----+
--R      x      2 | 4
--R      - 2atanh(-----) + x \|x  - 2
--R      +-----+
--R      | 4
--R      \|x  - 2
--R      (2)  -----
--R
--R                                          4
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 116

--S 117 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 117

)clear all

```

```

--S 118 of 776
t0:=(1+x^4)^(1/2)
--R
--R
--R      +-----+
--R      | 4
--R      (1)  \|x  + 1
--R
--E 118                                         Type: Expression(Integer)

--S 119 of 776
--r0:=-2/3*(-1)^(3/4)*elliptic_f(asin((-1)^(1/4)*x),-1)+1/3*x*sqrt(1+x^4)
--E 119

--S 120 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 120

)clear all

--S 121 of 776
t0:=(1-x^4)^(1/2)
--R
--R
--R      +-----+
--R      | 4
--R      (1)  \|- x  + 1
--R
--E 121                                         Type: Expression(Integer)

--S 122 of 776
--r0:=2/3*elliptic_f(asin(x),-1)+1/3*x*sqrt(1-x^4)
--E 122

--S 123 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 123

)clear all

--S 124 of 776
t0:=x^7/sqrt(a+c*x^4)
--R
--R
--R      7
--R      x
--R      (1)  -----
--R      +-----+
--R      | 4

```

```

--R      \|\c x  + a
--R
--E 124                                         Type: Expression(Integer)

--S 125 of 776
r0:=-1/3*a*sqrt(a+c*x^4)/c^2+1/6*x^4*sqrt(a+c*x^4)/c
--R
--R
--R      +-----+
--R      4      |   4
--R      (c x  - 2a)\|c x  + a
--R      (2) -----
--R                  2
--R                  6c
--R
--E 125                                         Type: Expression(Integer)

--S 126 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 126                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 127 of 776
t0:=x^5/sqrt(a+c*x^4)
--R
--R
--R      5
--R      x
--R      (1) -----
--R      +-----+
--R      |   4
--R      \|\c x  + a
--R
--E 127                                         Type: Expression(Integer)

--S 128 of 776
r0:=-1/4*a*atanh(x^2*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^4))/c^(3/2)+1/4*x^2*sqrt(a+c*x^4)/c
--R
--R
--R      2 +-+      +-----+
--R      x \|\c      2 +-+ |   4
--R      - a atanh(-----) + x \|\c \|\c x  + a
--R
--R      +-----+
--R      |   4
--R      \|\c x  + a

```

```

--R      (2)  -----
--R                           +-+
--R                           4c\|c
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 128

--S 129 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 129

)clear all

--S 130 of 776
t0:=x^3/sqrt(a+c*x^4)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R           3
--R           x
--R      +-----+
--R           |   4
--R           \|c x  + a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 130

--S 131 of 776
r0:=1/2*sqrt(a+c*x^4)/c
--R
--R
--R      +-----+
--R           |   4
--R           \|c x  + a
--R      (2)  -----
--R           2c
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 131

--S 132 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 132

)clear all

```

```

--S 133 of 776
t0:=x/sqrt(a+c*x^4)
--R
--R
--R      x
--R      (1)  -----
--R              +-----+
--R              |   4
--R              \|c x  + a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 133

--S 134 of 776
r0:=1/2*atanh(x^2*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^4))/sqrt(c)
--R
--R
--R      2 +-+
--R      x \|c
--R      atanh(-----)
--R              +-----+
--R              |   4
--R              \|c x  + a
--R      (2)  -----
--R              +-+
--R              2\|c
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 134

--S 135 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 135

)clear all

--S 136 of 776
t0:=1/(x*sqrt(a+c*x^4))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R              +-----+
--R              |   4
--R              x\|c x  + a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 136

```

```

--S 137 of 776
r0:=-1/2*atanh(sqrt(a+c*x^4)/sqrt(a))/sqrt(a)
--R
--R
--R          +-----+
--R          |   4
--R          \|c x  + a
--R          atanh(-----)
--R          +-+
--R          \|a
--R (2)  - -----
--R          +-+
--R          2\|a
--R
--R
--E 137                                         Type: Expression(Integer)

--S 138 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3)  0
--R
--E 138                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 139 of 776
t0:=1/(x^3*sqrt(a+c*x^4))
--R
--R
--R          1
--R (1)  -----
--R          +-----+
--R          3 |   4
--R          x \|c x  + a
--R
--E 139                                         Type: Expression(Integer)

--S 140 of 776
r0:=-1/2*sqrt(a+c*x^4)/(a*x^2)
--R
--R
--R          +-----+
--R          |   4
--R          \|c x  + a
--R (2)  - -----
--R          2
--R          2a x
--R
--E 140                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 140

--S 141 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 141

)clear all

--S 142 of 776
t0:=1/(x^5*sqrt(a+c*x^4))
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  1
--R                  +-----+
--R                  5 | 4
--R      x \|c x  + a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 142

--S 143 of 776
r0:=1/4*c*atanh(sqrt(a+c*x^4)/sqrt(a))/a^(3/2)-1/4*sqrt(a+c*x^4)/(a*x^4)
--R
--R
--R      (2)  -----
--R                  +-----+
--R                  | 4
--R      4      \|c x  + a      +--+ | 4
--R      c x atanh(-----) - \|a \|c x  + a
--R
--R                  +++
--R                  \|a
--R
--R      (2)  -----
--R
--R                  4 ++
--R      4a x \|a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 143

--S 144 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 144

)clear all

```

```

--S 145 of 776
t0:=1/(x^7*sqrt(a+c*x^4))
--R
--R
--R      1
--R      -----
--R      +-----+
--R      7 |   4
--R      x \|c x  + a
--R
--E 145                                         Type: Expression(Integer)

--S 146 of 776
r0:=-1/6*sqrt(a+c*x^4)/(a*x^6)+1/3*c*sqrt(a+c*x^4)/(a^2*x^2)
--R
--R
--R      +-----+
--R      4      |   4
--R      (2c x  - a)\|c x  + a
--R      (2) -----
--R      2 6
--R      6a x
--R
--E 146                                         Type: Expression(Integer)

--S 147 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 147                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 148 of 776
t0:=x^6/sqrt(a+b*x^4)
--R
--R
--R      6
--R      x
--R      (1) -----
--R      +-----+
--R      |   4
--R      \|b x  + a
--R
--E 148                                         Type: Expression(Integer)

--S 149 of 776
--r0:=1/5*x^3*sqrt(a+b*x^4)/b+3/5*a^(7/4)*_

```

```

--      elliptic_e(asin((-b)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*_
--      sqrt((a+b*x^4)/a)/((-b)^(7/4)*sqrt(a+b*x^4))-_
--      3/5*a^(7/4)*elliptic_f(asin((-b)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*_
--      sqrt((a+b*x^4)/a)/((-b)^(7/4)*sqrt(a+b*x^4))
--E 149

--S 150 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 150

)clear all

--S 151 of 776
t0:=x^4/sqrt(a+c*x^4)
--R
--R
--R      4
--R      x
--R      (1)  -----
--R              +-----+
--R              |   4
--R              \|c x  + a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 151

--S 152 of 776
--r0:=1/3*x*sqrt(a+c*x^4)/c+1/3*a^(5/4)*_
--      elliptic_f(asin((-c)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*_
--      sqrt((a+c*x^4)/a)/((-c)^(5/4)*sqrt(a+c*x^4))
--E 152

--S 153 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 153

)clear all

--S 154 of 776
t0:=x^2/sqrt(a+c*x^4)
--R
--R
--R      2
--R      x
--R      (1)  -----
--R              +-----+
--R              |   4
--R              \|c x  + a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 154

```

```

--S 155 of 776
--r0:=a^(3/4)*elliptic_e(asin((-c)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*_
--      sqrt((a+c*x^4)/a)/((-c)^(3/4)*sqrt(a+c*x^4))-a^(3/4)*_
--      elliptic_f(asin((-c)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*_
--      sqrt((a+c*x^4)/a)/((-c)^(3/4)*sqrt(a+c*x^4))
--E 155

--S 156 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 156

)clear all

--S 157 of 776
t0:=1/sqrt(a+c*x^4)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R              +-----+
--R              |   4
--R              \|c x  + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 157

--S 158 of 776
--r0:=a^(1/4)*elliptic_f(asin((-c)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*_
--      sqrt((a+c*x^4)/a)/((-c)^(1/4)*sqrt(a+c*x^4))
--E 158

--S 159 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 159

)clear all

--S 160 of 776
t0:=1/(x^2*sqrt(a+c*x^4))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R              +-----+
--R              2 |   4
--R              x \|c x  + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 160

--S 161 of 776
--r0:=-sqrt(a+c*x^4)/(a*x)-(-c)^(1/4)*elliptic_e(asin((-c)^(1/4)*_

```

```

--      x/a^(1/4)), -1)*sqrt((a+c*x^4)/a)/(a^(1/4)*_
--      sqrt(a+c*x^4))+(-c)^(1/4)*elliptic_f(asin((-c)^(1/4)*_
--      x/a^(1/4)), -1)*sqrt((a+c*x^4)/a)/(a^(1/4)*sqrt(a+c*x^4))
--E 161

--S 162 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 162

)clear all

--S 163 of 776
t0:=1/(x^4*sqrt(a+c*x^4))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R                  +-----+
--R                  4 | 4
--R      x \|c x  + a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 163

--S 164 of 776
--r0:=-1/3*sqrt(a+c*x^4)/(a*x^3)+1/3*(-c)^(3/4)*_
--      elliptic_f(asin((-c)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*_
--      sqrt((a+c*x^4)/a)/(a^(3/4)*sqrt(a+c*x^4))
--E 164

--S 165 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 165

)clear all

--S 166 of 776
t0:=x^9/(a+c*x^4)^(3/2)
--R
--R
--R      9
--R      x
--R      (1)  -----
--R                  +-----+
--R                  4 | 4
--R      (c x  + a)\|c x  + a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 166

--S 167 of 776
r0:=-3/4*a*atanh(x^2*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^4))/c^(5/2)-_

```

```

1/2*x^6/(c*sqrt(a+c*x^4))+3/4*x^2*sqrt(a+c*x^4)/c^2
--R
--R
--R      +-----+      2 +-+
--R      | 4          x \|c      6      2 +-+
--R      - 3a\|c x  + a atanh(-----) + (c x  + 3a x )\|c
--R                                         +-----+
--R                                         | 4
--R                                         \|c x  + a
--R (2)  -----
--R                                         +-----+
--R                                         2 +-+ | 4
--R                                         4c \|c \|c x  + a
--R
--E 167                                         Type: Expression(Integer)

--S 168 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3)  0
--R
--E 168                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 169 of 776
t0:=x^7/(a+c*x^4)^(3/2)
--R
--R
--R      7
--R      x
--R (1)  -----
--R      +-----+
--R      4      | 4
--R      (c x  + a)\|c x  + a
--R
--E 169                                         Type: Expression(Integer)

--S 170 of 776
r0:=1/2*a/(c^2*sqrt(a+c*x^4))+1/2*sqrt(a+c*x^4)/c^2
--R
--R
--R      4
--R      c x  + 2a
--R (2)  -----
--R      +-----+
--R      2 | 4
--R      2c \|c x  + a
--R
--E 170                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 170

--S 171 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 171

)clear all

--S 172 of 776
t0:=x^5/(a+c*x^4)^(3/2)
--R
--R
--R      5
--R      x
--R      (1)  -----
--R              +-----+
--R          4      | 4
--R      (c x  + a)\|c x  + a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 172

--S 173 of 776
r0:=1/2*atanh(x^2*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^4))/c^(3/2)-1/2*x^2/(c*sqrt(a+c*x^4))
--R
--R
--R      +-----+      2 +-+
--R      | 4           x \|c      2 +-+
--R      \|c x  + a atanh(-----) - x \|c
--R
--R              +-----+
--R              | 4
--R              \|c x  + a
--R      (2)  -----
--R
--R              +-----+
--R              +-+ | 4
--R              2c\|c \|c x  + a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 173

--S 174 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 174

```

```

)clear all

--S 175 of 776
t0:=x^3/(a+c*x^4)^(3/2)
--R
--R
--R
$$(1) \frac{x^3}{(c x^4 + a)^{3/2}}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 175

--S 176 of 776
r0:=(-1/2)/(c*sqrt(a+c*x^4))
--R
--R
--R
$$(2) -\frac{1}{2 c \sqrt{c x^4 + a}}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 176

--S 177 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
$$(3) 0$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 177

)clear all

--S 178 of 776
t0:=x/(a+c*x^4)^(3/2)
--R
--R
--R
$$(1) \frac{x}{(c x^4 + a)^{3/2}}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 178

--S 179 of 776

```

```

r0:=1/2*x^2/(a*sqrt(a+c*x^4))
--R
--R
--R      2
--R      x
--R      (2)  -----
--R           +-----+
--R           |   4
--R           2a\|c x  + a
--R
--E 179                                         Type: Expression(Integer)

--S 180 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 180                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 181 of 776
t0:=1/(x*(a+c*x^4)^(3/2))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R           +-----+
--R           5      |   4
--R           (c x  + a x)\|c x  + a
--R
--E 181                                         Type: Expression(Integer)

--S 182 of 776
r0:=-1/2*atanh(sqrt(a+c*x^4)/sqrt(a))/a^(3/2)+1/2/(a*sqrt(a+c*x^4))
--R
--R
--R      +-----+      +-----+
--R      |   4      \|c x  + a      +-+
--R      - \|c x  + a atanh(-----) + \|a
--R                                     +-+
--R                                     \|a
--R      (2)  -----
--R           +-----+
--R           +-+ |   4
--R           2a\|a \|c x  + a
--R
--E 182                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--S 183 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 183                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 184 of 776
t0:=1/(x^3*(a+c*x^4)^(3/2))
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  +-----+
--R                  7      3   |   4
--R      (c x  + a x )\|c x  + a
--R
--E 184                                         Type: Expression(Integer)

--S 185 of 776
r0:=1/2/(a*x^2*sqrt(a+c*x^4))-sqrt(a+c*x^4)/(a^2*x^2)
--R
--R
--R      (2)  -----
--R                  4
--R      - 2c x  - a
--R
--R      +-----+
--R      2 2 |   4
--R      2a x \|c x  + a
--R
--E 185                                         Type: Expression(Integer)

--S 186 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 186                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 187 of 776
t0:=1/(x^5*(a+c*x^4)^(3/2))
--R
--R

```

```

--R          1
--R      (1)  -----
--R                  +-----+
--R          9      5   |   4
--R      (c x  + a x )\|c x  + a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 187

--S 188 of 776
r0:=3/4*c*atanh(sqrt(a+c*x^4)/sqrt(a))/a^(5/2)+1/2/(a*x^4*sqrt(a+c*x^4))-_
3/4*sqrt(a+c*x^4)/(a^2*x^4)
--R
--R
--R          +-----+
--R          +-----+      |   4
--R          4   |   4      \|c x  + a      4      +-+
--R      3c x \|c x  + a atanh(-----) + (- 3c x  - a)\|a
--R                      +-+
--R                      \|a
--R      (2)  -----
--R          +-----+
--R          2 4 +-+ |   4
--R      4a x \|a \|c x  + a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 188

--S 189 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 189

)clear all

--S 190 of 776
t0:=x^6/(a+c*x^4)^(3/2)
--R
--R
--R          6
--R          x
--R      (1)  -----
--R                  +-----+
--R          4      |   4
--R      (c x  + a)\|c x  + a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 190

--S 191 of 776

```

```

--r0:=-1/2*x^3/(c*sqrt(a+c*x^4))-3/2*a^(3/4)*_
--      elliptic_e(asin((-c)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*sqrt((a+c*x^4)/a)/_
--      ((-c)^(7/4)*sqrt(a+c*x^4))+3/2*a^(3/4)*_
--      elliptic_f(asin((-c)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*sqrt((a+c*x^4)/a)/_
--      ((-c)^(7/4)*sqrt(a+c*x^4))
--E 191

--S 192 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 192

)clear all

--S 193 of 776
t0:=x^4/(a+c*x^4)^(3/2)
--R
--R
--R
$$(1) \frac{x^4}{(c x^4 + a)^{5/2}}$$

--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 193

--S 194 of 776
--r0:=-1/2*x/(c*sqrt(a+c*x^4))-1/2*a^(1/4)*elliptic_f(asin((-c)^(1/4)*_
--      x/a^(1/4)), -1)*sqrt((a+c*x^4)/a)/((-c)^(5/4)*sqrt(a+c*x^4))
--E 194

--S 195 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 195

)clear all

--S 196 of 776
t0:=x^2/(a+c*x^4)^(3/2)
--R
--R
--R
$$(1) \frac{x^2}{(c x^4 + a)^{5/2}}$$

--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 196

```

```

--S 197 of 776
--r0:=1/2*x^3/(a*sqrt(a+c*x^4))-1/2*_
--      elliptic_e(asin((-c)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*sqrt((a+c*x^4)/a)/_
--      (a^(1/4)*(-c)^(3/4)*sqrt(a+c*x^4))+1/2*_
--      elliptic_f(asin((-c)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*_
--      sqrt((a+c*x^4)/a)/(a^(1/4)*(-c)^(3/4)*sqrt(a+c*x^4))
--E 197

--S 198 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 198

)clear all

--S 199 of 776
t0:=1/(a+c*x^4)^(3/2)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R                  +-----+
--R                  4      |   4
--R      (c x  + a)\|c x  + a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 199

--S 200 of 776
--r0:=1/2*x/(a*sqrt(a+c*x^4))+1/2*_
--      elliptic_f(asin((-c)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*_
--      sqrt((a+c*x^4)/a)/(a^(3/4)*(-c)^(1/4)*sqrt(a+c*x^4))
--E 200

--S 201 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 201

)clear all

--S 202 of 776
t0:=1/(x^2*(a+c*x^4)^(3/2))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R                  +-----+
--R                  6      2   |   4
--R      (c x  + a x )\|c x  + a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 202

```

```

--S 203 of 776
--r0:=1/2/(a*x*sqrt(a+c*x^4))-3/2*sqrt(a+c*x^4)/(a^2*x)-3/2*(-c)^(1/4)*_
--      elliptic_e(asin((-c)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*sqrt((a+c*x^4)/a)/_
--      (a^(5/4)*sqrt(a+c*x^4))+3/2*(-c)^(1/4)*_
--      elliptic_f(asin((-c)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*_
--      sqrt((a+c*x^4)/a)/(a^(5/4)*sqrt(a+c*x^4))
--E 203

--S 204 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 204

)clear all

--S 205 of 776
t0:=1/(a+b*x^4)^(5/2)
--R
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R                  +-----+
--R      2 8      4      2 | 4
--R      (b x  + 2a b x  + a )\|b x  + a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 205

--S 206 of 776
--r0:=1/6*x/(a*(a+b*x^4)^(3/2))+5/12*x/(a^2*sqrt(a+b*x^4))+_
--      5/12*elliptic_f(asin((-b)^(1/4)*x/a^(1/4)), -1)*_
--      sqrt((a+b*x^4)/a)/(a^(7/4)*(-b)^(1/4)*sqrt(a+b*x^4))
--E 206

--S 207 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 207

)clear all

--S 208 of 776
t0:=x^7/sqrt(16-x^4)
--R
--R
--R
--R      7
--R      x
--R      (1)  -----
--R                  +-----+
--R                  | 4
--R      \|- x  + 16
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 208

```

```

--S 209 of 776
r0:=-16/3*sqrt(16-x^4)-1/6*x^4*sqrt(16-x^4)
--R
--R
--R
$$(2) \frac{(-x^4 - 32)\sqrt{-x^4 + 16}}{6}$$

--R
--R
--E 209                                         Type: Expression(Integer)

--S 210 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
$$(3) 0$$

--R
--E 210                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 211 of 776
t0:=x^6/sqrt(16-x^4)
--R
--R
--R
$$(1) \frac{x^6}{\sqrt{-x^4 + 16}}$$

--R
--R
--E 211                                         Type: Expression(Integer)

--S 212 of 776
--r0:=96/5*elliptic_e(asin(1/2*x),-1)-96/5*elliptic_f(asin(1/2*x),-1)-
--    1/5*x^3*sqrt(16-x^4)
--E 212

--S 213 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 213

)clear all

--S 214 of 776
t0:=x^5/sqrt(16-x^4)
--R

```

```

--R
--R      5
--R      x
--R (1)  -----
--R          +-----+
--R          |   4
--R          \| - x   + 16
--R
--E 214                                         Type: Expression(Integer)

--S 215 of 776
r0:=4*asin(1/4*x^2)-1/4*x^2*sqrt(16-x^4)
--R
--R
--R      +-----+      2
--R      2 |   4           x
--R      - x \| - x   + 16 + 16asin(--)
--R                                         4
--R (2)  -----
--R                                         4
--R
--E 215                                         Type: Expression(Integer)

--S 216 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3)  0
--R
--E 216                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 217 of 776
t0:=x^4/sqrt(16-x^4)
--R
--R
--R      4
--R      x
--R (1)  -----
--R          +-----+
--R          |   4
--R          \| - x   + 16
--R
--E 217                                         Type: Expression(Integer)

--S 218 of 776
--r0:=8/3*elliptic_f(asin(1/2*x),-1)-1/3*x*sqrt(16-x^4)
--E 218

```

```

--S 219 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 219

)clear all

--S 220 of 776
t0:=x^3/sqrt(16-x^4)
--R
--R
--R      3
--R      x
--R      (1)  -----
--R              +-----+
--R              |   4
--R              \| - x   + 16
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 220

--S 221 of 776
r0:=-1/2*sqrt(16-x^4)
--R
--R
--R      +-----+
--R      |   4
--R      \|- x   + 16
--R      (2)  - -----
--R                  2
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 221

--S 222 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 222

)clear all

--S 223 of 776
t0:=x^2/sqrt(16-x^4)
--R
--R
--R      2
--R      x
--R      (1)  -----
--R              +-----+
--R              |   4

```

```

--R      \|- x  + 16
--R
--E 223                                         Type: Expression(Integer)

--S 224 of 776
--r0:=2*elliptic_e(asin(1/2*x),-1)-2*elliptic_f(asin(1/2*x),-1)
--E 224

--S 225 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 225

)clear all

--S 226 of 776
t0:=x/sqrt(16-x^4)
--R
--R
--R      x
--R      (1)  -----
--R                  +-----+
--R                  |   4
--R      \|- x  + 16
--R
--E 226                                         Type: Expression(Integer)

--S 227 of 776
r0:=1/2*asin(1/4*x^2)
--R
--R
--R      2
--R      x
--R      asin(--)
--R      4
--R      (2)  -----
--R              2
--R
--E 227                                         Type: Expression(Integer)

--S 228 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 228                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 229 of 776

```

```

t0:=1/sqrt(16-x^4)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R              +-----+
--R              |   4
--R              \| - x   + 16
--R
--E 229                                         Type: Expression(Integer)

--S 230 of 776
--r0:=1/2*elliptic_f(asin(1/2*x),-1)
--E 230

--S 231 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 231

)clear all

--S 232 of 776
t0:=1/(x*sqrt(16-x^4))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R              +-----+
--R              |   4
--R              x\| - x   + 16
--R
--E 232                                         Type: Expression(Integer)

--S 233 of 776
r0:=-1/8*atanh(1/4*sqrt(16-x^4))
--R
--R
--R      +-----+
--R      |   4
--R      \|- x   + 16
--R      atanh(-----)
--R                  4
--R      (2)  - -----
--R                  8
--R
--E 233                                         Type: Expression(Integer)

--S 234 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R

```

```

--R
--R      (3)  0
--R
--E 234                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 235 of 776
t0:=1/(x^2*sqrt(16-x^4))
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  +---+
--R                  2 | 4
--R                  x \| - x  + 16
--R
--E 235                                         Type: Expression(Integer)

--S 236 of 776
--r0:=-1/8*elliptic_e(asin(1/2*x),-1)+1/8*elliptic_f(asin(1/2*x),-1)-
--    1/16*sqrt(16-x^4)/x
--E 236

--S 237 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 237

)clear all

--S 238 of 776
t0:=1/(x^3*sqrt(16-x^4))
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  +---+
--R                  3 | 4
--R                  x \| - x  + 16
--R
--E 238                                         Type: Expression(Integer)

--S 239 of 776
r0:=-1/32*sqrt(16-x^4)/x^2
--R
--R
--R      +---+
--R      | 4
--R      \|- x  + 16
--R      (2)  - -----

```

```

--R          2
--R          32x
--R
--E 239                                         Type: Expression(Integer)

--S 240 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 240                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 241 of 776
t0:=1/(x^4*sqrt(16-x^4))
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  +-----+
--R                  4 | 4
--R                  x \|- x  + 16
--R
--E 241                                         Type: Expression(Integer)

--S 242 of 776
--r0:=1/96*elliptic_f(asin(1/2*x),-1)-1/48*sqrt(16-x^4)/x^3
--E 242

--S 243 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 243

)clear all

--S 244 of 776
t0:=x^7/(1+x^4)^(3/2)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  7
--R                  x
--R
--R      (1)  -----
--R                  +-----+
--R                  4 | 4
--R      (x  + 1)\|x  + 1
--R
--E 244                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--S 245 of 776
r0:=1/2/sqrt(1+x^4)+1/2*sqrt(1+x^4)
--R
--R
--R      4
--R      x  + 2
--R      (2)  -----
--R              +----+
--R              | 4
--R              2\|x  + 1
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 245

--S 246 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 246

)clear all

--S 247 of 776
t0:=1/(1+x^4)^(3/2)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R              +----+
--R              4      | 4
--R              (x  + 1)\|x  + 1
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 247

--S 248 of 776
--r0:=-1/2*(-1)^(3/4)*elliptic_f(asin((-1)^(1/4)*x),-1)+1/2*x/sqrt(1+x^4)
--E 248

--S 249 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 249

)clear all

--S 250 of 776
t0:=1/(1+x^4)^(5/2)
--R
--R
--R      1

```

```

--R      (1)  -----
--R                  +---+
--R          8     4      | 4
--R          (x  + 2x  + 1)\|x  + 1
--R
--E 250                                         Type: Expression(Integer)

--S 251 of 776
--r0:=1/6*x/(1+x^4)^(3/2)-5/12*(-1)^(3/4)*_
--    elliptic_f(asin((-1)^(1/4)*x),-1)+5/12*x/sqrt(1+x^4)
--E 251

--S 252 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 252

)clear all

--S 253 of 776
t0:=1/(1-x^4)^(3/2)
--R
--R
--R      (1)  - -----
--R                  +---+
--R          4      | 4
--R          (x  - 1)\|- x  + 1
--R
--E 253                                         Type: Expression(Integer)

--S 254 of 776
--r0:=1/2*elliptic_f(asin(x),-1)+1/2*x/sqrt(1-x^4)
--E 254

--S 255 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 255

)clear all

--S 256 of 776
t0:=1/(1-x^4)^(5/2)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  +---+
--R          8     4      | 4
--R          (x  - 2x  + 1)\|- x  + 1
--R
--E 256                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 256

--S 257 of 776
--r0:=1/6*x/(1-x^4)^(3/2)+5/12*elliptic_f(asin(x),-1)+5/12*x/sqrt(1-x^4)
--E 257

--S 258 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 258

)clear all

--S 259 of 776
t0:=x/sqrt(-4+x^4)
--R
--R
--R      x
--R      (1)  -----
--R              +-----+
--R              | 4
--R              \|x - 4
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 259

--S 260 of 776
r0:=1/2*atanh(x^2/sqrt(-4+x^4))
--R
--R
--R      2
--R      x
--R      atanh(-----)
--R              +-----+
--R              | 4
--R              \|x - 4
--R      (2)  -----
--R              2
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 260

--S 261 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 261

)clear all

--S 262 of 776

```

```

t0:=x/sqrt(4+x^4)
--R
--R
--R      x
--R      (1)  -----
--R              +---+
--R              | 4
--R              \|x  + 4
--R
--E 262                                         Type: Expression(Integer)

--S 263 of 776
r0:=1/2*asinh(1/2*x^2)
--R
--R
--R      x
--R      (2)  asinh(--)
--R              2
--R              2
--R      (2)  -----
--R              2
--R
--E 263                                         Type: Expression(Integer)

--S 264 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 264                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 265 of 776
t0:=1/(x*sqrt(-1+x^4))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R              +---+
--R              | 4
--R              x\|x  - 1
--R
--E 265                                         Type: Expression(Integer)

--S 266 of 776
r0:=1/2*atan(sqrt(-1+x^4))
--R
--R

```

```

--R      +----+
--R      | 4
--R      atan(\|x - 1 )
--R      (2) -----
--R                  2
--R
--E 266                                         Type: Expression(Integer)

--S 267 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 267                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 268 of 776
t0:=x^(7/2)*(a+c*x^4)
--R
--R
--R      7      3  ++
--R      (1)  (c x  + a x )\|x
--R
--E 268                                         Type: Expression(Integer)

--S 269 of 776
r0:=2/9*a*x^(9/2)+2/17*c*x^(17/2)
--R
--R
--R      8      4  ++
--R      (18c x  + 34a x )\|x
--R      (2) -----
--R                  153
--R
--E 269                                         Type: Expression(Integer)

--S 270 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 270                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 271 of 776
t0:=x^(5/2)*(a+c*x^4)

```

```

--R
--R
--R      6      2  +-+
--R      (1)  (c x  + a x )\|x
--R
--E 271                                         Type: Expression(Integer)

--S 272 of 776
r0:=2/7*a*x^(7/2)+2/15*c*x^(15/2)
--R
--R
--R      7      3  +-+
--R      (14c x  + 30a x )\|x
--R      (2)  -----
--R                  105
--R
--E 272                                         Type: Expression(Integer)

--S 273 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 273                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 274 of 776
t0:=x^(3/2)*(a+c*x^4)
--R
--R
--R      5      +-+
--R      (1)  (c x  + a x )\|x
--R
--E 274                                         Type: Expression(Integer)

--S 275 of 776
r0:=2/5*a*x^(5/2)+2/13*c*x^(13/2)
--R
--R
--R      6      2  +-+
--R      (10c x  + 26a x )\|x
--R      (2)  -----
--R                  65
--R
--E 275                                         Type: Expression(Integer)

--S 276 of 776
d0:=t0-D(r0,x)

```

```

--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 276                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 277 of 776
t0:=(a+c*x^4)*sqrt(x)
--R
--R
--R      4      +-+
--R      (1)  (c x  + a)\|x
--R
--E 277                                         Type: Expression(Integer)

--S 278 of 776
r0:=2/3*a*x^(3/2)+2/11*c*x^(11/2)
--R
--R
--R      5      +-+
--R      (6c x  + 22a x)\|x
--R      (2)  -----
--R                  33
--R
--E 278                                         Type: Expression(Integer)

--S 279 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 279                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 280 of 776
t0:=(a+c*x^4)/sqrt(x)
--R
--R
--R      4
--R      c x  + a
--R      (1)  -----
--R                  +-+
--R                  \|x
--R
--E 280                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--S 281 of 776
r0:=2/9*c*x^(9/2)+2*a*sqrt(x)
--R
--R
--R      4      +-+
--R      (2c x  + 18a)\|x
--R      (2) -----
--R                  9
--R
--E 281                                         Type: Expression(Integer)

--S 282 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 282                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 283 of 776
t0:=(a+c*x^4)/x^(3/2)
--R
--R
--R      4
--R      c x  + a
--R      (1) -----
--R                  +-+
--R                  x\|x
--R
--E 283                                         Type: Expression(Integer)

--S 284 of 776
r0:=2/7*c*x^(7/2)-2*a/sqrt(x)
--R
--R
--R      4
--R      2c x  - 14a
--R      (2) -----
--R                  +-+
--R                  7\|x
--R
--E 284                                         Type: Expression(Integer)

--S 285 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0

```

```

--R
--E 285                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 286 of 776
t0:=(a+c*x^4)/x^(5/2)
--R
--R
--R      4
--R      c x  + a
--R      (1) -----
--R              2 ++
--R      x \|x
--R
--E 286                                         Type: Expression(Integer)

--S 287 of 776
r0:=-2/3*a/x^(3/2)+2/5*c*x^(5/2)
--R
--R
--R      4
--R      6c x  - 10a
--R      (2) -----
--R              ++
--R      15x\|x
--R
--E 287                                         Type: Expression(Integer)

--S 288 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 288                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 289 of 776
t0:=(a+c*x^4)/x^(7/2)
--R
--R
--R      4
--R      c x  + a
--R      (1) -----
--R              3 ++
--R      x \|x
--R
--E 289                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--S 290 of 776
r0:=-2/5*a/x^(5/2)+2/3*c*x^(3/2)
--R
--R
--R      4
--R      10c x - 6a
--R      (2)  -----
--R                  2 +-+
--R                  15x \|x
--R
--E 290                                         Type: Expression(Integer)

--S 291 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 291                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 292 of 776
t0:=x^(7/2)*(a+c*x^4)^2
--R
--R
--R      2 11          7      2 3  +-+
--R      (1)  (c x + 2a c x + a x )\|x
--R
--E 292                                         Type: Expression(Integer)

--S 293 of 776
r0:=2/9*a^2*x^(9/2)+4/17*a*c*x^(17/2)+2/25*c^2*x^(25/2)
--R
--R
--R      2 12          8      2 4  +-+
--R      (306c x + 900a c x + 850a x )\|x
--R      (2)  -----
--R                  3825
--R
--E 293                                         Type: Expression(Integer)

--S 294 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 294                                         Type: Expression(Integer)

```

```

)clear all

--S 295 of 776
t0:=x^(5/2)*(a+c*x^4)^2
--R
--R
--R      2 10          6      2 2  +-+
--R      (1)  (c x    + 2a c x   + a x )\|x
--R
--E 295                                         Type: Expression(Integer)

--S 296 of 776
r0:=2/7*a^2*x^(7/2)+4/15*a*c*x^(15/2)+2/23*c^2*x^(23/2)
--R
--R
--R      2 11          7      2 3  +-+
--R      (210c x    + 644a c x   + 690a x )\|x
--R      -----
--R                  2415
--R
--E 296                                         Type: Expression(Integer)

--S 297 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 297                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 298 of 776
t0:=x^(3/2)*(a+c*x^4)^2
--R
--R
--R      2 9          5      2  +-+
--R      (1)  (c x    + 2a c x   + a x )\|x
--R
--E 298                                         Type: Expression(Integer)

--S 299 of 776
r0:=2/5*a^2*x^(5/2)+4/13*a*c*x^(13/2)+2/21*c^2*x^(21/2)
--R
--R
--R      2 10          6      2 2  +-+
--R      (130c x    + 420a c x   + 546a x )\|x
--R      -----
--R                  1365

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 299

--S 300 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 300

)clear all

--S 301 of 776
t0:=(a+c*x^4)^2*sqrt(x)
--R
--R
--R      2 8          4      2  +-+
--R      (1)  (c x  + 2a c x  + a )\|x
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 301

--S 302 of 776
r0:=2/3*a^2*x^(3/2)+4/11*a*c*x^(11/2)+2/19*c^2*x^(19/2)
--R
--R
--R      2 9          5      2  +-+
--R      (66c x  + 228a c x  + 418a x)\|x
--R      (2)  -----
--R                  627
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 302

--S 303 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 303

)clear all

--S 304 of 776
t0:=(a+c*x^4)^2/sqrt(x)
--R
--R
--R      2 8          4      2
--R      c x  + 2a c x  + a
--R      (1)  -----

```

```

--R          +-+
--R          \|x
--R
--E 304                                         Type: Expression(Integer)

--S 305 of 776
r0:=4/9*a*c*x^(9/2)+2/17*c^2*x^(17/2)+2*a^2*sqrt(x)
--R
--R
--R          2 8           4           2   +-+
--R          (18c x  + 68a c x  + 306a )\|x
--R  (2)  -----
--R                      153
--R
--E 305                                         Type: Expression(Integer)

--S 306 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R  (3)  0
--R
--E 306                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 307 of 776
t0:=(a+c*x^4)^2/x^(3/2)
--R
--R
--R          2 8           4           2
--R          c x  + 2a c x  + a
--R  (1)  -----
--R                      +-+
--R                      x\|x
--R
--E 307                                         Type: Expression(Integer)

--S 308 of 776
r0:=4/7*a*c*x^(7/2)+2/15*c^2*x^(15/2)-2*a^2/sqrt(x)
--R
--R
--R          2 8           4           2
--R          14c x  + 60a c x  - 210a
--R  (2)  -----
--R                      +-+
--R                      105\|x
--R
--E 308                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--S 309 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 309                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 310 of 776
t0:=(a+c*x^4)^2/x^(5/2)
--R
--R
--R      2 8          4      2
--R      c x  + 2a c x  + a
--R      (1)  -----
--R                  2 +-+
--R                  x \|x
--R
--E 310                                         Type: Expression(Integer)

--S 311 of 776
r0:=-2/3*a^2/x^(3/2)+4/5*a*c*x^(5/2)+2/13*c^2*x^(13/2)
--R
--R
--R      2 8          4      2
--R      30c x  + 156a c x  - 130a
--R      (2)  -----
--R                  +-+
--R                  195x\|x
--R
--E 311                                         Type: Expression(Integer)

--S 312 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 312                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 313 of 776
t0:=(a+c*x^4)^2/x^(7/2)
--R
--R
--R      2 8          4      2
--R      c x  + 2a c x  + a

```

```

--R   (1)  -----
--R           3 +-+
--R           x \|x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 313

--S 314 of 776
r0:=-2/5*a^2/x^(5/2)+4/3*a*c*x^(3/2)+2/11*c^2*x^(11/2)
--R
--R
--R           2 8          4          2
--R           30c x  + 220a c x  - 66a
--R   (2)  -----
--R           2 +-+
--R           165x \|x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 314

--S 315 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 315

)clear all

--S 316 of 776
t0:=x^(7/2)*(a+c*x^4)^3
--R
--R
--R           3 15          2 11          2    7          3 3  +-+
--R   (1)  (c x  + 3a c x  + 3a c x  + a x )\|x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 316

--S 317 of 776
r0:=2/9*a^3*x^(9/2)+6/17*a^2*c*x^(17/2)+6/25*a*c^2*x^(25/2)+2/33*c^3*x^(33/2)
--R
--R
--R           3 16          2 12          2    8          3 4  +-+
--R           (2550c x  + 10098a c x  + 14850a c x  + 9350a x )\|x
--R   (2)  -----
--R           42075
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 317

--S 318 of 776
d0:=t0-D(r0,x)

```

```

--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 318                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 319 of 776
t0:=x^(5/2)*(a+c*x^4)^3
--R
--R
--R      3 14      2 10      2 6      3 2  +-+
--R      (1)  (c x    + 3a c x    + 3a c x    + a x )\|x
--R
--E 319                                         Type: Expression(Integer)

--S 320 of 776
r0:=2/7*a^3*x^(7/2)+2/5*a^2*c*x^(15/2)+6/23*a*c^2*x^(23/2)+2/31*c^3*x^(31/2)
--R
--R
--R      3 15      2 11      2 7      3 3  +-+
--R      (1610c x    + 6510a c x    + 9982a c x    + 7130a x )\|x
--R      (2)  -----
--R
--R
--E 320                                         Type: Expression(Integer)

--S 321 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 321                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 322 of 776
t0:=x^(3/2)*(a+c*x^4)^3
--R
--R
--R      3 13      2 9      2 5      3 3  +-+
--R      (1)  (c x    + 3a c x    + 3a c x    + a x )\|x
--R
--E 322                                         Type: Expression(Integer)

--S 323 of 776
r0:=2/5*a^3*x^(5/2)+6/13*a^2*c*x^(13/2)+2/7*a*c^2*x^(21/2)+2/29*c^3*x^(29/2)
--R

```

```

--R
--R      3 14      2 10      2   6      3 2  +-+
--R      (910c x    + 3770a c x    + 6090a c x    + 5278a x )\|x
--R      (2) -----
--R                                         13195
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 323

--S 324 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 324

)clear all

--S 325 of 776
t0:=(a+c*x^4)^3*sqrt(x)
--R
--R
--R      3 12      2 8      2   4      3  +-+
--R      (1)  (c x    + 3a c x    + 3a c x    + a )\|x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 325

--S 326 of 776
r0:=2/3*a^3*x^(3/2)+6/11*a^2*c*x^(11/2)+6/19*a*c^2*x^(19/2)+2/27*c^3*x^(27/2)
--R
--R
--R      3 13      2 9      2   5      3  +-+
--R      (418c x    + 1782a c x    + 3078a c x    + 3762a x )\|x
--R      (2) -----
--R                                         5643
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 326

--S 327 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 327

)clear all

--S 328 of 776
t0:=(a+c*x^4)^3/sqrt(x)

```

```

--R
--R
--R      3 12      2 8      2 4      3
--R      c x    + 3a c x    + 3a c x    + a
--R      (1) -----
--R                           +-+
--R                           \|x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 328

--S 329 of 776
r0:=2/3*a^2*c*x^(9/2)+6/17*a*c^2*x^(17/2)+2/25*c^3*x^(25/2)+2*a^3*sqrt(x)
--R
--R
--R      3 12      2 8      2 4      3  +-+
--R      (102c x    + 450a c x    + 850a c x    + 2550a )\|x
--R      (2) -----
--R                           1275
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 329

--S 330 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 330

)clear all

--S 331 of 776
t0:=(a+c*x^4)^3/x^(3/2)
--R
--R
--R      3 12      2 8      2 4      3
--R      c x    + 3a c x    + 3a c x    + a
--R      (1) -----
--R                           +-+
--R                           x\|x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 331

--S 332 of 776
r0:=6/7*a^2*c*x^(7/2)+2/5*a*c^2*x^(15/2)+2/23*c^3*x^(23/2)-2*a^3/sqrt(x)
--R
--R
--R      3 12      2 8      2 4      3
--R      70c x    + 322a c x    + 690a c x    - 1610a
--R      (2) -----

```

```

--R          +-+
--R          805\|x
--R
--E 332                                         Type: Expression(Integer)

--S 333 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 333                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 334 of 776
t0:=(a+c*x^4)^3/x^(5/2)
--R
--R
--R      3 12      2 8      2   4      3
--R      c x    + 3a c x  + 3a c x  + a
--R      (1) -----
--R                  2 +-+
--R                  x \|x
--R
--E 334                                         Type: Expression(Integer)

--S 335 of 776
r0:=-2/3*a^3/x^(3/2)+6/5*a^2*c*x^(5/2)+6/13*a*c^2*x^(13/2)+2/21*c^3*x^(21/2)
--R
--R
--R      3 12      2 8      2   4      3
--R      130c x    + 630a c x  + 1638a c x  - 910a
--R      (2) -----
--R                  +-+
--R                  1365x\|x
--R
--E 335                                         Type: Expression(Integer)

--S 336 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 336                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 337 of 776

```

```

t0:=(a+c*x^4)^3/x^(7/2)
--R
--R
--R      3 12      2 8      2   4      3
--R      c x     + 3a c x    + 3a c x   + a
--R      (1) -----
--R                           3 +-+
--R                           x \|x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 337

--S 338 of 776
r0:=-2/5*a^3/x^(5/2)+2*a^2*c*x^(3/2)+6/11*a*c^2*x^(11/2)+2/19*c^3*x^(19/2)
--R
--R
--R      3 12      2 8      2   4      3
--R      110c x     + 570a c x    + 2090a c x   - 418a
--R      (2) -----
--R                           2 +-+
--R                           1045x \|x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 338

--S 339 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 339

)clear all

--S 340 of 776
t0:=x^(9/2)/(a+c*x^4)
--R
--R
--R      4 +-+
--R      x \|x
--R      (1) -----
--R      4
--R      c x   + a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 340

--S 341 of 776
r0:=2/3*x^(3/2)/c+1/2*(-a)^(3/8)*atan(c^(1/8)*sqrt(x)/_
(-a)^(1/8))/c^(11/8)-1/2*(-a)^(3/8)*atanh(c^(1/8)*_
sqrt(x)/(-a)^(1/8))/c^(11/8)+1/2*(-a)^(3/8)*_
atan(1-c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/(c^(11/8)*_

```

```

sqrt(2))-1/2*(-a)^(3/8)*atan(1+c^(1/8)*sqrt(2)*_
sqrt(x)/(-a)^(1/8))/(c^(11/8)*sqrt(2))-1/4*(-a)^(3/8)*_
log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x-(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*_
sqrt(x)/(c^(11/8)*sqrt(2))+1/4*(-a)^(3/8)*_
log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x+(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*_
sqrt(x))/(c^(11/8)*sqrt(2))
--R
--R
--R (2)
--R      8+---+3      +-+8+---+8+++-++      4+-+ 4+---+
--R      3\|- a log(\|2 \|- a \|c \|x + x\|c + \|- a )
--R      +
--R      8+---+3      +-+8+---+8+++-++      4+-+ 4+---+
--R      - 3\|- a log(- \|2 \|- a \|c \|x + x\|c + \|- a )
--R      +
--R      8+++-++      +-+8+++-++      8+---+
--R      +-+8+---+3      \|c \|x      8+---+3      \|2 \|c \|x + \|- a
--R      - 6\|2 \|- a atanh(-----) - 6\|- a atan(-----)
--R      8+---+      8+---+
--R      \|- a      \|- a
--R      +
--R      8+---+3      \|2 \|c \|x - \|- a      +-+8+---+3      \|c \|x
--R      - 6\|- a atan(-----) + 6\|2 \|- a atan(-----)
--R      8+---+      8+---+
--R      \|- a      \|- a
--R      +
--R      +-+8+---+3 +-+
--R      8x\|2 \|c \|x
--R      /
--R      +-+8+---+3
--R      12c\|2 \|c
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 341

--S 342 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 342

)clear all

--S 343 of 776
t0:=x^(7/2)/(a+c*x^4)
--R
--R
--R      3 +-+

```

```

--R      x \|x
--R      (1)  -----
--R              4
--R      c x  + a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 343

--S 344 of 776
r0:=-1/2*(-a)^(1/8)*atan(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/c^(9/8)-_
1/2*(-a)^(1/8)*atanh(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/c^(9/8)+_
1/2*(-a)^(1/8)*atan(1-c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/_
(c^(9/8)*sqrt(2))-1/2*(-a)^(1/8)*atan(1+c^(1/8)*sqrt(2)*_
sqrt(x)/(-a)^(1/8))/(c^(9/8)*sqrt(2))+1/4*(-a)^(1/8)*_
log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x-(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*_
sqrt(x))/(c^(9/8)*sqrt(2))-1/4*(-a)^(1/8)*log((-a)^(1/4)+_
c^(1/4)*x+(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x))/(c^(9/8)*_
sqrt(2))+2*sqrt(x)/c
--R
--R
--R      (2)
--R      8+++++     +-+8+---+8+++-++     4++-   4+---+
--R      - \|- a log(\|2 \|- a \|c \|x  + x\|c  + \|- a )
--R      +
--R      8+++++     +-+8+---+8+++-++     4++-   4+---+
--R      \|- a log(- \|2 \|- a \|c \|x  + x\|c  + \|- a )
--R      +
--R      8++- +-+           +-+8++- +-+   8+---+
--R      +-+8+---+     \|c \|x      8+---+     \|2 \|c \|x  + \|- a
--R      - 2\|2 \|- a atanh(-----) - 2\|- a atan(-----)
--R                           8+---+           8+---+
--R                           \|- a           \|- a
--R      +
--R      8+---+     8+---+           8+---+     8+---+ +-+
--R      \|2 \|c \|x  - \|- a           +-+8+---+     \|c \|x
--R      - 2\|- a atan(-----) - 2\|2 \|- a atan(-----)
--R                           8+---+           8+---+
--R                           \|- a           \|- a
--R      +
--R      +-+8++- +-+
--R      8\|2 \|c \|x
--R      /
--R      +-+8++-
--R      4c\|2 \|c
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 344

--S 345 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R

```

```

--R   (3)  0
--R
--E 345                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 346 of 776
t0:=x^(5/2)/(a+c*x^4)
--R
--R
--R      2 ++
--R      x \|x
--R   (1)  -----
--R           4
--R      c x + a
--R
--E 346                                         Type: Expression(Integer)

--S 347 of 776
r0:=1/2*atan(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(1/8)*c^(7/8))-_
1/2*atanh(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(1/8)*c^(7/8))-_
1/2*atan(1-c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(1/8)*_
c^(7/8)*sqrt(2))+1/2*atan(1+c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/_
((-a)^(1/8)*c^(7/8)*sqrt(2))+1/4*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x-_
(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(1/8)*c^(7/8)*_
sqrt(2))-1/4*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x+(-a)^(1/8)*c^(1/8)*_
sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(1/8)*c^(7/8)*sqrt(2))
--R
--R
--R   (2)
--R      +-+8+---+8+-+ +-+ 4+-+ 4+---+
--R      - log(\|2 \|- a \|c \|x + x\|c + \|- a )
--R      +
--R      +-+8+---+8+-+ +-+ 4+-+ 4+---+ +-+ 8+---+ +-+
--R      log(- \|2 \|- a \|c \|x + x\|c + \|- a ) - 2\|2 atanh(-----)
--R                                              8+---+
--R                                              \|- a
--R      +
--R      +-+8+-+ +-+ 8+---+ +-+8+-+ +-+ 8+---+
--R      \|2 \|c \|x + \|- a          \|2 \|c \|x - \|- a
--R      2atan(-----) + 2atan(-----)
--R                      8+---+          8+---+
--R                      \|- a          \|- a
--R      +
--R      8+-+ +-+
--R      +-+ \|c \|x
--R      2\|2 atan(-----)
--R                      8+---+
--R                      \|- a

```

```

--R   /
--R      +-+8+---+8+-+7
--R      4\|2 \| - a \|c
--R
--E 347                                         Type: Expression(Integer)

--S 348 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 348                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 349 of 776
t0:=x^(3/2)/(a+c*x^4)
--R
--R
--R      +-+
--R      x\|x
--R      (1)  -----
--R              4
--R              c x  + a
--R
--E 349                                         Type: Expression(Integer)

--S 350 of 776
r0:=-1/2*atan(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(3/8)*c^(5/8))-_
1/2*atanh(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(3/8)*c^(5/8))-_
1/2*atan(1-c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(3/8)*_
c^(5/8)*sqrt(2))+1/2*atan(1+c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/_
((-a)^(3/8)*c^(5/8)*sqrt(2))-1/4*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x-_
(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(3/8)*c^(5/8)*_
sqrt(2))+1/4*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x+(-a)^(1/8)*c^(1/8)*_
sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(3/8)*c^(5/8)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)
--R      +-+8+---+8+-+ +-+ 4+-+ 4+---+
--R      log(\|2 \| - a \|c \|x  + x\|c  + \|- a )
--R      +
--R
--R      +-+8+---+8+-+ +-+ 4+-+ 4+---+ +-+ 8+-+ +-+
--R      - log(- \|2 \| - a \|c \|x  + x\|c  + \|- a ) - 2\|2 atanh(-----)
--R
--R
--R      8+---+
--R      \|- a
--R      +
--R      +-+8+-+ +-+ 8+---+           +-+8+-+ +-+ 8+---+

```

```

--R      \|- c \|- x + \|- a      \|- c \|- x - \|- a
--R      2atan(-----) + 2atan(-----)
--R                  8+---+
--R                  \|- a           8+---+
--R
--R      +
--R      8+++
--R      +-+ \|- c \|- x
--R      - 2\|2 atan(-----)
--R                  8+---+
--R                  \|- a
--R
--R      /
--R      +-+8+---+3 8+-+5
--R      4\|2 \|- a \|- c
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 350

--S 351 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 351

)clear all

--S 352 of 776
t0:=sqrt(x)/(a+c*x^4)
--R
--R
--R      +-+
--R      \|- x
--R      (1)  -----
--R                  4
--R      c x  + a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 352

--S 353 of 776
r0:=1/2*atan(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(5/8)*c^(3/8))-_
1/2*atanh(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(5/8)*c^(3/8))+_
1/2*atan(1-c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(5/8)*c^(3/8)*_
sqrt(2))-1/2*atan(1+c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(5/8)*_
c^(3/8)*sqrt(2))-1/4*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x-(-a)^(1/8)*c^(1/8)*_
sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(5/8)*c^(3/8)*sqrt(2))+1/4*log((-a)^(1/4)+_
c^(1/4)*x+(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x))/_
((-a)^(5/8)*c^(3/8)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)

```

```

--R      +--+8+---+8+++-++ 4+-+ 4+---+
--R      log(\|2 \|- a \|c \|x + x\|c + \|- a )
--R      +
--R      +--+8+---+8+++-++ 4+-+ 4+---+ +--+ \|c \|x
--R      - log(- \|2 \|- a \|c \|x + x\|c + \|- a ) - 2\|2 atanh(-----)
--R      +-----+-----+-----+-----+
--R      \|c \|x + \|- a   \|c \|x - \|- a
--R      - 2atan(-----) - 2atan(-----)
--R      +-----+-----+-----+
--R      \|c \|x + \|- a   \|c \|x - \|- a
--R      +-----+-----+-----+
--R      2\|2 atan(-----)
--R      +-----+-----+
--R      \|c \|x + \|- a
--R      /
--R      +--+8+---+5 8++3
--R      4\|2 \|- a \|c
--R
--E 353                                         Type: Expression(Integer)

--S 354 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 354                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 355 of 776
t0:=1/((a+c*x^4)*sqrt(x))
--R
--R
--R      (1)  -----
--R      4      +-+
--R      (c x + a)\|x
--R
--E 355                                         Type: Expression(Integer)

--S 356 of 776
r0:=-1/2*atan(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(7/8)*c^(1/8))-_
1/2*atanh(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(7/8)*c^(1/8))+_

```

```

1/2*atan(1-c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(7/8)*_
c^(1/8)*sqrt(2))-1/2*atan(1+c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/_
(-a)^(1/8))/((-a)^(7/8)*c^(1/8)*sqrt(2))+1/4*log((-a)^(1/4)+_
c^(1/4)*x-(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(7/8)*_
c^(1/8)*sqrt(2))-1/4*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x+(-a)^(1/8)*_
c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(7/8)*c^(1/8)*sqrt(2))

--R
--R
--R (2)
--R      +-+8+----+8+-+ +-+   4+-+   4+---+
--R      - log(\|2 \|- a \|c \|x + x\|c + \|- a )
--R      +
--R      +-----+-----+-----+-----+-----+-----+
--R      +--+8+----+8+-+ +-+   4+-+   4+---+   +-+   \|c \|x
--R      log(- \|2 \|- a \|c \|x + x\|c + \|- a ) - 2\|2 atanh(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R      +--+8+--+-+ 8+---+      +-+8+--+-+ 8+---+
--R      \|2 \|c \|x + \|- a      \|2 \|c \|x - \|- a
--R      - 2atan(-----) - 2atan(-----)
--R                                         8+---+      8+---+
--R                                         \|- a      \|- a
--R      +
--R      +-----+-----+
--R      +-+   \|c \|x
--R      - 2\|2 atan(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      /
--R      +-+8+----+7 8+-+
--R      4\|2 \|- a \|c
--R
--E 356                                         Type: Expression(Integer)

--S 357 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R (3)  0
--R
--E 357                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 358 of 776
t0:=1/(x^(3/2)*(a+c*x^4))
--R
--R
--R 1

```

```

--R      (1)  -----
--R              5      +-+
--R          (c x  + a x)\|x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 358

--S 359 of 776
r0:=1/2*c^(1/8)*atan(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/(-a)^(9/8)-
    1/2*c^(1/8)*atanh(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/(-a)^(9/8)-
    1/2*c^(1/8)*atan(1-c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/_
    ((-a)^(9/8)*sqrt(2))+1/2*c^(1/8)*atan(1+c^(1/8)*sqrt(2)*_
    sqrt(x)/(-a)^(1/8))/(((-a)^(9/8)*sqrt(2))+1/4*c^(1/8)*_
    log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x-(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*_
    sqrt(x))/(((-a)^(9/8)*sqrt(2))-1/4*c^(1/8)*log((-a)^(1/4)+_
    c^(1/4)*x+(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x))/(((-a)^(9/8)*_
    sqrt(2))+(-2)/(a*sqrt(x)))
--R
--R
--R      (2)
--R      8++- +-+      +-+8+---+8++- +-+      4++- 4+---+
--R      \|c \|x log(\|2 \|- a \|c \|x  + x\|c  + \|- a )
--R      +
--R      8++- +-+      +-+8+---+8++- +-+      4++- 4+---+
--R      - \|c \|x log(- \|2 \|- a \|c \|x  + x\|c  + \|- a )
--R      +
--R      8++- +-+      +-+8+---+8++- +-+      8+---+
--R      +-+8++- +-+      \|c \|x      8++- +-+      \|2 \|c \|x  + \|- a
--R      2\|2 \|c \|x atanh(-----) - 2\|c \|x atan(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R      8++- +-+      \|2 \|c \|x  - \|- a      +-+8++- +-+      \|c \|x
--R      - 2\|c \|x atan(-----) - 2\|2 \|c \|x atan(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R      +-+8+---+
--R      - 8\|2 \|- a
--R      /
--R      +-+8+---+ +-+
--R      4a\|2 \|- a \|x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 359

--S 360 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0

```

```

--R
--E 360                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 361 of 776
t0:=1/(x^(5/2)*(a+c*x^4))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R              6      2  ++
--R          (c x  + a x )\|x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 361

--S 362 of 776
r0:=(-2/3)/(a*x^(3/2))-1/2*c^(3/8)*atan(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/_
(-a)^(11/8)-1/2*c^(3/8)*atanh(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/_
(-a)^(11/8)-1/2*c^(3/8)*atan(1-c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/_
((-a)^(11/8)*sqrt(2))+1/2*c^(3/8)*atan(1+c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/_
(-a)^(1/8))/((-a)^(11/8)*sqrt(2))-1/4*c^(3/8)*log((-a)^(1/4)+_
c^(1/4)*x-(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(11/8)*_
sqrt(2))+1/4*c^(3/8)*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x+(-a)^(1/8)*_
c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(11/8)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)
--R      8+-+3 +-+      +-+8+---+8+-+ +-+      4+-+      4+---+
--R      - 3x \|c  \|\x log(\|2 \|- a \|c \|\x + x\|c  + \|- a )
--R      +
--R      8+-+3 +-+      +-+8+---+8+-+ +-+      4+-+      4+---+
--R      3x \|c  \|\x log(- \|2 \|- a \|c \|\x + x\|c  + \|- a )
--R      +
--R      8+-+ +-+      +-+8+-+ +-+      8+---+
--R      +-+8+-+3 +-+      \|c \|\x      8+-+3 +-+      \|2 \|c \|\x + \|- a
--R      6x\|2 \|c  \|\x atanh(-----) - 6x \|c  \|\x atan(-----)
--R      8+---+      8+---+
--R      \|- a      \|- a
--R      +
--R      8+-+3 +-+      \|2 \|c \|\x - \|- a      +-+8+-+3 +-+      \|c \|\x
--R      - 6x \|c  \|\x atan(-----) + 6x\|2 \|c  \|\x atan(-----)
--R      8+---+      8+---+
--R      \|- a      \|- a
--R      +
--R      +-+8+---+3
--R      - 8\|2 \|- a
--R      /
--R      +-+8+---+3 +-+

```

```

--R      12a x\|2 \|- a  \|x
--R
--E 362                                         Type: Expression(Integer)

--S 363 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 363                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 364 of 776
t0:=1/(x^(7/2)*(a+c*x^4))
--R
--R
--R      (1)  -----
--R              7      3  ++
--R      (c x  + a x )\|x
--R
--E 364                                         Type: Expression(Integer)

--S 365 of 776
r0:=(-2/5)/(a*x^(5/2))+1/2*c^(5/8)*atan(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/_
(-a)^(13/8)-1/2*c^(5/8)*atanh(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/_
(-a)^(13/8)+1/2*c^(5/8)*atan(1-c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/_
(-a)^(1/8))/((-a)^(13/8)*sqrt(2))-1/2*c^(5/8)*atan(1+c^(1/8)*_
sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(13/8)*sqrt(2))-_
1/4*c^(5/8)*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x-(-a)^(1/8)*c^(1/8)*_
sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(13/8)*sqrt(2))+1/4*c^(5/8)*log((-a)^(1/4)+_
c^(1/4)*x+(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(13/8)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)
--R      2 8+-+5 +-+      +-+8+---+8+-+ +-+      4+-+      4+---+
--R      - 5x  \|c  \|x log(\|2 \|- a \|c \|x  + x\|c  + \|- a )
--R      +
--R      2 8+-+5 +-+      +-+8+---+8+-+ +-+      4+-+      4+---+
--R      5x  \|c  \|x log(- \|2 \|- a \|c \|x  + x\|c  + \|- a )
--R      +
--R                  8+-+ +-+
--R      2 +-+8+-+5 +-+      \|c  \|x
--R      10x \|2 \|c  \|x atanh(-----)
--R
--R
--R      8+---+
--R      \|- a
--R      +
--R      +-+8+-+ +-+      8+---+

```

```

--R      2 8+-+5 +-+      \|2 \|c \|x + \|- a
--R      10x \|c \|x atan(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R      2 8+-+5 +-+      \|2 \|c \|x - \|- a
--R      10x \|c \|x atan(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R      2 +-+8+-+5 +-+      \|c \|x      +-+8+---+5
--R      - 10x \|2 \|c \|x atan(-----) - 8\|2 \|- a
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      /
--R      2 +-+8+---+5 +-+
--R      20a x \|2 \|- a \|x
--R
--E 365                                         Type: Expression(Integer)

--S 366 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 366                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 367 of 776
t0:=x^(13/2)/(a+c*x^4)^2
--R
--R
--R      6 +-+
--R      x \|x
--R      (1) -----
--R      2 8      4      2
--R      c x + 2a c x + a
--R
--E 367                                         Type: Expression(Integer)

--S 368 of 776
r0:=-1/4*x^(7/2)/(c*(a+c*x^4))+7/16*atan(c^(1/8)*sqrt(x)/_
  (-a)^(1/8))/((-a)^(1/8)*c^(15/8))-7/16*atanh(c^(1/8)*_
  sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(1/8)*c^(15/8))-7/16*atan(1-c^(1/8)*_
  sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(1/8)*c^(15/8)*sqrt(2))+_
  7/16*atan(1+c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/_

```

```

((-a)^(1/8)*c^(15/8)*sqrt(2))+7/32*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x-_  

(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(1/8)*_  

c^(15/8)*sqrt(2))-7/32*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x+(-a)^(1/8)*_  

c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(1/8)*c^(15/8)*sqrt(2))  

--R  

--R  

--R (2)  

--R      4           +-+8+---+8++ ++  4++  4+---+  

--R      (- 7c x - 7a)log(\|2 \|- a \|c \|x + x\|c + \|- a )  

--R      +  

--R      4           +-+8+---+8++ ++  4++  4+---+  

--R      (7c x + 7a)log(- \|2 \|- a \|c \|x + x\|c + \|- a )  

--R      +  

--R                  8+-+ +-+  

--R      4           +-+ \|c \|x  

--R      (- 14c x - 14a)\|2 atanh(-----)  

--R                           8+---+  

--R                           \|- a  

--R      +  

--R                  +-+8+-+ +-+  8+---+  

--R      4           \|2 \|c \|x + \|- a  

--R      (14c x + 14a)atan(-----)  

--R                           8+---+  

--R                           \|- a  

--R      +  

--R                  +-+8+-+ +-+  8+---+  

--R      4           \|2 \|c \|x - \|- a  

--R      (14c x + 14a)atan(-----)  

--R                           8+---+  

--R                           \|- a  

--R      +  

--R                  8+-+ +-+  

--R      4           +-+ \|c \|x      3 +-+8+---+8+-+7 +-+  

--R      (14c x + 14a)\|2 atan(-----) - 8x \|2 \|- a \|c \|x  

--R                           8+---+  

--R                           \|- a  

--R      /  

--R      2 4           +-+8+---+8+-+7  

--R      (32c x + 32a c)\|2 \|- a \|c  

--R  

                                         Type: Expression(Integer)
--E 368

--S 369 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R (3)  0
--R  

                                         Type: Expression(Integer)
--E 369

```

```

)clear all

--S 370 of 776
t0:=x^(11/2)/(a+c*x^4)^2
--R
--R
--R      5 +-+
--R      x \|x
--R      (1) -----
--R      2 8      4   2
--R      c x + 2a c x + a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 370

--S 371 of 776
r0:=-1/4*x^(5/2)/(c*(a+c*x^4))-5/16*atan(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/_
((-a)^(3/8)*c^(13/8))-5/16*atanh(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/_
((-a)^(3/8)*c^(13/8))-5/16*atan(1-c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/_
(-a)^(1/8))/((-a)^(3/8)*c^(13/8)*sqrt(2))+5/16*_
atan(1+c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(3/8)*_
c^(13/8)*sqrt(2))-5/32*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x-(-a)^(1/8)*_
c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(3/8)*c^(13/8)*sqrt(2))+_
5/32*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x+(-a)^(1/8)*c^(1/8)*_
sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(3/8)*c^(13/8)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)
--R      4          +-+8+---+8+-+ +-+ 4+-+ 4+---+
--R      (5c x + 5a)log(\|2 \|- a \|c \|x + x\|c + \|- a )
--R      +
--R      4          +-+8+---+8+-+ +-+ 4+-+ 4+---+
--R      (- 5c x - 5a)log(- \|2 \|- a \|c \|x + x\|c + \|- a )
--R      +
--R                      8+-+ +-+
--R      4          +-+          \|c \|x
--R      (- 10c x - 10a)\|2 atanh(-----)
--R                                     8+---+
--R                                     \|- a
--R      +
--R                      +-+8+-+ +-+ 8+---+
--R      4          \|2 \|c \|x + \|- a
--R      (10c x + 10a)atan(-----)
--R                                     8+---+
--R                                     \|- a
--R      +
--R                      +-+8+-+ +-+ 8+---+
--R      4          \|2 \|c \|x - \|- a
--R      (10c x + 10a)atan(-----)
--R                                     8+---+
--R                                     \|- a

```

```

--R      +
--R      4      +-+      \|c \|x      2 +-+8+---+3 8+-+5 +-+
--R      (- 10c x  - 10a)\|2 atan(-----) - 8x \|2 \|- a  \|c  \|x
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R   /
--R      2 4      +-+8+---+3 8+-+5
--R      (32c x  + 32a c)\|2 \|- a  \|c
--R
--E 371                                         Type: Expression(Integer)

--S 372 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 372                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 373 of 776
t0:=x^(9/2)/(a+c*x^4)^2
--R
--R
--R      4 +-+
--R      x \|x
--R      (1) -----
--R      2 8      4    2
--R      c x  + 2a c x  + a
--R
--E 373                                         Type: Expression(Integer)

--S 374 of 776
r0:=-1/4*x^(3/2)/(c*(a+c*x^4))+3/16*atan(c^(1/8)*sqrt(x)/_
  (-a)^(1/8))/((-a)^(5/8)*c^(11/8))-3/16*atanh(c^(1/8)*_
  sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(5/8)*c^(11/8))+3/16*atan(1-c^(1/8)*_
  sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(5/8)*c^(11/8)*sqrt(2))-3/16*_
  atan(1+c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(5/8)*_
  c^(11/8)*sqrt(2))-3/32*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x-(-a)^(1/8)*_
  c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(5/8)*c^(11/8)*sqrt(2))+_
  3/32*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x+(-a)^(1/8)*c^(1/8)*_
  sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(5/8)*c^(11/8)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)
--R      4      +-+8+---+8+-+ +-+      4+-+      4+---+
--R      (3c x  + 3a)log(\|2 \|- a  \|c  \|x  + x\|c  + \|- a )
--R      +

```

```

--R      4      +-+8+---+8++ +++ 4+++
--R      (- 3c x - 3a)log(- \|2 \|- a \|c \|x + x\|c + \|- a )
--R      +
--R      8+++
--R      4      +-+ \|c \|x
--R      (- 6c x - 6a)\|2 atanh(-----)
--R      8+---+
--R      \|- a
--R      +
--R      +-+8++ +++ 8+---+
--R      4      \|2 \|c \|x + \|- a
--R      (- 6c x - 6a)atan(-----)
--R      8+---+
--R      \|- a
--R      +
--R      +-+8++ +++ 8+---+
--R      4      \|2 \|c \|x - \|- a
--R      (- 6c x - 6a)atan(-----)
--R      8+---+
--R      \|- a
--R      +
--R      8+++
--R      4      +-+ \|c \|x      +-+8+---+5 8+-+3 ++
--R      (6c x + 6a)\|2 atan(-----) - 8x\|2 \|- a \|c \|x
--R      8+---+
--R      \|- a
--R      /
--R      2 4      +-+8+---+5 8+-+3
--R      (32c x + 32a c)\|2 \|- a \|c
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 374

--S 375 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 375

)clear all

--S 376 of 776
t0:=x^(7/2)/(a+c*x^4)^2
--R
--R
--R      3 ++
--R      x \|x
--R      (1) -----
--R      2 8      4      2

```

```

--R      c x  + 2a c x  + a
--R
--E 376                                         Type: Expression(Integer)

--S 377 of 776
r0:=-1/16*atan(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(7/8)*c^(9/8))-
    1/16*atanh(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(7/8)*c^(9/8))+_
    1/16*atan(1-c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(7/8)*c^(9/8)*_
    sqrt(2))-1/16*atan(1+c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(7/8)*_
    c^(9/8)*sqrt(2))+1/32*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x-(-a)^(1/8)*c^(1/8)*_
    sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(7/8)*c^(9/8)*sqrt(2))-1/32*log((-a)^(1/4)+_
    c^(1/4)*x+(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(7/8)*c^(9/8)*_
    sqrt(2))-1/4*sqrt(x)/(c*(a+c*x^4))
--R
--R
--R      (2)
--R      4      +-+8+---+8+-+ +-+ 4+-+ 4+---+
--R      (- c x - a)log(\|2 \|- a \|c \|x + x\|c + \|- a )
--R      +
--R      4      +-+8+---+8+-+ +-+ 4+-+ 4+---+
--R      (c x + a)log(- \|2 \|- a \|c \|x + x\|c + \|- a )
--R      +
--R      8+-+ +-+
--R      4      +-+ \|c \|x
--R      (- 2c x - 2a)\|2 atanh(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R      +-+8+-+ +-+ 8+---+
--R      4      \|2 \|c \|x + \|- a
--R      (- 2c x - 2a)atan(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R      +-+8+-+ +-+ 8+---+
--R      4      \|2 \|c \|x - \|- a
--R      (- 2c x - 2a)atan(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R      8+-+ +-+
--R      4      +-+ \|c \|x      +-+8+---+7 8+-+ +-+
--R      (- 2c x - 2a)\|2 atan(-----) - 8\|2 \|- a \|c \|x
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      /
--R      2 4      +-+8+---+7 8+-+
--R      (32c x + 32a c)\|2 \|- a \|c
--R
--E 377                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--S 378 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 378

)clear all

--S 379 of 776
t0:=x^(5/2)/(a+c*x^4)^2
--R
--R
--R      (1)  
$$\frac{x^{10}}{c^2 x^8 + 2 a c x^4 + a^2}$$

--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 379

--S 380 of 776
r0:=1/4*x^(7/2)/(a*(a+c*x^4))-1/16*atan(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/_
((-a)^(9/8)*c^(7/8))+1/16*atanh(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/_
((-a)^(9/8)*c^(7/8))+1/16*atan(1-c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/_
(-a)^(1/8))/((-a)^(9/8)*c^(7/8)*sqrt(2))-1/16*atan(1+c^(1/8)*_
sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(9/8)*c^(7/8)*sqrt(2))-_
1/32*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x-(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x))/_
((-a)^(9/8)*c^(7/8)*sqrt(2))+1/32*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x+_
(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(9/8)*c^(7/8)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)
--R      
$$(-c^4 x^4 - a^4) \log(\sqrt{2} \sqrt{-a} \sqrt{c} \sqrt{x} + x \sqrt{c} \sqrt{-a})$$

--R      +
--R      
$$(c^4 x^4 + a^4) \log(-\sqrt{2} \sqrt{-a} \sqrt{c} \sqrt{x} + x \sqrt{c} \sqrt{-a})$$

--R      +
--R      
$$(-2c^4 x^4 - 2a^4) \sqrt{2} \operatorname{atanh}\left(\frac{\sqrt{c} \sqrt{x}}{\sqrt{-a}}\right)$$

--R      +
--R      
$$(2c^4 x^4 + 2a^4) \operatorname{atan}\left(\frac{\sqrt{2} \sqrt{c} \sqrt{x} + \sqrt{-a}}{\sqrt{2} \sqrt{c} \sqrt{x} + \sqrt{-a}}\right)$$


```

```

--R          8+---+
--R          \| - a
--R
--R          +
--R          4          +-+8+++- +-+ 8+---+          8+-+ +-+
--R          \|- a          \|2 \|c \|x - \| - a          \|c \|x
--R          (2c x + 2a)atan(-----) + (2c x + 2a)\|2 atan(-----)
--R          8+---+          8+---+
--R          \| - a          \| - a
--R
--R          +
--R          3 +-+8+---+8+-+7 +-+
--R          8x \|2 \|- a \|c \|x
--R
--R          /
--R          4          2  +-+8+---+8+-+7
--R          (32a c x + 32a )\|2 \|- a \|c
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 380

--S 381 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 381

)clear all

--S 382 of 776
t0:=x^(3/2)/(a+c*x^4)^2
--R
--R
--R          +-+
--R          x\|x
--R      (1)  -----
--R          2 8          4  2
--R          c x + 2a c x + a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 382

--S 383 of 776
r0:=1/4*x^(5/2)/(a*(a+c*x^4))+3/16*atan(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/_
((-a)^(11/8)*c^(5/8))+3/16*atanh(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/_
((-a)^(11/8)*c^(5/8))+3/16*atan(1-c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/_
(-a)^(1/8))/((-a)^(11/8)*c^(5/8)*sqrt(2))-3/16*atan(1+c^(1/8)*_
sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(11/8)*c^(5/8)*sqrt(2))+_
3/32*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x-(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*_
sqrt(x))/((-a)^(11/8)*c^(5/8)*sqrt(2))-3/32*log((-a)^(1/4)+_
c^(1/4)*x-(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(11/8)*_
c^(5/8)*sqrt(2))
--R

```

```

--R
--R      (2)
--R      4          +-+8+---+8+-+ +-+    4+-+    4+---+
--R      (3c x + 3a)log(\|2 \|- a \|c \|x + x\|c + \|- a )
--R      +
--R      4          +-+8+---+8+-+ +-+    4+-+    4+---+
--R      (- 3c x - 3a)log(- \|2 \|- a \|c \|x + x\|c + \|- a )
--R      +
--R          8+-+ +-+
--R          4          +-+          \|c \|x
--R          (- 6c x - 6a)\|2 atanh(-----)
--R                               8+---+
--R                               \|- a
--R      +
--R          4          +-+8+-+ +-+    8+---+
--R          \|2 \|c \|x + \|- a
--R          (6c x + 6a)atan(-----)
--R                               8+---+
--R                               \|- a
--R      +
--R          4          +-+8+-+ +-+    8+---+
--R          \|2 \|c \|x - \|- a
--R          (6c x + 6a)atan(-----)
--R                               8+---+
--R                               \|- a
--R      +
--R          4          +-+          \|c \|x          2 +-+8+---+3 8+-+5 +-+
--R          (- 6c x - 6a)\|2 atan(-----) + 8x \|2 \|- a \|c \|x
--R                               8+---+
--R                               \|- a
--R      /
--R          4          2          +-+8+---+3 8+-+5
--R          (32a c x + 32a )\|2 \|- a \|c
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 383

--S 384 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 384

)clear all

--S 385 of 776
t0:=sqrt(x)/(a+c*x^4)^2
--R

```

```

--R
--R          +-+
--R          \|x
--R (1)  -----
--R          2 8      4      2
--R          c x + 2a c x + a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 385

--S 386 of 776
r0:=1/4*x^(3/2)/(a*(a+c*x^4))-5/16*atan(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/_
((-a)^(13/8)*c^(3/8))+5/16*atanh(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/_
((-a)^(13/8)*c^(3/8))-5/16*atan(1-c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/_
(-a)^(1/8))/((-a)^(13/8)*c^(3/8)*sqrt(2))+5/16*atan(1+c^(1/8)*_
sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(13/8)*c^(3/8)*sqrt(2))+_
5/32*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x-(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*_
sqrt(x))/((-a)^(13/8)*c^(3/8)*sqrt(2))-5/32*log((-a)^(1/4)+_
c^(1/4)*x+(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(13/8)*_
c^(3/8)*sqrt(2))

--R
--R
--R (2)
--R          4          +-+8+---+8+-+ +-+      4+-+      4+---+
--R          (5c x + 5a)log(\|2 \|- a \|c \|x + x\|c + \|- a )
--R
--R          +
--R          4          +-+8+---+8+-+ +-+      4+-+      4+---+
--R          (- 5c x - 5a)log(- \|2 \|- a \|c \|x + x\|c + \|- a )
--R
--R          +
--R          8+-+ +-+
--R          4          +-+      \|c \|x
--R          (- 10c x - 10a)\|2 atanh(-----)
--R                                     8+---+
--R                                     \|- a
--R
--R          +
--R          +-+8+-+ +-+      8+---+
--R          4          \|2 \|c \|x + \|- a
--R          (- 10c x - 10a)atan(-----)
--R                                     8+---+
--R                                     \|- a
--R
--R          +
--R          +-+8+-+ +-+      8+---+
--R          4          \|2 \|c \|x - \|- a
--R          (- 10c x - 10a)atan(-----)
--R                                     8+---+
--R                                     \|- a
--R
--R          +
--R          8+-+ +-+
--R          4          +-+      \|c \|x      +-+8+---+5 8+-+3 +-+
--R          (10c x + 10a)\|2 atan(-----) + 8x\|2 \|- a \|c \|x
--R                                     8+---+

```

```

--R          \|- a
--R   /
--R          4      2  +-+8----+5 8+-+3
--R   (32a c x  + 32a )\|2 \|- a  \|c
--R
--E 386                                         Type: Expression(Integer)

--S 387 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R   (3)  0
--R
--E 387                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 388 of 776
t0:=1/((a+c*x^4)^2*sqrt(x))
--R
--R
--R   (1)  -----
--R           1
--R           2 8      4      2  +-+
--R   (c x  + 2a c x  + a )\|x
--R
--E 388                                         Type: Expression(Integer)

--S 389 of 776
r0:=7/16*atan(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(15/8)*c^(1/8))+_
7/16*atanh(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(15/8)*c^(1/8))-_
7/16*atan(1-c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(15/8)*_
c^(1/8)*sqrt(2))+7/16*atan(1+c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/_
((-a)^(15/8)*c^(1/8)*sqrt(2))-7/32*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x-_
(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(15/8)*c^(1/8)*_
sqrt(2))+7/32*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x+(-a)^(1/8)*c^(1/8)*_
sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(15/8)*c^(1/8)*sqrt(2))+1/4*_
sqrt(x)/(a*(a+c*x^4))
--R
--R
--R   (2)
--R           4      +-+8----+8+-+ +-+  4+-+  4+---+
--R   (- 7c x  - 7a)log(\|2 \|- a \|c \|x  + x\|c  + \|- a )
--R   +
--R           4      +-+8----+8+-+ +-+  4+-+  4+---+
--R   (7c x  + 7a)log(- \|2 \|- a \|c \|x  + x\|c  + \|- a )
--R   +
--R           8+-+ +-+
--R           4      +-+  \|c \|x
--R   (- 14c x  - 14a)\|2 atanh(-----)

```

```

--R          8+---+
--R          \| - a
--R
--R          +
--R          4          +-+8+-+ +-+ 8+---+
--R          \|2 \|c \|x + \|- a
--R          (- 14c x - 14a)atan(-----)
--R
--R          8+---+
--R          \| - a
--R
--R          +
--R          4          +-+8+-+ +-+ 8+---+
--R          \|2 \|c \|x - \|- a
--R          (- 14c x - 14a)atan(-----)
--R
--R          8+---+
--R          \| - a
--R
--R          +
--R          4          8+-+ +-+
--R          +-+      \|c \|x      +-+8+---+7 8+-+ +-+
--R          (- 14c x - 14a)\|2 atan(-----) + 8\|2 \|- a \|c \|x
--R
--R          8+---+
--R          \| - a
--R
--R          /
--R          4          2  +-+8+---+7 8+-+
--R          (32a c x + 32a )\|2 \|- a \|c
--R
--R
--E 389                                         Type: Expression(Integer)

--S 390 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R          (3)  0
--R
--E 390                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 391 of 776
t0:=1/(x^(3/2)*(a+c*x^4)^2)
--R
--R
--R          1
--R          (1)  -----
--R          2 9      5      2  +-+
--R          (c x + 2a c x + a x)\|x
--R
--E 391                                         Type: Expression(Integer)

--S 392 of 776
r0:=-9/16*c^(1/8)*atan(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/(-a)^(17/8)+_
9/16*c^(1/8)*atanh(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/(-a)^(17/8)+_

```

```

9/16*c^(1/8)*atan(1-c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/_
((-a)^(17/8)*sqrt(2))-9/16*c^(1/8)*atan(1+c^(1/8)*sqrt(2)*_
sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(17/8)*sqrt(2))-9/32*c^(1/8)*_
log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x+(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*_
sqrt(x))/((-a)^(17/8)*sqrt(2))+9/32*c^(1/8)*log((-a)^(1/4)+_
c^(1/4)*x+(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(17/8)*_
sqrt(2))+(-9/4)/(a^2*sqrt(x))+1/4/(a*(a+c*x^4)*sqrt(x))
--R
--R
--R (2)
--R
--R      4      8+++-++      +-+8+----+8++-++      4++- 4+---+
--R      (9c x + 9a)\|c \|x log(\|2 \|- a \|c \|x + x\|c + \|- a )
--R
--R      +
--R      4      8+++-++      +-+8+----+8++-++      4++- 4+---+
--R      (- 9c x - 9a)\|c \|x log(- \|2 \|- a \|c \|x + x\|c + \|- a )
--R
--R      +
--R      8++- ++
--R      4      +-+8++-++      \|c \|x
--R      (18c x + 18a)\|2 \|c \|x atanh(-----)
--R
--R
--R      8+---+
--R      \| - a
--R
--R      +
--R      +-+8++-++      8+---+
--R      4      8++-++      \|2 \|c \|x + \|- a
--R      (- 18c x - 18a)\|c \|x atan(-----)
--R
--R      8+---+
--R      \| - a
--R
--R      +
--R      +-+8++-++      8+---+
--R      4      8++-++      \|2 \|c \|x - \|- a
--R      (- 18c x - 18a)\|c \|x atan(-----)
--R
--R      8+---+
--R      \| - a
--R
--R      +
--R      8++- ++
--R      4      +-+8++-++      \|c \|x
--R      (- 18c x - 18a)\|2 \|c \|x atan(-----) + (- 72c x - 64a)\|2 \|- a
--R
--R      8+---+
--R      \| - a
--R
--R      /
--R      2   4      3   +-+8+----+ ++
--R      (32a c x + 32a )\|2 \|- a \|x
--R
--R
--E 392
                                         Type: Expression(Integer)

--S 393 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R (3) 0

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 393

)clear all

--S 394 of 776
t0:=x^(15/2)/(a+c*x^4)^3
--R
--R
--R          7 +-+
--R          x \|x
--R  (1)  -----
--R          3 12      2 8      2   4      3
--R          c x     + 3a c x    + 3a c x   + a
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 394

--S 395 of 776
r0:=-1/8*x^(9/2)/(c*(a+c*x^4)^2)-9/256*atan(c^(1/8)*_
sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(7/8)*c^(17/8))-9/256*_
atanh(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(7/8)*c^(17/8))+_
9/256*atan(1-c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(7/8)*_
c^(17/8)*sqrt(2))-9/256*atan(1+c^(1/8)*sqrt(2)*_
sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(7/8)*c^(17/8)*sqrt(2))+_
9/512*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x-(-a)^(1/8)*c^(1/8)*_
sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(7/8)*c^(17/8)*sqrt(2))-_
9/512*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x+(-a)^(1/8)*c^(1/8)*_
sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(7/8)*c^(17/8)*sqrt(2))-_
9/64*sqrt(x)/(c^2*(a+c*x^4))
--R
--R
--R  (2)
--R          2 8      4      2      +-+8+---+8+++- +-+      4+-+      4+---+
--R          (- 9c x  - 18a c x  - 9a )log(\|2 \|- a \|c \|x  + x\|c  + \|- a )
--R          +
--R          2 8      4      2      +-+8+---+8+++- +-+      4+-+      4+---+
--R          (9c x  + 18a c x  + 9a )log(- \|2 \|- a \|c \|x  + x\|c  + \|- a )
--R          +
--R          8+++- +-+
--R          2 8      4      2      +-+      \|c \|x
--R          (- 18c x  - 36a c x  - 18a )\|2 atanh(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R          +
--R          +-+8+++- +-+      8+---+
--R          2 8      4      2      \|2 \|c \|x  + \|- a
--R          (- 18c x  - 36a c x  - 18a )atan(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R          +

```

```

--R
--R
--R      2 8      4      2      8+---+ 8+---+
--R      (- 18c x - 36a c x - 18a )atan(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R
--R      +
--R
--R      2 8      4      2  +-+      8+---+ 8+---+
--R      (- 18c x - 36a c x - 18a )\|2 atan(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R
--R      +
--R      4      +-+8+---+7 8+---+ 8+---+
--R      (- 136c x - 72a)\|2 \|- a \c \x
--R
--R      /
--R      4 8      3 4      2 2  +-+8+---+7 8+---+
--R      (512c x + 1024a c x + 512a c )\|2 \|- a \c
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 395

--S 396 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 396

)clear all

--S 397 of 776
t0:=x^(13/2)/(a+c*x^4)^3
--R
--R
--R      6  +-+
--R      x \|x
--R
--R      (1)  -----
--R      3 12      2 8      2 4      3
--R      c x + 3a c x + 3a c x + a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 397

--S 398 of 776
r0:=-1/8*x^(7/2)/(c*(a+c*x^4)^2)+7/64*x^(7/2)/(a*c*(a+c*x^4))-_
    7/256*atan(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(9/8)*c^(15/8))+_
    7/256*atanh(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(9/8)*c^(15/8))+_
    7/256*atan(1-c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(9/8)*_
    c^(15/8)*sqrt(2))-7/256*atan(1+c^(1/8)*sqrt(2)*_
    sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(9/8)*c^(15/8)*sqrt(2))-_
    7/512*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x-(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*_

```

```

sqrt(x))/((-a)^(9/8)*c^(15/8)*sqrt(2))+7/512*log((-a)^(1/4)+_
c^(1/4)*x+(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(9/8)*_
c^(15/8)*sqrt(2))
--R
--R
--R (2)
--R
--R      2 8          4      2      +-+8+---+8+++-++      4+-+ 4+---+
--R      (- 7c x - 14a c x - 7a )log(\|2 \|- a \|c \|x + x\|c + \|- a )
--R      +
--R      2 8          4      2      +-+8+---+8+++-++      4+-+ 4+---+
--R      (7c x + 14a c x + 7a )log(- \|2 \|- a \|c \|x + x\|c + \|- a )
--R      +
--R
--R      8+++- ++
--R      2 8          4      2      +-+      \|c \|x
--R      (- 14c x - 28a c x - 14a )\|2 atanh(-----)
--R
--R
--R      8+---+
--R      \|- a
--R      +
--R
--R      8+---+ 8+---+
--R      2 8          4      2      \|2 \|c \|x + \|- a
--R      (14c x + 28a c x + 14a )atan(-----)
--R
--R      8+---+
--R      \|- a
--R      +
--R
--R      8+---+ 8+---+
--R      2 8          4      2      \|2 \|c \|x - \|- a
--R      (14c x + 28a c x + 14a )atan(-----)
--R
--R      8+---+
--R      \|- a
--R      +
--R
--R      8+---+ 8+---+
--R      2 8          4      2      +-+      \|c \|x
--R      (14c x + 28a c x + 14a )\|2 atan(-----)
--R
--R      8+---+
--R      \|- a
--R      +
--R
--R      7      3      +-+8+---+8++-+7 +-+
--R      (56c x - 8a x )\|2 \|- a \|c \|x
--R      /
--R
--R      3 8          2 2 4      3      +-+8+---+8++-+7
--R      (512a c x + 1024a c x + 512a c)\|2 \|- a \|c
--R
--R
--E 398
                                         Type: Expression(Integer)

--S 399 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R (3)  0
--R
                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 399

)clear all

--S 400 of 776
t0:=x^(11/2)/(a+c*x^4)^3
--R
--R
--R
$$(1) \frac{x^{11/2}}{c^3 x^{12} + 3 a c^2 x^8 + 3 a^2 c x^4 + a^3}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 400

--S 401 of 776
r0:=-1/8*x^(5/2)/(c*(a+c*x^4)^2)+5/64*x^(5/2)/(a*c*(a+c*x^4))+_
15/256*atan(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(11/8)*c^(13/8))+_
15/256*atanh(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(11/8)*_
c^(13/8))+15/256*atan(1-c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/_
((-a)^(11/8)*c^(13/8)*sqrt(2))-15/256*atan(1+c^(1/8)*_
sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(11/8)*c^(13/8)*sqrt(2))+_
15/512*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x-(-a)^(1/8)*c^(1/8)*_
sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(11/8)*c^(13/8)*sqrt(2))-_
15/512*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x-(-a)^(1/8)*c^(1/8)*_
sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(11/8)*c^(13/8)*sqrt(2))
--R
--R
--R
$$(2) \frac{(15c^2 x^8 + 30ac^4 x^4 + 15a^4) \log(\sqrt{2}\sqrt{-a}\sqrt{c}\sqrt{x} + x\sqrt{c}\sqrt{-a})}{+ (-15c^2 x^8 - 30ac^4 x^4 - 15a^4) \log(-\sqrt{2}\sqrt{-a}\sqrt{c}\sqrt{x} + x\sqrt{c}\sqrt{-a})} + \frac{(-30c^2 x^8 - 60ac^4 x^4 - 30a^4) \operatorname{atanh}(\frac{\sqrt{2}\sqrt{c}\sqrt{x}}{\sqrt{-a}})}{+ (30c^2 x^8 + 60ac^4 x^4 + 30a^4) \operatorname{atan}(\frac{\sqrt{2}\sqrt{c}\sqrt{x}}{\sqrt{-a}})}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--R      (30c x + 60a c x + 30a )atan(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \| - a
--R      +
--R                                         8++- +-+
--R      2 8           4           2 +-+     \|c \|x
--R      (- 30c x - 60a c x - 30a )\|2 atan(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \| - a
--R      +
--R      6           2 +-+8+---+3 8+-+5 +-+
--R      (40c x - 24a x )\|2 \|- a \|c \|x
--R /
--R      3 8           2 2 4           3 +-+8+---+3 8+-+5
--R      (512a c x + 1024a c x + 512a c)\|2 \|- a \|c
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 401

--S 402 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 402

)clear all

--S 403 of 776
t0:=x^(9/2)/(a+c*x^4)^3
--R
--R
--R      4 +-+
--R      x \|x
--R      (1) -----
--R      3 12           2 8           2 4           3
--R      c x + 3a c x + 3a c x + a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 403

--S 404 of 776
r0:=-1/8*x^(3/2)/(c*(a+c*x^4)^2)+3/64*x^(3/2)/(a*c*(a+c*x^4))-
15/256*atan(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(13/8)*c^(11/8))+_
15/256*atanh(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(13/8)*c^(11/8))-_
15/256*atan(1-c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(13/8)*_
c^(11/8)*sqrt(2))+15/256*atan(1+c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/_
(-a)^(1/8))/((-a)^(13/8)*c^(11/8)*sqrt(2))+15/512*_
log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x-(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*_
sqrt(x))/((-a)^(13/8)*c^(11/8)*sqrt(2))-15/512*_
log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x+(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*_

```

```

sqrt(x))/((-a)^(13/8)*c^(11/8)*sqrt(2))
--R
--R
--R (2)
--R      2 8      4      2      +-+8+---+8++- +-+      4+-+      4+---+
--R      (15c x + 30a c x + 15a )log(\|2 \|- a \|c \|x + x\|c + \|- a )
--R      +
--R      2 8      4      2      +-+8+---+8++- +-+      4+-+      4+---+
--R      (- 15c x - 30a c x - 15a )log(- \|2 \|- a \|c \|x + x\|c + \|- a )
--R      +
--R
--R      2 8      4      2      +-+8+---+8++- +-+      8+---+ +-+
--R      (- 30c x - 60a c x - 30a )\|2 atanh(-----)
--R
--R
--R      2 8      4      2      \|2 \|c \|x + \|- a      8+---+
--R      (- 30c x - 60a c x - 30a )atan(-----)
--R
--R
--R      2 8      4      2      \|2 \|c \|x - \|- a      8+---+
--R      (- 30c x - 60a c x - 30a )atan(-----)
--R
--R
--R      2 8      4      2      \|2 \|c \|x
--R      (30c x + 60a c x + 30a )\|2 atan(-----)
--R
--R
--R      2 8      4      2      +-+8+---+5 8+-+3 +-+
--R      (24c x - 40a x)\|2 \|- a \|c \|x
--R      /
--R      3 8      2 2 4      3      +-+8+---+5 8+-+3
--R      (512a c x + 1024a c x + 512a c)\|2 \|- a \|c
--R
--R
--E 404                                         Type: Expression(Integer)

--S 405 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R (3)  0
--R
--R
--E 405                                         Type: Expression(Integer)

```

```

)clear all

--S 406 of 776
t0:=x^(7/2)/(a+c*x^4)^3
--R
--R
--R
$$(1) \frac{x^{15/2}}{c^3 x^{12} + 3 a c^2 x^8 + 3 a^2 c x^4 + a^3}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 406

--S 407 of 776
r0:=7/256*atan(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(15/8)*c^(9/8))+_
7/256*atanh(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(15/8)*c^(9/8))-_
7/256*atan(1-c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(15/8)*_
c^(9/8)*sqrt(2))+7/256*atan(1+c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/_
(-a)^(1/8))/((-a)^(15/8)*c^(9/8)*sqrt(2))-7/512*_
log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x-(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*_
sqrt(x))/((-a)^(15/8)*c^(9/8)*sqrt(2))+7/512*log((-a)^(1/4)+_
c^(1/4)*x+(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(15/8)*_
c^(9/8)*sqrt(2))-1/8*sqrt(x)/(c*(a+c*x^4)^2)+1/64*_
sqrt(x)/(a*c*(a+c*x^4))
--R
--R
--R
$$(2) \frac{(-7c^8 x^8 - 14ac^4 x^4 - 7a^2) \log(\sqrt{2}\sqrt{-a}\sqrt{c}\sqrt{x} + x\sqrt{c}\sqrt{-a})}{(-14c^8 x^8 - 28ac^4 x^4 - 14a^2)\sqrt{2}\operatorname{atanh}\left(\frac{\sqrt{2}\sqrt{c}\sqrt{x}}{\sqrt{-a}}\right)} + \frac{(7c^8 x^8 + 14ac^4 x^4 + 7a^2) \log(-\sqrt{2}\sqrt{-a}\sqrt{c}\sqrt{x} + x\sqrt{c}\sqrt{-a})}{(-14c^8 x^8 - 28ac^4 x^4 - 14a^2)\sqrt{-a}} + \frac{(-14c^8 x^8 - 28ac^4 x^4 - 14a^2)\sqrt{2}\operatorname{atan}\left(\frac{\sqrt{2}\sqrt{c}\sqrt{x} + \sqrt{-a}}{\sqrt{-a}}\right)}{(-14c^8 x^8 - 28ac^4 x^4 - 14a^2)\sqrt{-a}} + \frac{(-14c^8 x^8 - 28ac^4 x^4 - 14a^2)\sqrt{2}\operatorname{atan}\left(\frac{\sqrt{2}\sqrt{c}\sqrt{x} - \sqrt{-a}}{\sqrt{-a}}\right)}{(-14c^8 x^8 - 28ac^4 x^4 - 14a^2)\sqrt{-a}}$$


```

```

--R          \|- a
--R      +
--R          2 8      4      2 +-+      8+-+ +-+
--R      (- 14c x - 28a c x - 14a )\|2 atan(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R          4      +-+8+---+7 8+-+ +-+
--R      (8c x - 56a)\|2 \|- a \|- c \|- x
--R   /
--R          3 8      2 2 4      3      +-+8+---+7 8+-+
--R      (512a c x + 1024a c x + 512a c)\|2 \|- a \|- c
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 407

--S 408 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 408

)clear all

--S 409 of 776
t0:=x^(5/2)/(a+c*x^4)^3
--R
--R
--R          2 +-+
--R          x \|- x
--R      (1)  -----
--R          3 12      2 8      2 4      3
--R          c x + 3a c x + 3a c x + a
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 409

--S 410 of 776
r0:=1/8*x^(7/2)/(a*(a+c*x^4)^2)+9/64*x^(7/2)/(a^2*(a+c*x^4))+_
9/256*atan(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(17/8)*c^(7/8))-_
9/256*atanh(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(17/8)*c^(7/8))-_
9/256*atan(1-c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/_
((-a)^(17/8)*c^(7/8)*sqrt(2))+9/256*atan(1+c^(1/8)*sqrt(2)*_
sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(17/8)*c^(7/8)*sqrt(2))+_
9/512*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x-(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*_
sqrt(x))/((-a)^(17/8)*c^(7/8)*sqrt(2))-9/512*log((-a)^(1/4)+_
c^(1/4)*x+(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x))/_
((-a)^(17/8)*c^(7/8)*sqrt(2))
--R

```

```

--R
--R      (2)
--R      2 8          4      2      +-+8+---+8++- +-+      4+-+      4+---+
--R      (- 9c x - 18a c x - 9a )log(\|2 \|- a \|c \|x + x\|c + \|- a )
--R      +
--R      2 8          4      2      +-+8+---+8++- +-+      4+-+      4+---+
--R      (9c x + 18a c x + 9a )log(- \|2 \|- a \|c \|x + x\|c + \|- a )
--R      +
--R      8++- +-+
--R      2 8          4      2      +-+      \|c \|x
--R      (- 18c x - 36a c x - 18a )\|2 atanh(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R      8+---+ 8+---+
--R      2 8          4      2      \|2 \|c \|x + \|- a
--R      (18c x + 36a c x + 18a )atan(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R      8+---+ 8+---+
--R      2 8          4      2      \|2 \|c \|x - \|- a
--R      (18c x + 36a c x + 18a )atan(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R      8+---+ 8+---+
--R      2 8          4      2      +-+      \|c \|x
--R      (18c x + 36a c x + 18a )\|2 atan(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R      7          3      +-+8+---+8++-7 +-+
--R      (72c x + 136a x )\|2 \|- a \|c \|x
--R      /
--R      2 2 8          3      4      4      +-+8+---+8++-7
--R      (512a c x + 1024a c x + 512a )\|2 \|- a \|c
--R
--E 410                                         Type: Expression(Integer)

--S 411 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 411                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

```

```

--S 412 of 776
t0:=x^(3/2)/(a+c*x^4)^3
--R
--R
--R
--R      +-
--R      x\|x
--R      (1) -----
--R      3 12      2 8      2 4      3
--R      c x    + 3a c x  + 3a c x  + a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 412

--S 413 of 776
r0:=1/8*x^(5/2)/(a*(a+c*x^4)^2)+11/64*x^(5/2)/(a^2*(a+c*x^4))-
33/256*atan(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(19/8)*c^(5/8))-_
33/256*atanh(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(19/8)*c^(5/8))-_
33/256*atan(1-c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(19/8)*_
c^(5/8)*sqrt(2))+33/256*atan(1+c^(1/8)*sqrt(2)*_
sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(19/8)*c^(5/8)*sqrt(2))-_
33/512*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x-(-a)^(1/8)*c^(1/8)*_
sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(19/8)*c^(5/8)*sqrt(2))+_
33/512*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x-(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*_
sqrt(x))/((-a)^(19/8)*c^(5/8)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)
--R      2 8      4      2      +-+8+---+8++- +-+      4+-+      4+---+
--R      (33c x  + 66a c x  + 33a )log(\|2 \|- a \|c \|x  + x\|c  + \|- a )
--R      +
--R      2 8      4      2      +-+8+---+8++- +-+      4+-+      4+---+
--R      (- 33c x  - 66a c x  - 33a )log(- \|2 \|- a \|c \|x  + x\|c  + \|- a )
--R      +
--R
--R      2 8      4      2      +-+8+---+8++- +-+      4+-+      4+---+
--R      (- 66c x  - 132a c x  - 66a )\|2 atanh(-----)
--R
--R
--R      2 8      4      2      +-+8+---+8++- +-+      8+---+
--R      (66c x  + 132a c x  + 66a )atan(-----)
--R
--R
--R      2 8      4      2      +-+8+---+8++- +-+      8+---+
--R      (66c x  + 132a c x  + 66a )atan(-----)
--R
--R
--R      +

```

```

--R                                          8+++
--R          2 8      4      2 +-+      \c \x
--R          (- 66c x - 132a c x - 66a )\|2 atan(-----)
--R                                          8++++
--R                                         \|- a
--R
--R          +
--R          6      2 +-+8+---+3 8+-+5 +-+
--R          (88c x + 152a x )\|2 \|- a \c \x
--R
--R          /
--R          2 2 8      3   4      4 +-+8+---+3 8+-+5
--R          (512a c x + 1024a c x + 512a )\|2 \|- a \c
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 413

--S 414 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 414

)clear all

--S 415 of 776
t0:=sqrt(x)/(a+c*x^4)^3
--R
--R
--R          +-+
--R          \x
--R      (1) -----
--R          3 12      2 8      2   4      3
--R          c x + 3a c x + 3a c x + a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 415

--S 416 of 776
r0:=1/8*x^(3/2)/(a*(a+c*x^4)^2)+13/64*x^(3/2)/(a^2*(a+c*x^4))+_
  65/256*atan(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(21/8)*c^(3/8))-_
  65/256*atanh(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(21/8)*c^(3/8))+_
  65/256*atan(1-c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(21/8)*_
  c^(3/8)*sqrt(2))-65/256*atan(1+c^(1/8)*sqrt(2)*_
  sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(21/8)*c^(3/8)*sqrt(2))-_
  65/512*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x-(-a)^(1/8)*c^(1/8)*_
  sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(21/8)*c^(3/8)*sqrt(2))+65/512*_
  log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x+(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*_
  sqrt(x))/((-a)^(21/8)*c^(3/8)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)

```

```

--R      2 8          4          2          +-+8+---+8+-+ +-+    4+-+    4+---+
--R      (65c x + 130a c x + 65a )log(\|2 \|- a \|c \|x + x\|c + \|- a )
--R      +
--R      2 8          4          2          +-+8+---+8+-+ +-+    4+-+    4+---+
--R      (- 65c x - 130a c x - 65a )log(- \|2 \|- a \|c \|x + x\|c + \|- a )
--R      +
--R                               8+-+ +-+
--R      2 8          4          2 +-+    \|c \|x
--R      (- 130c x - 260a c x - 130a )\|2 atanh(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R                               +-+8+-+ +-+    8+---+
--R      2 8          4          2    \|2 \|c \|x + \|- a
--R      (- 130c x - 260a c x - 130a )atan(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R                               +-+8+-+ +-+    8+---+
--R      2 8          4          2    \|2 \|c \|x - \|- a
--R      (- 130c x - 260a c x - 130a )atan(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R                               8+-+ +-+
--R      2 8          4          2 +-+    \|c \|x
--R      (130c x + 260a c x + 130a )\|2 atan(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R      5          +-+8+---+5 8+-+3 +-+
--R      (104c x + 168a x)\|2 \|- a \|c \|x
--R      /
--R      2 2 8          3 4          4 +-+8+---+5 8+-+3
--R      (512a c x + 1024a c x + 512a )\|2 \|- a \|c
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 416

--S 417 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 417

)clear all

--S 418 of 776
t0:=1/((a+c*x^4)^3*sqrt(x))

```

```

--R
--R
--R (1)  -----
--R      3 12      2 8      2 4      3 +-
--R      (c x    + 3a c x   + 3a c x   + a )\|x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 418

--S 419 of 776
r0:=-105/256*atan(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(23/8)*c^(1/8))-_
105/256*atanh(c^(1/8)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(23/8)*c^(1/8))+_
105/256*atan(1-c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/(-a)^(1/8))/((-a)^(23/8)*_
c^(1/8)*sqrt(2))-105/256*atan(1+c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x)/_
(-a)^(1/8))/((-a)^(23/8)*c^(1/8)*sqrt(2))+105/512*log((-a)^(1/4)+_
c^(1/4)*x-(-a)^(1/8)*c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(23/8)*_
c^(1/8)*sqrt(2))-105/512*log((-a)^(1/4)+c^(1/4)*x+(-a)^(1/8)*_
c^(1/8)*sqrt(2)*sqrt(x))/((-a)^(23/8)*c^(1/8)*sqrt(2))+_
1/8*sqrt(x)/(a*(a+c*x^4)^2)+15/64*sqrt(x)/(a^2*(a+c*x^4))

--R
--R
--R (2)
--R      2 8      4      2      +-+8+---+8+-+ +-+      4+-+      4+---+
--R      (- 105c x  - 210a c x  - 105a )log(\|2 \|- a \|c \|x  + x\|c  + \|- a )
--R      +
--R      2 8      4      2      +-+8+---+8+-+ +-+      4+-+      4+---+
--R      (105c x  + 210a c x  + 105a )log(- \|2 \|- a \|c \|x  + x\|c  + \|- a )
--R      +
--R      2 8      4      2      +-+8+---+8+-+ +-+      4+-+      4+---+
--R      (- 210c x  - 420a c x  - 210a )\|2 atanh(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R      2 8      4      2      \|- 2 \|c \|x  + \|- a
--R      (- 210c x  - 420a c x  - 210a )atan(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R      2 8      4      2      +-+8+---+8+-+      8+---+
--R      (- 210c x  - 420a c x  - 210a )atan(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R      2 8      4      2      8+-+ +-+
--R      (- 210c x  - 420a c x  - 210a )\|2 atan(-----)
--R                                         8+---+

```

```

--R
--R      +          \|- a
--R      4          +-+8+---+7 8+-+ +-+
--R      (120c x  + 184a)\|2 \|- a   \|c \|x
--R /
--R      2 2 8      3   4      4  +-+8+---+7 8+-+
--R      (512a c x  + 1024a c x  + 512a )\|2 \|- a   \|c
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 419

--S 420 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 420

)clear all

--S 421 of 776
t0:=x^7*(a+b*x^4)^p
--R
--R
--R      7      4      p
--R      (1)  x (b x  + a)
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 421

--S 422 of 776
r0:=-1/4*a*(a+b*x^4)^(1+p)/(b^2*(1+p))+1/4*(a+b*x^4)^(2+p)/(b^2*(2+p))
--R
--R
--R      4      p + 2          4      p + 1
--R      (p + 1)(b x  + a)      + (- a p - 2a)(b x  + a)
--R      (2) -----
--R                  2 2      2      2
--R                  4b p  + 12b p + 8b
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 422

--S 423 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 423

)clear all

```

```

--S 424 of 776
t0:=x^3*(a+b*x^4)^p
--R
--R
--R      3      4      p
--R      (1)  x (b x  + a)
--R
--E 424                                         Type: Expression(Integer)

--S 425 of 776
r0:=1/4*(a+b*x^4)^(1+p)/(b*(1+p))
--R
--R
--R      4      p + 1
--R      (b x  + a)
--R      (2)  -----
--R              4b p + 4b
--R
--E 425                                         Type: Expression(Integer)

--S 426 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 426                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 427 of 776
t0:=(a+b*x^4)^p/x
--R
--R
--R      4      p
--R      (b x  + a)
--R      (1)  -----
--R              x
--R
--E 427                                         Type: Expression(Integer)

--S 428 of 776
--r0:=1/4*(a+b*x^4)^p*hypergeometric(-p,-p,1-p,-a/(b*x^4))/_
--      (p*((a+b*x^4)/(b*x^4))^p)
--E 428

--S 429 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 429

```

```

)clear all

--S 430 of 776
t0:=x^7*(1+x^4)^(1/3)
--R
--R
--R
$$(1) \frac{x^7}{(x^4 + 1)^{3/4}}$$

--R
--E 430                                         Type: Expression(Integer)

--S 431 of 776
r0:=-3/16*(1+x^4)^(4/3)+3/28*(1+x^4)^(7/3)
--R
--R
--R
$$(2) \frac{(12x^8 + 3x^4 - 9)\sqrt{x^4 + 1}}{112}$$

--R
--E 431                                         Type: Expression(Integer)

--S 432 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
$$(3) 0$$

--R
--E 432                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 433 of 776
t0:=x^3/(1+x^4)^(4/3)
--R
--R
--R
$$(1) \frac{x^3}{(x^4 + 1)^{4/3}}$$

--R
--E 433                                         Type: Expression(Integer)

--S 434 of 776
r0:=(-3/4)/(1+x^4)^(1/3)

```

```

--R
--R
--R      3
--R      (2)  - -----
--R                  +-----+
--R                  3| 4
--R                  4\|x  + 1
--R
--E 434                                         Type: Expression(Integer)

--S 435 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 435                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 436 of 776
t0:=x^3/(1+x^4)^(1/3)
--R
--R
--R      3
--R      x
--R      (1)  -----
--R                  +-----+
--R                  3| 4
--R                  \|x  + 1
--R
--E 436                                         Type: Expression(Integer)

--S 437 of 776
r0:=3/8*(1+x^4)^(2/3)
--R
--R
--R      +-----+2
--R      3| 4
--R      3\|x  + 1
--R      (2)  -----
--R                  8
--R
--E 437                                         Type: Expression(Integer)

--S 438 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0

```

```

--R
--E 438                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 439 of 776
t0:=x^3/(1+x^4)^(1/4)
--R
--R
--R      3
--R      x
--R      (1)  -----
--R              +-----+
--R              4| 4
--R              \|x  + 1
--R
--E 439                                         Type: Expression(Integer)

--S 440 of 776
r0:=1/3*(1+x^4)^(3/4)
--R
--R
--R      +-----+3
--R      4| 4
--R      \|x  + 1
--R      (2)  -----
--R              3
--R
--E 440                                         Type: Expression(Integer)

--S 441 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 441                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 442 of 776
t0:=x^24/(a+b*x^5)
--R
--R
--R      24
--R      x
--R      (1)  -----
--R              5
--R              b x  + a
--R
--E 442                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

```

```

--E 442

--S 443 of 776
r0:=-1/5*a^3*x^5/b^4+1/10*a^2*x^10/b^3-1/15*a*x^15/b^2+1/20*x^20/b+_
1/5*a^4*log(a+b*x^5)/b^5
--R
--R
--R      4      5      4 20      3 15      2 2 10      3  5
--R      12a log(b x + a) + 3b x - 4a b x + 6a b x - 12a b x
--R      (2) -----
--R                               5
--R                               60b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 443

--S 444 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 444

)clear all

--S 445 of 776
t0:=x^19/(a+b*x^5)
--R
--R
--R      19
--R      x
--R      (1) -----
--R      5
--R      b x + a
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 445

--S 446 of 776
r0:=1/5*a^2*x^5/b^3-1/10*a*x^10/b^2+1/15*x^15/b-1/5*a^3*log(a+b*x^5)/b^4
--R
--R
--R      3      5      3 15      2 10      2  5
--R      - 6a log(b x + a) + 2b x - 3a b x + 6a b x
--R      (2) -----
--R                               4
--R                               30b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 446

--S 447 of 776

```

```

d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 447                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 448 of 776
t0:=x^14/(a+b*x^5)
--R
--R
--R      14
--R      x
--R      (1)  -----
--R      5
--R      b x  + a
--R
--E 448                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 449 of 776
r0:=-1/5*a*x^5/b^2+1/10*x^10/b+1/5*a^2*log(a+b*x^5)/b^3
--R
--R
--R      2      5      2 10      5
--R      2a log(b x  + a) + b x  - 2a b x
--R      (2)  -----
--R
--R
--R      3
--R      10b
--R
--E 449                                         Type: Expression(Integer)

--S 450 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 450                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 451 of 776
t0:=x^9/(a+b*x^5)
--R
--R
--R      9
--R      x
--R      (1)  -----

```

```

--R      5
--R      b x  + a
--R
--E 451                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 452 of 776
r0:=1/5*x^5/b-1/5*a*log(a+b*x^5)/b^2
--R
--R
--R      5      5
--R      - a log(b x  + a) + b x
--R      (2) -----
--R                  2
--R                  5b
--R
--E 452                                         Type: Expression(Integer)

--S 453 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 453                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 454 of 776
t0:=x^4/(a+b*x^5)
--R
--R
--R      4
--R      x
--R      (1) -----
--R      5
--R      b x  + a
--R
--E 454                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 455 of 776
r0:=1/5*log(a+b*x^5)/b
--R
--R
--R      5
--R      log(b x  + a)
--R      (2) -----
--R                  5b
--R
--E 455                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--S 456 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 456                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 457 of 776
t0:=1/(x*(a+b*x^5))
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  6
--R                  b x  + a x
--R
--E 457                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 458 of 776
r0:=log(x)/a-1/5*log(a+b*x^5)/a
--R
--R
--R      (2)  -----
--R                  5
--R                  - log(b x  + a) + 5log(x)
--R
--E 458                                         Type: Expression(Integer)

--S 459 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 459                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 460 of 776
t0:=1/(x^6*(a+b*x^5))
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  11      6
--R                  b x  + a x

```

```

--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 460

--S 461 of 776
r0:=(-1/5)/(a*x^5)-b*log(x)/a^2+1/5*b*log(a+b*x^5)/a^2
--R
--R
--R      5      5      5
--R      b x log(b x  + a) - 5b x log(x) - a
--R      (2) -----
--R                           2 5
--R                           5a x
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 461

--S 462 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 462

)clear all

--S 463 of 776
t0:=1/(x^11*(a+b*x^5))
--R
--R
--R      1
--R      (1) -----
--R      16      11
--R      b x   + a x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 463

--S 464 of 776
r0:=(-1/10)/(a*x^10)+1/5*b/(a^2*x^5)+b^2*log(x)/a^3-1/5*b^2*log(a+b*x^5)/a^3
--R
--R
--R      2 10      5      2 10      5      2
--R      - 2b x  log(b x  + a) + 10b x  log(x) + 2a b x  - a
--R      (2) -----
--R                           3 10
--R                           10a x
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 464

--S 465 of 776
d0:=t0-D(r0,x)

```

```

--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 465                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 466 of 776
t0:=x^24/(a+b*x^5)^2
--R
--R
--R      (1)  
$$\frac{x^{24}}{b^{10}x^{10} + 2ab^5x^5 + a^2}$$

--R
--E 466                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 467 of 776
r0:=3/5*a^2*x^5/b^4-1/5*a*x^10/b^3+1/15*x^15/b^2-
1/5*a^4/(b^5*(a+b*x^5))-4/5*a^3*log(a+b*x^5)/b^5
--R
--R
--R      (2)
--R      
$$\frac{(-12a^3b^5x^5 - 12a^4b^4x^4)\log(b^5x^5 + a^5) + b^{20}x^{20} - 2a^3b^5x^{15} + 6a^2b^2x^{10} + 9a^3bx^5}{15b^6x^6 + 15a^5b^5}$$

--R
--E 467                                         Type: Expression(Integer)

--S 468 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 468                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 469 of 776
t0:=x^19/(a+b*x^5)^2
--R

```

```

--R
--R          19
--R          x
--R (1)  -----
--R          2 10      5      2
--R          b x    + 2a b x  + a
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 469

--S 470 of 776
r0:=-2/5*a*x^5/b^3+1/10*x^10/b^2+1/5*a^3/(b^4*(a+b*x^5))+_
3/5*a^2*log(a+b*x^5)/b^4
--R
--R
--R          2      5      3      5      3 15      2 10      2      5      3
--R          (6a b x  + 6a )log(b x  + a) + b x  - 3a b x  - 4a b x  + 2a
--R (2)  -----
--R
--R          5 5      4
--R          10b x  + 10a b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 470

--S 471 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 471

)clear all

--S 472 of 776
t0:=x^14/(a+b*x^5)^2
--R
--R
--R          14
--R          x
--R (1)  -----
--R          2 10      5      2
--R          b x    + 2a b x  + a
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 472

--S 473 of 776
r0:=1/5*x^5/b^2-1/5*a^2/(b^3*(a+b*x^5))-2/5*a*log(a+b*x^5)/b^3
--R
--R
--R          5      2      5      2 10      5      2
--R          (- 2a b x  - 2a )log(b x  + a) + b x  + a b x  - a

```

```

--R      (2)  -----
--R                           4 5      3
--R                           5b x  + 5a b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 473

--S 474 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 474

)clear all

--S 475 of 776
t0:=x^9/(a+b*x^5)^2
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  9
--R                  x
--R      (1)  -----
--R      2 10      5      2
--R      b x  + 2a b x  + a
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 475

--S 476 of 776
r0:=1/5*a/(b^2*(a+b*x^5))+1/5*log(a+b*x^5)/b^2
--R
--R
--R      (2)  -----
--R      5      5
--R      (b x  + a)log(b x  + a) + a
--R      (2)  -----
--R      3 5      2
--R      5b x  + 5a b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 476

--S 477 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 477

)clear all

```

```

--S 478 of 776
t0:=x^4/(a+b*x^5)^2
--R
--R
--R      4
--R      x
--R      (1)  -----
--R      2 10      5      2
--R      b x    + 2a b x   + a
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 478

--S 479 of 776
r0:=(-1/5)/(b*(a+b*x^5))
--R
--R
--R      1
--R      -
--R      5
--R      (2)  - -----
--R      2 5
--R      b x   + a b
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 479

--S 480 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 480

)clear all

--S 481 of 776
t0:=1/(x*(a+b*x^5)^2)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R      2 11      6      2
--R      b x    + 2a b x   + a x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 481

--S 482 of 776
r0:=1/5/(a*(a+b*x^5))+log(x)/a^2-1/5*log(a+b*x^5)/a^2
--R
--R

```

```

--R      5      5      5
--R      (- b x - a)log(b x + a) + (5b x + 5a)log(x) + a
--R      (2) -----
--R                           2 5   3
--R                           5a b x + 5a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 482

--S 483 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 483

)clear all

--S 484 of 776
t0:=1/(x^6*(a+b*x^5)^2)
--R
--R
--R      1
--R      (1) -----
--R      2 16      11      2 6
--R      b x + 2a b x + a x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 484

--S 485 of 776
r0:=(-2/5)/(a^2*x^5)+1/5/(a*x^5*(a+b*x^5))-_
2*b*log(x)/a^3+2/5*b*log(a+b*x^5)/a^3
--R
--R
--R      (2)
--R      2 10      5      5      2 10      5      5      2
--R      (2b x + 2a b x )log(b x + a) + (- 10b x - 10a b x )log(x) - 2a b x - a
--R
--R -----
--R                           3 10      4 5
--R                           5a b x + 5a x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 485

--S 486 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 486

```

```

)clear all

--S 487 of 776
t0:=1/(x^11*(a+b*x^5)^2)
--R
--R
--R      1
--R      (1) -----
--R      2 21      16      2 11
--R      b x    + 2a b x   + a x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 487

--S 488 of 776
r0:=(-3/10)/(a^2*x^10)+3/5*b/(a^3*x^5)+1/5/(a*x^10*(a+b*x^5))+_
3*b^2*log(x)/a^4-3/5*b^2*log(a+b*x^5)/a^4
--R
--R
--R      (2)
--R      3 15      2 10      5      3 15      2 10
--R      (- 6b x   - 6a b x )log(b x   + a) + (30b x   + 30a b x )log(x)
--R      +
--R      2 10      2 5      3
--R      6a b x   + 3a b x   - a
--R      /
--R      4 15      5 10
--R      10a b x   + 10a x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 488

--S 489 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 489

)clear all

--S 490 of 776
t0:=x^9/(2*b+b*x^5)
--R
--R
--R      9
--R      x
--R      (1) -----
--R      5
--R      b x   + 2b

```

```

--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 490

--S 491 of 776
r0:=1/5*x^5/b-2/5*log(2+x^5)/b
--R
--R
--R      5      5
--R      - 2log(x  + 2) + x
--R      (2)  -----
--R                  5b
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 491

--S 492 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 492

)clear all

--S 493 of 776
t0:=x^4/(2*b+b*x^5)
--R
--R
--R      4
--R      x
--R      (1)  -----
--R      5
--R      b x  + 2b
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 493

--S 494 of 776
r0:=1/5*log(2+x^5)/b
--R
--R
--R      5
--R      log(x  + 2)
--R      (2)  -----
--R                  5b
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 494

--S 495 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R

```

```

--R
--R      (3)  0
--R
--E 495                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 496 of 776
t0:=1/(x*(2*b+b*x^5))
--R
--R
--R      (1)  -----
--R              6
--R      b x  + 2b x
--R
--E 496                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 497 of 776
r0:=-1/5*atanh(1+x^5)/b
--R
--R
--R      5
--R      atanh(x  + 1)
--R      (2)  - -----
--R              5b
--R
--E 497                                         Type: Expression(Integer)

--S 498 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 498                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 499 of 776
t0:=1/(x^6*(2*b+b*x^5))
--R
--R
--R      (1)  -----
--R              11      6
--R      b x  + 2b x
--R
--E 499                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

```

```

--S 500 of 776
r0:=(-1/10)/(b*x^5)+1/10*atanh(1+x^5)/b
--R
--R
--R      5      5
--R      x atanh(x  + 1) - 1
--R      (2) -----
--R                  5
--R                  10b x
--R
--E 500                                         Type: Expression(Integer)

--S 501 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 501                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 502 of 776
t0:=x^9/(3+b*x^5)
--R
--R
--R      9
--R      x
--R      (1) -----
--R      5
--R      b x  + 3
--R
--E 502                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 503 of 776
r0:=1/5*x^5/b-3/5*log(3+b*x^5)/b^2
--R
--R
--R      5      5
--R      - 3log(b x  + 3) + b x
--R      (2) -----
--R                  2
--R                  5b
--R
--E 503                                         Type: Expression(Integer)

--S 504 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R

```

```

--R   (3)  0
--R
--E 504                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 505 of 776
t0:=x^4/(3+b*x^5)
--R
--R
--R   (1)  
$$\frac{x^4}{b x^5 + 3}$$

--R
--E 505                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 506 of 776
r0:=1/5*log(3+b*x^5)/b
--R
--R
--R   (2)  
$$\frac{\log(b x^5 + 3)}{5b}$$

--R
--E 506                                         Type: Expression(Integer)

--S 507 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0
--R
--E 507                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 508 of 776
t0:=1/(x*(3+b*x^5))
--R
--R
--R   (1)  
$$\frac{1}{b x^6 + 3x}$$

--R
--E 508                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

```

```

--S 509 of 776
r0:=-2/15*atanh(1+2/3*b*x^5)
--R
--R
--R      5
--R      2b x  + 3
--R      2atanh(-----)
--R            3
--R      (2)  - -----
--R                  15
--R
--E 509                                         Type: Expression(Integer)

--S 510 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 510                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 511 of 776
t0:=1/(x^6*(3+b*x^5))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R          11      6
--R          b x  + 3x
--R
--E 511                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 512 of 776
r0:=(-1/15)/x^5+2/45*b*atanh(1+2/3*b*x^5)
--R
--R
--R      5
--R      2b x  atanh(-----) - 3
--R            3
--R      (2)  -----
--R                  5
--R                  45x
--R
--E 512                                         Type: Expression(Integer)

--S 513 of 776
d0:=t0-D(r0,x)

```

```

--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 513                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 514 of 776
t0:=x^5/(1+x^5)
--R
--R
--R      5
--R      x
--R      (1)  -----
--R      5
--R      x + 1
--R
--E 514                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 515 of 776
r0:=x-1/5*log(1+x)+1/20*log(2+2*x^2-x*(1-sqrt(5)))*_
(1-sqrt(5))+1/20*log(2+2*x^2-x*(1+sqrt(5)))*(1+sqrt(5))+_
1/5*atan(1/2*(1-4*x+sqrt(5))*sqrt(1/10*(5+sqrt(5))))*_
sqrt(1/2*(5-sqrt(5)))+1/5*atan((1-4*x-sqrt(5))/_
sqrt(2*(5+sqrt(5))))*sqrt(1/2*(5+sqrt(5)))
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      +-----+      +-+      +-----+
--R      | +-+      ((2x - 3)\|5 - 10x + 5)\|2\|5 + 10
--R      4\|\|5 + 5 atan(-----)
--R
--R      +
--R      +-----+      +-+      +-----+
--R      | +-+      (\|5 - 4x + 1)\|5 + 5
--R      4\|- \|5 + 5 atan(-----)
--R
--R      +---+
--R      2\|10
--R
--R      +
--R      +-+ +-+      +-+      +-+      2      +-+
--R      (- \|2 \|5 + \|2 )log(x\|5 + 2x - x + 2) - 4\|2 log(x + 1)
--R
--R      +
--R      +-+ +-+      +-+      +-+      2      +-+
--R      (\|2 \|5 + \|2 )log(- x\|5 + 2x - x + 2) + 20x\|2
--R
--R      /
--R      +-+
--R      20\|2

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 515

--S 516 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R   (3)
--R
--R   +--+ +-+      2          +-+ | +-+      | +-+
--R   (- 5x\|2 \|5 + (10x - 5x + 10)\|2 )\|\|5 + 5 \|2\|5 + 10
--R   +
--R
--R   2          +-+ +-+      2          +-+ +-+ | +-+
--R   ((- x + 3x - 1)\|2 \|5 + (5x - 5x + 5)\|2 )\|10 \|- \|5 + 5
--R   *
--R   +-----+
--R   | +-+
--R   \|\|5 + 5
--R   +
--R   2
--R   - 200x + 200x - 200
--R   /
--R   4      3      2
--R   400x - 400x + 400x - 400x + 400
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 516

)clear all

--S 517 of 776
t0:=x^4/(1+x^5)
--R
--R
--R   4
--R   x
--R   (1) -----
--R   5
--R   x + 1
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 517

--S 518 of 776
r0:=1/5*log(1+x^5)
--R
--R
--R   5
--R   log(x + 1)
--R   (2) -----
--R   5

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 518

--S 519 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 519

)clear all

--S 520 of 776
t0:=x^3/(1+x^5)
--R
--R
--R      (1)   $\frac{x^3}{x^5 + 1}$ 
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 520

--S 521 of 776
r0:=-1/5*log(1+x)+1/20*log(2+2*x^2-x*(1-sqrt(5)))*(1-sqrt(5))+_
1/20*log(2+2*x^2-x*(1+sqrt(5)))*(1+sqrt(5))-_
1/5*atan(1/2*(1-4*x+sqrt(5))*sqrt(1/10*(5+sqrt(5))))*_
sqrt(1/2*(5-sqrt(5)))-1/5*atan((1-4*x-sqrt(5))/sqrt(2*_
(5+sqrt(5))))*sqrt(1/2*(5+sqrt(5)))
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      
$$-\frac{4\sqrt{5} \operatorname{atan}\left(\frac{((2x-3)\sqrt{5}-10x+5)\sqrt{2}\sqrt{5}}{20}\right) + 4\sqrt{-5} \operatorname{atan}\left(\frac{(\sqrt{5}-4x+1)\sqrt{5}}{2\sqrt{10}}\right) + (-\sqrt{2}\sqrt{5}+\sqrt{2})\log(x\sqrt{5}+2x-x+2) - 4\sqrt{2}\log(x+1)}{5}$$

--R

```

```

--R      +-+ +-+    +-+      +-+      2
--R      (\|2 \|5 + \|2 )log(- x\|5 + 2x - x + 2)
--R   /
--R      +-+
--R      20\|2
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 521

--S 522 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)
--R
--R      +-----+ +-----+
--R      +-+ +-+      2      +-+ | +-+      | +-+
--R      (5x\|2 \|5 + (- 10x + 5x - 10)\|2 )\|\5 + 5 \|2\|5 + 10
--R   +
--R      +-----+
--R      2      +-+ +-+      2      +-+ +-+ | +-+
--R      ((x - 3x + 1)\|2 \|5 + (- 5x + 5x - 5)\|2 )\|10 \|- \|5 + 5
--R   *
--R      +-----+
--R      | +-+
--R      \|\5 + 5
--R   +
--R      2
--R      200x - 200x + 200
--R   /
--R      4      3      2
--R      400x - 400x + 400x - 400x + 400
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 522

)clear all

--S 523 of 776
t0:=x^2/(1+x^5)
--R
--R
--R      2
--R      x
--R      (1)  -----
--R      5
--R      x + 1
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 523

--S 524 of 776
r0:=1/5*log(1+x)-1/20*log(2+2*x^2-x*(1+sqrt(5)))*(1-sqrt(5))-_
1/20*log(2+2*x^2-x*(1-sqrt(5)))*(1+sqrt(5))+_

```

```

atan((1-4*x-sqrt(5))/sqrt(2*(5+sqrt(5))))*sqrt(2/5/(5+sqrt(5)))-_
1/5*atan(1/2*(1-4*x+sqrt(5))*sqrt(1/10*(5+sqrt(5)))*_
sqrt(1/2*(5+sqrt(5)))
--R
--R
--R (2)
--R
--R
--R      +-----+           +--+           +-----+
--R      |   +-+           ((2x - 3)\|5 - 10x + 5)\|2\|5 + 10
--R      4\|- \|5 + 5 atan(-----)
--R                                         20
--R
--R      +
--R
--R      +-----+           +--+           |   +-+
--R      |   +-+           (\|5 - 4x + 1)\|\|5 + 5
--R      - 4\|\|5 + 5 atan(-----)
--R                                         +---+
--R                                         2\|10
--R
--R      +
--R
--R      +-+ +-+   +-+   +-+   2   +-+
--R      (- \|2 \|5 - \|2 )log(x\|5 + 2x - x + 2) + 4\|2 log(x + 1)
--R
--R      +
--R
--R      +-+ +-+   +-+   +-+   2
--R      (\|2 \|5 - \|2 )log(- x\|5 + 2x - x + 2)
--R
--R /
--R
--R      +-+
--R      20\|2
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 524

--S 525 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R (3)
--R
--R
--R      +-+ +-+   2           +-+ |   +-+           |   +-+
--R      (- x\|2 \|5 + (2x - x + 2)\|2 )\|- \|5 + 5 \|2\|5 + 10
--R
--R      +
--R
--R      +-+ +-+   2           +-+ +-+
--R      (- 2x\|2 \|5 + (- 4x + 2x - 4)\|2 )\|10 + 40x
--R
--R /
--R
--R      4      3      2
--R      80x - 80x + 80x - 80x + 80
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 525

)clear all

--S 526 of 776

```

```

t0:=x/(1+x^5)
--R
--R
--R      x
--R      (1)  -----
--R              5
--R      x  + 1
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 526

--S 527 of 776
r0:=-1/5*log(1+x)+1/20*log(2+2*x^2-x*(1+sqrt(5)))*(1-sqrt(5))+_
1/20*log(2+2*x^2-x*(1-sqrt(5)))*(1+sqrt(5))+atan((1-4*x-sqrt(5))/_
sqrt(2*(5+sqrt(5))))*sqrt(2/5/(5+sqrt(5)))-_
1/5*atan(1/2*(1-4*x+sqrt(5))*sqrt(1/10*(5+sqrt(5))))*_
sqrt(1/2*(5+sqrt(5)))
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      +-----+
--R      |  +-+      ((2x - 3)\|5 - 10x + 5)\|2\|5 + 10
--R      4\|- \|5 + 5 atan(-----)
--R                                         20
--R      +
--R      +-----+
--R      |  +-+      (\|5 - 4x + 1)\|\|5 + 5
--R      - 4\|\|5 + 5 atan(-----)
--R                                         2\|10
--R      +
--R      +-+ +-+   +-+      +-+      2      +-+
--R      (\|2 \|5 + \|2 )log(x\|5 + 2x - x + 2) - 4\|2 log(x + 1)
--R      +
--R      +-+ +-+   +-+      +-+      2
--R      (- \|2 \|5 + \|2 )log(- x\|5 + 2x - x + 2)
--R      /
--R      +-+
--R      20\|2
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 527

--S 528 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)
--R
--R      +-+ +-+      2      +-----+ +-----+
--R

```

```

--R      (- x\|2 \|5 + (2x - x + 2)\|2 )\|- \|5 + 5 \|2\|5 + 10
--R      +
--R      +--+ +-+      2      +--+ +-+
--R      (- 2x\|2 \|5 + (- 4x + 2x - 4)\|2 )\|10 + 40x
--R      /
--R      4      3      2
--R      80x - 80x + 80x - 80x + 80
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 528

)clear all

--S 529 of 776
t0:=1/(1+x^5)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R      5
--R      x + 1
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 529

--S 530 of 776
r0:=1/5*log(1+x)-1/20*log(2+2*x^2-x*(1-sqrt(5)))*(1-sqrt(5))-_
1/20*log(2+2*x^2-x*(1+sqrt(5)))*(1+sqrt(5))-_
1/5*atan(1/2*(1-4*x+sqrt(5))*sqrt(1/10*(5+sqrt(5)))*_
sqrt(1/2*(5-sqrt(5)))-1/5*atan((1-4*x-sqrt(5))/_
sqrt(2*(5+sqrt(5))))*sqrt(1/2*(5+sqrt(5)))
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      +-----+      +--+      |  +-+
--R      |  +-+      ((2x - 3)\|5 - 10x + 5)\|2\|5 + 10
--R      - 4\|\|5 + 5 atan(-----)
--R                                         20
--R      +
--R      +-----+      +--+      |  +-+
--R      |  +-+      (\|5 - 4x + 1)\|\|5 + 5
--R      - 4\| - \|5 + 5 atan(-----)
--R                                         +---+
--R                                         2\|10
--R      +
--R      +-+ +-+      +-+      +-+      2      +-+
--R      (\|2 \|5 - \|2 )log(x\|5 + 2x - x + 2) + 4\|2 log(x + 1)
--R      +
--R      +-+ +-+      +-+      +-+      2
--R      (- \|2 \|5 - \|2 )log(- x\|5 + 2x - x + 2)

```

```

--R   /
--R      +-+
--R      20\|2
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 530

--S 531 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R   (3)
--R
--R      +--+ +--+
--R      2          +-+ | +-+      | +-+
--R      (5x\|2 \|5 + (- 10x + 5x - 10)\|2 )\|\|5 + 5 \|2\|5 + 10
--R
--R      +
--R
--R      +-----+
--R      2          +-+ +--+      2          +-+ +---+ | +-+
--R      ((x - 3x + 1)\|2 \|5 + (- 5x + 5x - 5)\|2 )\|10 \|- \|5 + 5
--R
--R      *
--R
--R      +-----+
--R      | +-+
--R      \|\|5 + 5
--R
--R      +
--R      2
--R      200x - 200x + 200
--R
--R      /
--R      4      3      2
--R      400x - 400x + 400x - 400x + 400
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 531

)clear all

--S 532 of 776
t0:=1/(x*(1+x^5))
--R
--R
--R   (1)  -----
--R           1
--R           6
--R           x + x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 532

--S 533 of 776
r0:=-2/5*atanh(1+2*x^5)
--R
--R
--R           5
--R           2atanh(2x + 1)

```

```

--R   (2)  - -----
--R                           5
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 533

--S 534 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 534

)clear all

--S 535 of 776
t0:=1/(x^2*(1+x^5))
--R
--R
--R   (1)  -----
--R           1
--R           7    2
--R           x + x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 535

--S 536 of 776
r0:=(-1)/x+1/5*log(1+x)-1/20*log(2+2*x^2-x*(1-sqrt(5)))*(1-sqrt(5))-_
1/20*log(2+2*x^2-x*(1+sqrt(5)))*(1+sqrt(5))+_
1/5*atan(1/2*(1-4*x+sqrt(5))*sqrt(1/10*(5+sqrt(5)))*_
sqrt(1/2*(5-sqrt(5)))+1/5*atan((1-4*x-sqrt(5))/_
sqrt(2*(5+sqrt(5))))*sqrt(1/2*(5+sqrt(5)))

--R
--R
--R   (2)
--R
--R   +-----+
--R   | ++      ((2x - 3)\|5 - 10x + 5)\|2\|5 + 10
--R   4x\|\|5 + 5 atan(-----)
--R
--R   +
--R   +-----+
--R   | ++      (\|5 - 4x + 1)\|\|5 + 5
--R   4x\|- \|5 + 5 atan(-----)
--R
--R   +
--R   +-+ +-+   +-+   +-+   2   +-+
--R   (x\|2 \|5 - x\|2 )log(x\|5 + 2x - x + 2) + 4x\|2 log(x + 1)

```

```

--R      +
--R      +-+ +-+    +-+      +-+      2      +-+
--R      (- x\|2 \|5 - x\|2 )log(- x\|5 + 2x - x + 2) - 20\|2
--R      /
--R      +-+
--R      20x\|2
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 536

--S 537 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)
--R
--R      +-+ +-+      2      +-----+ +-----+
--R      (- 5x\|2 \|5 + (10x - 5x + 10)\|2 )\|\|5 + 5 \|2\|5 + 10
--R      +
--R      +-----+
--R      2      +-+ +-+      2      +-+ +-+ | +-+
--R      ((- x + 3x - 1)\|2 \|5 + (5x - 5x + 5)\|2 )\|10 \|- \|5 + 5
--R      *
--R      +-----+
--R      | +-+
--R      \|\|5 + 5
--R      +
--R      2
--R      - 200x + 200x - 200
--R      /
--R      4      3      2
--R      400x - 400x + 400x - 400x + 400
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 537

)clear all

--S 538 of 776
t0:=1/(x^3*(1+x^5))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R      8      3
--R      x + x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 538

--S 539 of 776
r0:=(-1/2)/x^2-1/5*log(1+x)+1/20*log(2+2*x^2-x*(1+sqrt(5)))*_
(1-sqrt(5))+1/20*log(2+2*x^2-x*(1-sqrt(5)))*(1+sqrt(5))-_

```

```

atan((1-4*x-sqrt(5))/sqrt(2*(5+sqrt(5)))*sqrt(2/5_-
(5+sqrt(5)))+1/5*atan(1/2*(1-4*x+sqrt(5))*sqrt(1/10*_
(5+sqrt(5)))*sqrt(1/2*(5+sqrt(5)))
--R
--R
--R (2)
--R
--R
--R
--R      +-----+           +-+          |   +-+
--R      2 |   +-+           ((2x - 3)\|5 - 10x + 5)\|2\|5 + 10
--R      - 4x \|- \|5 + 5 atan(-----)
--R                               20
--R
--R      +
--R      +-----+           +-+          |   +-+
--R      2 |   +-+           (\|5 - 4x + 1)\|\|5 + 5
--R      4x \|\|5 + 5 atan(-----)
--R                               2\|10
--R
--R      +
--R      2 +-+ +-+   2 +-+   +-+   2          2 +-+
--R      (x \|2 \|5 + x \|2 )log(x\|5 + 2x - x + 2) - 4x \|2 log(x + 1)
--R
--R      +
--R      2 +-+ +-+   2 +-+   +-+   2          +-+
--R      (- x \|2 \|5 + x \|2 )log(- x\|5 + 2x - x + 2) - 10\|2
--R
--R      /
--R      2 +-+
--R      20x \|2
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 539

--S 540 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R (3)
--R
--R      +-----+ +-----+
--R      +-+ +-+   2          +-+ |   +-+   |   +-+
--R      (x\|2 \|5 + (- 2x + x - 2)\|2 )\|- \|5 + 5 \|2\|5 + 10
--R
--R      +
--R      +-+ +-+   2          +-+ +-+
--R      (2x\|2 \|5 + (4x - 2x + 4)\|2 )\|10 - 40x
--R
--R      /
--R      4      3      2
--R      80x - 80x + 80x - 80x + 80
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 540

)clear all

--S 541 of 776

```

```

t0:=1/(x^4*(1+x^5))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R           9     4
--R           x   + x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 541

--S 542 of 776
r0:=(-1/3)/x^3+1/5*log(1+x)-1/20*log(2+2*x^2-x*(1+sqrt(5)))*_
(1-sqrt(5))-1/20*log(2+2*x^2-x*(1-sqrt(5)))*(1+sqrt(5))-_
atan((1-4*x-sqrt(5))/sqrt(2*(5+sqrt(5))))*sqrt(2/5/_
(5+sqrt(5)))+1/5*atan(1/2*(1-4*x+sqrt(5)))*_
sqrt(1/10*(5+sqrt(5)))*sqrt(1/2*(5+sqrt(5)))
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      +-----+          +--+          +-----+
--R      3 |  +-+      ((2x - 3)\|5 - 10x + 5)\|2\|5 + 10
--R      - 12x \|- \|5 + 5 atan(-----)
--R                                         20
--R      +
--R      +-----+          +--+          +-----+
--R      3 |  +-+      (\|5 - 4x + 1)\|\|5 + 5
--R      12x \|\|5 + 5 atan(-----)
--R                                         2\|10
--R      +
--R      3 +-+ +-+      3 +-+          +-+      2          3 +-+
--R      (- 3x \|2 \|5 - 3x \|2 )log(x\|5 + 2x - x + 2) + 12x \|2 log(x + 1)
--R      +
--R      3 +-+ +-+      3 +-+          +-+      2          +-+
--R      (3x \|2 \|5 - 3x \|2 )log(- x\|5 + 2x - x + 2) - 20\|2
--R      /
--R      3 +-+
--R      60x \|2
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 542

--S 543 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)
--R
--R      +-+ +-+          2          +-----+ +-----+
--R

```

```

--R      (x\|2 \|5 + (- 2x + x - 2)\|2 )\|- \|5 + 5 \|2\|5 + 10
--R      +
--R      +-+ +-+      2          +-+ +-+
--R      (2x\|2 \|5 + (4x - 2x + 4)\|2 )\|10 - 40x
--R      /
--R      4      3      2
--R      80x - 80x + 80x - 80x + 80
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 543

)clear all

--S 544 of 776
t0:=1/(a+b*x^5)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R      5
--R      b x + a
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 544

--S 545 of 776
r0a:=1/5*log(a^(1/5)+b^(1/5)*x)/(a^(4/5)*b^(1/5))-1/20*log(2*a^(2/5)+_
2*b^(2/5)*x^2-a^(1/5)*b^(1/5)*x*(1-sqrt(5)))*(1-sqrt(5))/_
(a^(4/5)*b^(1/5))-1/20*log(2*a^(2/5)+2*b^(2/5)*x^2-a^(1/5)*_
b^(1/5)*x*(1+sqrt(5)))*(1+sqrt(5))/(a^(4/5)*b^(1/5))-_
1/5*atan((-4*b^(1/5)*x+a^(1/5)*(1+sqrt(5)))/(a^(1/5)*_
sqrt(2*(5-sqrt(5)))*sqrt(1/2*(5-sqrt(5))))/(a^(4/5)*b^(1/5))-_
1/5*atan((-4*b^(1/5)*x+a^(1/5)*(1-sqrt(5)))/(a^(1/5)*_
sqrt(2*(5+sqrt(5))))*sqrt(1/2*(5+sqrt(5)))/(a^(4/5)*b^(1/5)))
--R
--R
--R      (2)
--R      +-+ +-+      +-+      2 5+-+2      +-+      5+-+5+-+      5+-+2
--R      (\|2 \|5 - \|2 )log(2x \|b + (x\|5 - x)\|a \|b + 2\|a )
--R      +
--R      +-+ +-+      +-+      2 5+-+2      +-+      5+-+5+-+      5+-+2
--R      (- \|2 \|5 - \|2 )log(2x \|b + (- x\|5 - x)\|a \|b + 2\|a )
--R      +
--R      +-----+      5+-+      +-+      5+-+
--R      +-+      5+-+      |      +-+      4x\|b + (- \|5 - 1)\|a
--R      4\|2 log(x\|b + \|a ) + 4\|- \|5 + 5 atan(-----)
--R
--R
--R
--R      +-----+
--R      |      5+-+      +-+      5+-+
--R      |      +-+      4x\|b + (\|5 - 1)\|a

```

```

--R      4\|\5 + 5 atan(-----)
--R      +-----+
--R      5+-+ | +-+
--R      \|a \|2\|5 + 10
--R /
--R      +-+5+-+4 5+-+
--R      20\|2 \|a   \|b
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 545

--S 546 of 776
r0b:=1/5*log(a^(1/5)+b^(1/5)*x)/(a^(4/5)*b^(1/5))-1/20*log(2*a^(2/5)+_
2*b^(2/5)*x^2-a^(1/5)*b^(1/5)*x*(1-sqrt(5)))*(1-sqrt(5))/_
(a^(4/5)*b^(1/5))-1/20*log(2*a^(2/5)+2*b^(2/5)*x^2-a^(1/5)*_
b^(1/5)*x*(1+sqrt(5)))*(1+sqrt(5))/(a^(4/5)*b^(1/5))-_
1/5*atan(1/2*(-4*b^(1/5)*x+a^(1/5)*(1+sqrt(5)))*sqrt(5+sqrt(5))/_
(a^(1/5)*sqrt(10)))*sqrt(1/2*(5-sqrt(5)))/(a^(4/5)*b^(1/5))-_
1/5*atan((-4*b^(1/5)*x+a^(1/5)*(1-sqrt(5)))/(a^(1/5)*_
sqrt(2*(5+sqrt(5)))))*sqrt(1/2*(5+sqrt(5)))/(a^(4/5)*b^(1/5))
--R
--R
--R      (3)
--R      +-+ +-+   +-+   2 5+-+2   +-+   5+-+5+-+   5+-+2
--R      (\|2 \|5 - \|2 )log(2x  \|b + (x\|5 - x)\|a \|b + 2\|a )
--R +
--R      +-+ +-+   +-+   2 5+-+2   +-+   5+-+5+-+   5+-+2
--R      (- \|2 \|5 - \|2 )log(2x  \|b + (- x\|5 - x)\|a \|b + 2\|a )
--R +
--R      +-+   5+-+   5+-+
--R      4\|2 log(x\|b + \|a )
--R +
--R      +-----+
--R      | +-+   5+-+   +-+   5+-+ | +-+
--R      | +-+   (4x\|b + (- \|5 - 1)\|a )\|5 + 5
--R      4\|- \|5 + 5 atan(-----)
--R                                         +---+5+-+
--R                                         2\|10 \|a
--R +
--R      +-----+   5+-+   +-+   5+-+
--R      | +-+   4x\|b + (\|5 - 1)\|a
--R      4\|\5 + 5 atan(-----)
--R                                         +-----+
--R                                         5+-+ | +-+
--R                                         \|a \|2\|5 + 10
--R /
--R      +-+5+-+4 5+-+
--R      20\|2 \|a   \|b
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 546

```

```

--S 547 of 776
d0a:=normalize(t0-D(r0a,x))
--R
--R
--R (4)
--R
--R      2 +-+5+-+4      +-+ +-+      +-+ 5+-+5+-+3      +-+5+-+2 5+-+2
--R      (- 2x \|2 \|b + (x\|2 \|5 + x\|2 )\|a \|b - 2\|2 \|a \|b )
--R      *
--R      +-----+ +-----+
--R      | +-+      | +-+
--R      \| \|5 + 5 \|2\|5 + 10
--R      +
--R      +-----+ +-----+
--R      2 +-+ | +-+      | +-+      2 5+-+4
--R      (- 2x \|2 \|- 2\|5 + 10 \|- \|5 + 5 + 40x )\|b
--R      +
--R      +-----+ +-----+
--R      +-+ +-+      +-+ | +-+      | +-+      5+-+5+-+3
--R      ((- x\|2 \|5 + x\|2 )\|- 2\|5 + 10 \|- \|5 + 5 - 40x)\|a \|b
--R      +
--R      +-----+ +-----+
--R      +-+ | +-+      | +-+      5+-+2 5+-+2
--R      (- 2\|2 \|- 2\|5 + 10 \|- \|5 + 5 + 40)\|a \|b
--R      /
--R      2 5+-+4      5+-+5+-+3      5+-+2 5+-+2      4 5+-+3 5+-+
--R      80a x \|b - 80a x\|a \|b + 80a \|a \|b + 80b x \|a \|b
--R      +
--R      3 5+-+4
--R      - 80b x \|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 547

--S 548 of 776
d0b:=normalize(t0-D(r0b,x))
--R
--R
--R (5)
--R
--R      2 +-+ +-+      2 +-+ 5+-+4      +-+ +-+      +-+ 5+-+5+-+3
--R      (- x \|2 \|5 - 5x \|2 )\|b + (3x\|2 \|5 + 5x\|2 )\|a \|b
--R      +
--R      +-+ +-+      +-+ 5+-+2 5+-+2
--R      (- \|2 \|5 - 5\|2 )\|a \|b
--R      *
--R      +-----+ +-----+
--R      | +-+      | +-+
--R      \| \|5 + 5 \|2\|5 + 10
--R      +
--R      +-----+
--R      2 +-+ +-+ | +-+      5+-+4
--R      - 2x \|2 \|10 \|- \|5 + 5 \|b

```

```

--R      +
--R      +-----+
--R      +-+ +-+      +-+ +-+ |   +-+      5+-+5+-+3
--R      (- x\|2 \|5 + x\|2 )\|10 \|- \|5 + 5 \|a \|b
--R      +
--R      +-----+
--R      +-+ +-+ |   +-+      5+-+2 5+-+2
--R      - 2\|2 \|10 \|- \|5 + 5 \|a \|b
--R      *
--R      +-----+
--R      | +-+
--R      \| \|5 + 5
--R      +
--R      2 +-+      2 5+-+4      +-+      5+-+5+-+3
--R      (20x \|5 + 100x )\|b + (- 20x\|5 - 100x)\|a \|b
--R      +
--R      +-+      5+-+2 5+-+2
--R      (20\|5 + 100)\|a \|b
--R      /
--R      2 +-+      2 5+-+4      +-+      5+-+5+-+3
--R      (40a x \|5 + 200a x )\|b + (- 40a x\|5 - 200a x)\|a \|b
--R      +
--R      +-+      5+-+2 5+-+2      4 +-+      4 5+-+3 5+-+
--R      (40a\|5 + 200a)\|a \|b + (40b x \|5 + 200b x )\|a \|b
--R      +
--R      3 +-+      3 5+-+4
--R      (- 40b x \|5 - 200b x )\|a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 548

)clear all

--S 549 of 776
t0:=x^(23/2)/sqrt(a+b*x^5)
--R
--R
--R      11 +-+
--R      x  \|x
--R      (1) -----
--R      +-----+
--R      |   5
--R      \|b x  + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 549

--S 550 of 776
r0:=3/20*a^2*atanh(x^(5/2)*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^5))/b^(5/2)-
      3/20*a*x^(5/2)*sqrt(a+b*x^5)/b^2+1/10*x^(15/2)*sqrt(a+b*x^5)/b
--R
--R

```

```

--R      2 +-+ +-+
--R      2      x \|b \|x      7      2 +-+ +-+ | 5
--R      3a atanh(-----) + (2b x - 3a x )\|b \|x \|b x + a
--R      +-----+
--R      | 5
--R      \|b x + a
--R      (2) -----
--R      2 +-+
--R      20b \|b
--R
--E 550                                         Type: Expression(Integer)

--S 551 of 776
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 551

)clear all

--S 552 of 776
t0:=x^(13/2)/sqrt(a+b*x^5)
--R
--R
--R      6 +-+
--R      x \|x
--R      (1) -----
--R      +-----+
--R      | 5
--R      \|b x + a
--R
--E 552                                         Type: Expression(Integer)

--S 553 of 776
r0:=-1/5*a*atanh(x^(5/2)*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^5))/b^(3/2)+_
1/5*x^(5/2)*sqrt(a+b*x^5)/b
--R
--R
--R      2 +-+ +-+      +-----+
--R      x \|b \|x      2 +-+ +-+ | 5
--R      - a atanh(-----) + x \|b \|x \|b x + a
--R      +-----+
--R      | 5
--R      \|b x + a
--R      (2) -----
--R      +-+
--R      5b\|b
--R
--E 553                                         Type: Expression(Integer)

--S 554 of 776
d0:=t0-D(r0,x)

```

```

--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 554                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 555 of 776
t0:=x^(3/2)/sqrt(a+b*x^5)
--R
--R
--R      +++
--R      x\|x
--R      (1)  -----
--R      +-----+
--R      | 5
--R      \|b x  + a
--R
--E 555                                         Type: Expression(Integer)

--S 556 of 776
r0:=2/5*atanh(x^(5/2)*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^5))/sqrt(b)
--R
--R
--R      2 +-+ +-+
--R      x \|b \|x
--R      2atanh(-----)
--R      +-----+
--R      | 5
--R      \|b x  + a
--R      (2)  -----
--R      +-+
--R      5\|b
--R
--E 556                                         Type: Expression(Integer)

--S 557 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 557                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 558 of 776
t0:=1/(x^(7/2)*sqrt(a+b*x^5))
--R

```

```

--R
--R          1
--R      (1)  -----
--R                  +-----+
--R                  3 +-+ | 5
--R                  x \|x \|b x  + a
--R
--E 558                                         Type: Expression(Integer)

--S 559 of 776
r0:=-2/5*sqrt(a+b*x^5)/(a*x^(5/2))
--R
--R
--R          +-----+
--R          | 5
--R          2\|b x  + a
--R      (2)  -
--R          2 +-+
--R          5a x \|x
--R
--E 559                                         Type: Expression(Integer)

--S 560 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 560                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 561 of 776
t0:=1/(x^(17/2)*sqrt(a+b*x^5))
--R
--R
--R          1
--R      (1)  -----
--R                  +-----+
--R                  8 +-+ | 5
--R                  x \|x \|b x  + a
--R
--E 561                                         Type: Expression(Integer)

--S 562 of 776
r0:=-2/15*sqrt(a+b*x^5)/(a*x^(15/2))+4/15*b*sqrt(a+b*x^5)/(a^2*x^(5/2))
--R
--R
--R          +-----+
--R          5      | 5

```

```

--R      (4b x  - 2a)\|b x  + a
--R      (2) -----
--R                  2 7 +-+
--R                  15a x \|x
--R
--E 562                                         Type: Expression(Integer)

--S 563 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 563                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 564 of 776
t0:=x^(23/2)/sqrt(1+x^5)
--R
--R
--R      11 +-+
--R      x  \|x
--R      (1) -----
--R      +-----+
--R      | 5
--R      \|x  + 1
--R
--E 564                                         Type: Expression(Integer)

--S 565 of 776
r0:=3/20*asinh(x^(5/2))-3/20*x^(5/2)*sqrt(1+x^5)+1/10*x^(15/2)*sqrt(1+x^5)
--R
--R
--R      +-----+
--R      2 +-+      7      2 +-+ | 5
--R      3asinh(x \|x ) + (2x  - 3x )\|x \|x  + 1
--R      (2) -----
--R                  20
--R
--E 565                                         Type: Expression(Integer)

--S 566 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 566                                         Type: Expression(Integer)

```

```

)clear all

--S 567 of 776
t0:=x^(13/2)/sqrt(1+x^5)
--R
--R
--R      6 ++
--R      x \|x
--R      (1)  -----
--R           +----+
--R           | 5
--R           \|x  + 1
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 567

--S 568 of 776
r0:=-1/5*asinh(x^(5/2))+1/5*x^(5/2)*sqrt(1+x^5)
--R
--R
--R      +-----+
--R      2 +-+   2 +-+ | 5
--R      - asinh(x \|x ) + x \|x \|x  + 1
--R      (2)  -----
--R                           5
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 568

d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--R
)clear all

--S 569 of 776
t0:=x^(3/2)/sqrt(1+x^5)
--R
--R
--R      +-+
--R      x\|x
--R      (1)  -----
--R           +----+
--R           | 5
--R           \|x  + 1
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 569

--S 570 of 776
r0:=2/5*asinh(x^(5/2))

```

```

--R
--R
--R      2 +-+
--R      2asinh(x \|x )
--R      (2) -----
--R                  5
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 570

--S 571 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 571

)clear all

--S 572 of 776
t0:=1/(x^(7/2)*sqrt(1+x^5))
--R
--R
--R      1
--R      (1) -----
--R              +---+
--R      3 +-+ | 5
--R      x \|x \|x  + 1
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 572

--S 573 of 776
r0:=-2/5*sqrt(1+x^5)/x^(5/2)
--R
--R
--R      +---+
--R      | 5
--R      2\|x  + 1
--R      (2) - -----
--R              2 +-+
--R              5x \|x
--R
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 573

--S 574 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)

```

```

--E 574

)clear all

--S 575 of 776
t0:=1/(x^(17/2)*sqrt(1+x^5))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R                  +---+
--R      8 ++ | 5
--R      x \|x \|x  + 1
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 575

--S 576 of 776
r0:=-2/15*sqrt(1+x^5)/x^(15/2)+4/15*sqrt(1+x^5)/x^(5/2)
--R
--R
--R      +---+
--R      5      | 5
--R      (4x  - 2)\|x  + 1
--R      (2)  -----
--R                  7 ++
--R                  15x \|x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 576

--S 577 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 577

)clear all

--S 578 of 776
t0:=x^8/(a+b*x^6)
--R
--R
--R      8
--R      x
--R      (1)  -----
--R      6
--R      b x  + a
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 578

```

```

--S 579 of 776
r0:=1/3*x^3/b-1/3*atan(x^3*sqrt(b)/sqrt(a))*sqrt(a)/b^(3/2)
--R
--R
--R      3 +-+
--R      +-+   x \|b      3 +-+
--R      - \|a atan(-----) + x \|b
--R                  +-+
--R                  \|a
--R      (2)  -----
--R                  +-+
--R                  3b\|b
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 579

--S 580 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 580

)clear all

--S 581 of 776
t0:=x^7/(a+b*x^6)
--R
--R
--R      7
--R      x
--R      (1)  -----
--R              6
--R              b x  + a
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 581

--S 582 of 776
r0:=1/2*x^2/b-1/6*a^(1/3)*log(a^(1/3)+b^(1/3)*x^2)/b^(4/3)+_
1/12*a^(1/3)*log(a^(2/3)-a^(1/3)*b^(1/3)*x^2+b^(2/3)*x^4)/b^(4/3)+_
1/2*a^(1/3)*atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*x^2)/(a^(1/3)*_
sqrt(3)))/(b^(4/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R      +-+3+-+      4 3+-+2      2 3+-+3+-+ 3+-+2      +-+3+-+      2 3+-+ 3+-+
--R      \|\3 \|a log(x  \|b - x  \|a \|b + \|a ) - 2\|\3 \|a log(x  \|b + \|a )
--R      +
--R      2 3+-+ 3+-+

```

```

--R      3+-+   2x  \|b - \|a      2 +-+3+-+
--R      - 6\|a atan(-----) + 6x \|-3 \|b
--R                           +-+3+-+
--R                           \|-3 \|a
--R   /
--R      +-+3+-+
--R      12b\|-3 \|b
--R
--E 582                                         Type: Expression(Integer)

--S 583 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 583                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 584 of 776
t0:=x^6/(a+b*x^6)
--R
--R
--R      6
--R      x
--R      (1)  -----
--R              6
--R              b x  + a
--R
--E 584                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 585 of 776
r0:=x/b-1/3*a^(1/6)*atan(b^(1/6)*x/a^(1/6))/b^(7/6)-
1/3*a^(1/6)*atan(b^(1/3)*x*sqrt(2)/(a^(1/6)*sqrt(-b^(1/3)+_
sqrt(3)*sqrt(-b^(2/3)))))*sqrt(-b^(1/3)+sqrt(3)*_
sqrt(-b^(2/3)))/(b^(4/3)*sqrt(2))-1/3*a^(1/6)*_
atanh(b^(1/3)*x*sqrt(2)/(a^(1/6)*sqrt(b^(1/3)+sqrt(3)*_
sqrt(-b^(2/3)))))*sqrt(b^(1/3)+sqrt(3)*sqrt(-b^(2/3)))/(b^(4/3)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)
--R      +-----+
--R      |      +---+          +-+3+-+
--R      6+-+6++ | +-+ | 3+-+2  3+-+          x\|2 \|b
--R      - \|a \|b \|\|-3 \|- \|b    + \|b  atanh(-----)
--R
--R
--R      +-----+
--R      |      +---+
--R      6+-+ | +-+ | 3+-+2  3+-+
--R      \|a \|\|-3 \|- \|b    + \|b

```

```

--R      +
--R      +-----+
--R      |      +-----+          +-+3+-+
--R      6+-+6++ | +-+ | 3+-+2   3+-+      x\|2 \|b
--R      - \|a \|b \| \|\3 \| - \|b   - \|b  atan(-----)
--R                                         +-----+
--R                                         |      +-----+
--R                                         6+-+ | +-+ | 3+-+2   3+-+
--R                                         \|a \| \|\3 \| - \|b   - \|b
--R      +
--R      6+-+
--R      +-+6+-+3+-+      x\|b      +-+3+-+6+-+
--R      - \|2 \|a \|b atan(-----) + 3x\|2 \|b \|b
--R      6+-+
--R      \|a
--R      /
--R      +-+3+-+6+-+
--R      3b\|2 \|b \|b
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 585

--S 586 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
                                         Type: Expression(Integer)
--E 586

)clear all

--S 587 of 776
t0:=x^5/(a+b*x^6)
--R
--R
--R      5
--R      x
--R      (1)  -----
--R              6
--R              b x  + a
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 587

--S 588 of 776
r0:=1/6*log(a+b*x^6)/b
--R
--R
--R      6
--R      log(b x  + a)
--R      (2)  -----

```

```

--R          6b
--R
--E 588                                         Type: Expression(Integer)

--S 589 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 589                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 590 of 776
t0:=x^4/(a+b*x^6)
--R
--R
--R      4
--R      x
--R      (1)  -----
--R      6
--R      b x  + a
--R
--E 590                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 591 of 776
r0:=1/3*atan(b^(1/6)*x/a^(1/6))/(a^(1/6)*b^(5/6))+_
1/3*atan(b^(1/3)*x*sqrt(2)/(a^(1/6)*sqrt(-b^(1/3)+sqrt(3)*_
sqrt(-b^(2/3)))))*sqrt(2)/(a^(1/6)*b^(2/3)*sqrt(-b^(1/3)+_
sqrt(3)*sqrt(-b^(2/3))))-1/3*atanh(b^(1/3)*x*sqrt(2)/(a^(1/6)*_
sqrt(b^(1/3)+sqrt(3)*sqrt(-b^(2/3)))))*sqrt(2)/(a^(1/6)*b^(2/3)*_
sqrt(b^(1/3)+sqrt(3)*sqrt(-b^(2/3))))
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      +-----+
--R      |      +----+           +-+3+-+
--R      ++6++5 | ++ | 3++2   3++           x\|2 \|b
--R      - \|2 \|b  \|\3 \| - \|b   - \|b  atanh(-----)
--R
--R
--R      +-----+
--R      |      +----+           +-+3+-+
--R      6++ | ++ | 3++2   3++           \|a \|\3 \| - \|b   + \|b
--R
--R      +
--R      +-----+
--R      |      +----+           +-+3+-+
--R      ++6++5 | ++ | 3++2   3++           x\|2 \|b
--R      \|2 \|b  \|\3 \| - \|b   + \|b  atan(-----)
--R

```

```

--R
--R
--R
--R      +-----+
--R          |      +----+
--R          6+-+ | +-+ | 3+-+2    3+-+
--R          \|a \|\\3 \| - \|b     - \|b
--R
--R      +
--R          +-----+ +-----+
--R          6+-+ | +----+ | +----+
--R          3+-+2 x\|b | +-+ | 3+-+2    3+-+ | +-+ | 3+-+2    3+-+
--R          \|b atan(-----)\|\3 \| - \|b     - \|b \|\3 \| - \|b + \|b
--R          6+-+
--R          \|a
--R
--R      /
--R          +-----+ +-----+
--R          |      +----+ |      +----+
--R          6+-+3+-+2 6+-+5 | +-+ | 3+-+2    3+-+ | +-+ | 3+-+2    3+-+
--R          3\|a \|b \|\b \|\3 \| - \|b     - \|b \|\3 \| - \|b + \|b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 591

--S 592 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 592

)clear all

--S 593 of 776
t0:=x^3/(a+b*x^6)
--R
--R
--R      3
--R      x
--R      (1)  -----
--R             6
--R             b x  + a
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 593

--S 594 of 776
r0:=-1/6*log(a^(1/3)+b^(1/3)*x^2)/(a^(1/3)*b^(2/3))+1/12*log(a^(2/3)-
--R      a^(1/3)*b^(1/3)*x^2+b^(2/3)*x^4)/(a^(1/3)*b^(2/3))-_
--R      1/2*atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*x^2)/(a^(1/3)*sqrt(3)))/_
--R      (a^(1/3)*b^(2/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R      +-+      4 3+-+2   2 3+-+3+-+ 3+-+2       +-+      2 3+-+ 3+-+
--R      \|\3 log(x \|\b - x \|a \|b + \|a ) - 2\|\3 log(x \|\b + \|a )

```

```

--R      +
--R      2 3+-+ 3+-+
--R      2x  \|b - \|a
--R      6atan(-----)
--R                  +-+3+-+
--R                  \|3 \|a
--R      /
--R      +-+3++3++2
--R      12\|3 \|a \|b
--R
--E 594                                         Type: Expression(Integer)

--S 595 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 595                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 596 of 776
t0:=x^2/(a+b*x^6)
--R
--R
--R      2
--R      x
--R      (1)  -----
--R              6
--R              b x  + a
--R
--E 596                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 597 of 776
r0:=1/3*atan(x^3*sqrt(b)/sqrt(a))/(sqrt(a)*sqrt(b))
--R
--R
--R      3 +-+
--R      x \|b
--R      atan(-----)
--R                  +-+
--R                  \|a
--R      (2)  -----
--R                  +-+ +-+
--R                  3\|a \|b
--R
--E 597                                         Type: Expression(Integer)

--S 598 of 776

```

```

d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 598                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 599 of 776
t0:=x/(a+b*x^6)
--R
--R
--R      x
--R      (1)  -----
--R              6
--R          b x  + a
--R
--E 599                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 600 of 776
r0:=1/6*log(a^(1/3)+b^(1/3)*x^2)/(a^(2/3)*b^(1/3))-1/12*log(a^(2/3)-_
a^(1/3)*b^(1/3)*x^2+b^(2/3)*x^4)/(a^(2/3)*b^(1/3))-_
1/2*atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*x^2)/(a^(1/3)*sqrt(3)))/_
(a^(2/3)*b^(1/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R              +-+      4 3+-+2   2 3+-+3+-+ 3+-+2      +-+      2 3+-+ 3+-+
--R      - \|3 log(x \|b - x \|a \|b + \|a ) + 2\|3 log(x \|b + \|a )
--R      +
--R              2 3+-+ 3+-+
--R              2x \|b - \|a
--R      6atan(-----)
--R              +-+3+-+
--R              \|3 \|a
--R      /
--R              +-+3+-+2 3+-+
--R      12\|3 \|a  \|b
--R
--E 600                                         Type: Expression(Integer)

--S 601 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 601                                         Type: Expression(Integer)

```

```

)clear all

--S 602 of 776
t0:=1/(a+b*x^6)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R           6
--R           b x + a
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 602

--S 603 of 776
r0:=1/3*atan(b^(1/6)*x/a^(1/6))/(a^(5/6)*b^(1/6))+1/3*atan(b^(1/3)*_
x*sqrt(2)/(a^(1/6)*sqrt(-b^(1/3)+sqrt(3)*sqrt(-b^(2/3)))*_
sqrt(-b^(1/3)+sqrt(3)*sqrt(-b^(2/3)))/(a^(5/6)*b^(1/3)*_
sqrt(2))+1/3*atanh(b^(1/3)*x*sqrt(2)/(a^(1/6)*sqrt(b^(1/3)+_
sqrt(3)*sqrt(-b^(2/3))))*sqrt(b^(1/3)+sqrt(3)*_
sqrt(-b^(2/3)))/(a^(5/6)*b^(1/3)*sqrt(2)))
--R
--R
--R      (2)
--R      +-----+
--R      |      +---+          +-+3+-+
--R      6++ | ++ | 3++2    3++          x\|2 \|b
--R      \|b \| \3 \| - \|b + \|b atanh(-----)
--R
--R
--R      |      +---+          +-+3+-+
--R      6++ | ++ | 3++2    3++          x\|2 \|b
--R      \|a \| \3 \| - \|b + \|b
--R
--R      +
--R      +-----+
--R      |      +---+          +-+3+-+
--R      6++ | ++ | 3++2    3++          x\|2 \|b
--R      \|b \| \3 \| - \|b - \|b atan(-----)
--R
--R
--R      |      +---+          +-+3+-+
--R      6++ | ++ | 3++2    3++          x\|2 \|b
--R      \|a \| \3 \| - \|b - \|b
--R
--R      +
--R      6++
--R      +-+3+-+ x\|b
--R      \|2 \|b atan(-----)
--R
--R      6++
--R      \|a
--R
--R      /
--R      +-+6+-+5 3++6+-+
--R      3\|2 \|a   \|b \|b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 603

--S 604 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R   (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 604

)clear all

--S 605 of 776
t0:=1/(x*(a+b*x^6))
--R
--R
--R   (1)  -----
--R           1
--R           7
--R           b x  + a x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 605

--S 606 of 776
r0:=log(x)/a-1/6*log(a+b*x^6)/a
--R
--R
--R   (2)  -----
--R           6
--R           - log(b x  + a) + 6log(x)
--R           6a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 606

--S 607 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 607

)clear all

--S 608 of 776
t0:=1/(x^2*(a+b*x^6))
--R
--R
--R   (1)  -----

```

```

--R      8      2
--R      b x  + a x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 608

--S 609 of 776
r0:=(-1)/(a*x)-1/3*b^(1/6)*atan(b^(1/6)*x/a^(1/6))/a^(7/6)-
1/3*b^(1/3)*atan(b^(1/3)*x*sqrt(2)/(a^(1/6)*sqrt(-b^(1/3)+_
sqrt(3)*sqrt(-b^(2/3)))))*sqrt(2)/(a^(7/6)*sqrt(-b^(1/3)+_
sqrt(3)*sqrt(-b^(2/3))))+1/3*b^(1/3)*atanh(b^(1/3)*x*_
sqrt(2)/(a^(1/6)*sqrt(b^(1/3)+sqrt(3)*sqrt(-b^(2/3)))))*_
sqrt(2)/(a^(7/6)*sqrt(b^(1/3)+sqrt(3)*sqrt(-b^(2/3)))))

--R
--R
--R      (2)
--R
--R      +-----+
--R      |      +-----+          +-+3+-+
--R      +-+3+-+ | +-+ | 3+-+2   3+-+      x\|2 \|b
--R      x\|2 \|b \|\|3 \| - \|b      - \|b  atanh(-----)
--R
--R      +-----+
--R      |      +-----+          6+-+ | +-+ | 3+-+2   3+-+
--R      +-+3+-+ | +-+ | 3+-+2   3+-+      \|a \|\|3 \| - \|b  + \|b
--R
--R      +
--R      +-----+
--R      |      +-----+          +-+3+-+
--R      +-+3+-+ | +-+ | 3+-+2   3+-+      x\|2 \|b
--R      - x\|2 \|b \|\|3 \| - \|b      + \|b  atan(-----)
--R
--R      +-----+
--R      |      +-----+          6+-+ | +-+ | 3+-+2   3+-+
--R      6+-+ x\|b      6+-+ | +-+ | 3+-+2   3+-+      \|a \|\|3 \| - \|b  - \|b
--R      (- x\|b atan(-----) - 3\|a )\|\|3 \| - \|b      - \|b
--R      6+-+
--R      \|a
--R
--R      *
--R      +-----+
--R      |      +-----+
--R      | +-+ | 3+-+2   3+-+
--R      \|\|3 \| - \|b      + \|b
--R
--R      /
--R      +-----+ +-----+
--R      |      +-----+ |      +-----+
--R      6+-+ | +-+ | 3+-+2   3+-+ | +-+ | 3+-+2   3+-+
--R      3a x\|a \|\|3 \| - \|b      - \|b  \|\|3 \| - \|b      + \|b
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)

```

```

--E 609

--S 610 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R   (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 610

)clear all

--S 611 of 776
t0:=1/(x^3*(a+b*x^6))
--R
--R
--R   (1)  -----
--R           9      3
--R           b x  + a x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 611

--S 612 of 776
r0:=(-1/2)/(a*x^2)+1/6*b^(1/3)*log(a^(1/3)+b^(1/3)*x^2)/a^(4/3)-
1/12*b^(1/3)*log(a^(2/3)-a^(1/3)*b^(1/3)*x^2+b^(2/3)*x^4)/a^(4/3)+_
1/2*b^(1/3)*atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*x^2)/(a^(1/3)*_
sqrt(3)))/(a^(4/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R   (2)
--R           2 ++3++     4 3+-+2    2 3+-+3++  3+-+2
--R           - x \|3 \|b log(x \|b - x \|a \|b + \|a )
--R           +
--R           2 ++3++     2 3+-+ 3+-+     2 3+-+     2x \|b - \|a      +-+3+-+
--R           2x \|3 \|b log(x \|b + \|a ) - 6x \|b atan(----- - 6\|3 \|a
--R                                         +-+3+-+
--R                                         \|3 \|a
--R   /
--R           2 ++3++-
--R           12a x \|3 \|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 612

--S 613 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 613

)clear all

--S 614 of 776
t0:=1/(x^4*(a+b*x^6))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R              10      4
--R      b x    + a x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 614

--S 615 of 776
r0:=(-1/3)/(a*x^3)-1/3*atan(x^3*sqrt(b)/sqrt(a))*sqrt(b)/a^(3/2)
--R
--R
--R      3 +-+
--R      3 +-+   x \|b      +-+
--R      - x \|b atan(-----) - \|a
--R                           +-+
--R                           \|a
--R      (2)  -----
--R              3 +-+
--R              3a x \|a
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 615

--S 616 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 616

)clear all

--S 617 of 776
t0:=x^8/(a+b*x^6)^2
--R
--R
--R      8
--R      x
--R      (1)  -----
--R              2 12      6      2
--R      b x    + 2a b x    + a

```

```

--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 617

--S 618 of 776
r0:=-1/6*x^3/(b*(a+b*x^6))+1/6*atan(x^3*sqrt(b)/sqrt(a))/(b^(3/2)*sqrt(a))
--R
--R
--R
--R      6           3 +-+ +-
--R      x \|b      3 +-+ +-
--R      (b x  + a)atan(-----) - x \|a \|b
--R
--R
--R      +-
--R      \|a
--R
--R      (2)  -----
--R      2 6           +-+ +-
--R      (6b x  + 6a b)\|a \|b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 618

--S 619 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 619

)clear all

--S 620 of 776
t0:=x^7/(a+b*x^6)^2
--R
--R
--R      7
--R      x
--R
--R      (1)  -----
--R      2 12           6   2
--R      b x  + 2a b x  + a
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 620

--S 621 of 776
r0:=-1/6*x^2/(b*(a+b*x^6))+1/18*log(a^(1/3)+b^(1/3)*x^2)/_
(a^(2/3)*b^(4/3))-1/36*log(a^(2/3)-a^(1/3)*b^(1/3)*x^2+_
b^(2/3)*x^4)/(a^(2/3)*b^(4/3))-1/6*atan((a^(1/3)-_
2*b^(1/3)*x^2)/(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(2/3)*b^(4/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R      6           +-+     4 3+-+2    2 3+-+3+-+ 3+-+2
--R      (- b x  - a)\|3 log(x  \|b  - x  \|a \|b + \|a  )

```

```

--R      +
--R
--R      6      +-+      2 3+-+ 3+-+      6      2 3+-+ 3+-+
--R      (2b x + 2a)\|3 log(x \|b + \|a ) + (6b x + 6a)atan(-----)
--R                                         +-+3+-+
--R                                         \|3 \|a
--R      +
--R      2 +-+3+-+2 3+-+
--R      - 6x \|3 \|a   \|b
--R /
--R      2 6      +-+3+-+2 3+-+
--R      (36b x + 36a b)\|3 \|a   \|b
--R
--E 621                                         Type: Expression(Integer)

--S 622 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 622                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 623 of 776
t0:=x^6/(a+b*x^6)^2
--R
--R
--R      6
--R      x
--R      (1) -----
--R      2 12      6      2
--R      b x + 2a b x + a
--R
--E 623                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 624 of 776
r0:=-1/6*x/(b*(a+b*x^6))+1/18*atan(b^(1/6)*x/a^(1/6))/(a^(5/6)*_
b^(7/6))+1/18*atan(b^(1/3)*x*sqrt(2)/(a^(1/6)*sqrt(-b^(1/3)+_
sqrt(3)*sqrt(-b^(2/3)))))*sqrt(-b^(1/3)+sqrt(3)*sqrt(-b^(2/3)))/_
(a^(5/6)*b^(4/3)*sqrt(2))+1/18*atanh(b^(1/3)*x*sqrt(2)/_
(a^(1/6)*sqrt(b^(1/3)+sqrt(3)*sqrt(-b^(2/3)))))*_
sqrt(b^(1/3)+sqrt(3)*sqrt(-b^(2/3)))/(a^(5/6)*b^(4/3)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      +-----+
--R      |      +---+
--R      6      6+-+ | +-+ | 3+-+2      3+-+      +-+3+-+
--R                                         x\|2 \|b

```

```

--R      (b x + a)\|b \| \|\sqrt{3} \|- \|b + \|b atanh(-----)
--R                                         +-----+
--R                                         | +-----+
--R                                         6++ | ++ | 3++2 3++
--R                                         \|a \| \|\sqrt{3} \|- \|b + \|b
--R +
--R      +-----+
--R      | +-----+           +-+3+-+
--R      6   6++ | ++ | 3++2 3++           x\|2 \|b
--R      (b x + a)\|b \| \|\sqrt{3} \|- \|b - \|b atan(-----)
--R                                         +-----+
--R                                         | +-----+
--R                                         6++ | ++ | 3++2 3++
--R                                         \|a \| \|\sqrt{3} \|- \|b - \|b
--R +
--R      6++           +-+3+-+ x\|b +-+6+-+5 3+-+6+-+
--R      (b x + a)\|2 \|b atan(-----) - 3x\|2 \|a \|b \|b
--R                                         6+++
--R                                         \|a
--R /
--R      2 6           +-+6+-+5 3+-+6+-+
--R      (18b x + 18a b)\|2 \|a \|b \|b
--R
--E 624                                         Type: Expression(Integer)

--S 625 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 625                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 626 of 776
t0:=x^5/(a+b*x^6)^2
--R
--R
--R      5
--R      x
--R      (1) -----
--R      2 12      6      2
--R      b x + 2a b x + a
--R
--E 626                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 627 of 776
r0:=(-1/6)/(b*(a+b*x^6))

```

```

--R
--R
--R      1
--R      -
--R      6
--R      (2)  - -----
--R              2 6
--R              b x  + a b
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 627

--S 628 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 628

)clear all

--S 629 of 776
t0:=x^4/(a+b*x^6)^2
--R
--R
--R      4
--R      x
--R      (1)  -----
--R              2 12      6      2
--R              b x  + 2a b x  + a
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 629

--S 630 of 776
r0:=1/6*x^5/(a*(a+b*x^6))+1/18*atan(b^(1/6)*x/a^(1/6))/_
(a^(7/6)*b^(5/6))+1/9*atan(b^(1/3)*x*sqrt(2)/(a^(1/6)*_
sqrt(-b^(1/3)+sqrt(3)*sqrt(-b^(2/3)))))/(a^(7/6)*b^(2/3)*_
sqrt(2)*sqrt(-b^(1/3)+sqrt(3)*sqrt(-b^(2/3))))-1/9*_
atanh(b^(1/3)*x*sqrt(2)/(a^(1/6)*sqrt(b^(1/3)+sqrt(3)*_
sqrt(-b^(2/3)))))/(a^(7/6)*b^(2/3)*sqrt(2)*_
sqrt(b^(1/3)+sqrt(3)*sqrt(-b^(2/3)))))

--R
--R
--R      (2)
--R
--R
--R      +-----+
--R      |       +---+
--R      6      6+-+5 | +-+ | 3+-+2      3+-+
--R      (- 2b x  - 2a)\|b  \| \|- \|b      - \|b
--R      *
--R
--R      +-+3+-+

```

```

--R          x\|2 \|b
--R      atanh(-----)
--R          +-----+
--R          |      +-----+
--R          6++ | ++ | 3++2    3+++
--R          \|a \| \|\3 \| - \|b    + \|b
--R      +
--R          +-----+
--R          |      +-----+
--R          6      6++5 | ++ | 3++2    3+++
--R          (2b x  + 2a)\|b  \|\|\3 \| - \|b    + \|b
--R      *
--R          +-+3+++
--R          x\|2 \|b
--R      atan(-----)
--R          +-----+
--R          |      +-----+
--R          6++ | ++ | 3++2    3+++
--R          \|a \| \|\3 \| - \|b    - \|b
--R      +
--R          6++
--R          6      +-+3++2    x\|b      5 +-+6+-+3+-+2 6++5
--R          ((b x  + a)\|2 \|b  atan(-----) + 3x \|2 \|a \|b    \|b )
--R                               6++
--R                               \|a
--R      *
--R          +-----+ +-----+
--R          |      +-----+ |      +-----+
--R          | +-+ | 3++2    3+++ | +-+ | 3++2    3+++
--R          \|\|\3 \| - \|b    - \|b  \|\|\3 \| - \|b    + \|b
--R      /
--R          +-----+
--R          |      +-----+
--R          6      2  +-+6+-+3+-+2 6++5 | +-+ | 3++2    3+++
--R          (18a b x  + 18a )\|2 \|a \|b    \|b  \|\|\3 \| - \|b    - \|b
--R      *
--R          +-----+
--R          |      +-----+
--R          | +-+ | 3++2    3+++
--R          \|\|\3 \| - \|b    + \|b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 630

--S 631 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 631

```

```

)clear all

--S 632 of 776
t0:=x^3/(a+b*x^6)^2
--R
--R
--R
$$(1) \frac{x^3}{b^2 x^{12} + 2 a b x^6 + a^2}$$

--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 632

--S 633 of 776
r0:=1/6*x^4/(a*(a+b*x^6))-1/18*log(a^(1/3)+b^(1/3)*x^2)/_
(a^(4/3)*b^(2/3))+1/36*log(a^(2/3)-a^(1/3)*b^(1/3)*_
x^2+b^(2/3)*x^4)/(a^(4/3)*b^(2/3))-1/6*atan((a^(1/3)-_
2*b^(1/3)*x^2)/(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(4/3)*b^(2/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R
$$(2) \frac{(b^6 x^6 + a^6) \sqrt{3} \log(x^2 \sqrt{b} - x^3 \sqrt{a} \sqrt{b} + x^3 \sqrt{a})}{(-2 b^6 x^6 - 2 a^6) \sqrt{3} \log(x^2 \sqrt{b} + x^3 \sqrt{a}) + (6 b^6 x^6 + 6 a^6) \operatorname{atan}\left(\frac{2 x^3 \sqrt{b} - 2 x^3 \sqrt{a}}{\sqrt{3} \sqrt{a}}\right)}$$

--R
--R
$$\frac{6 x^6 \sqrt{3} \sqrt{a} \sqrt{b}}{(36 a^6 b^6 x^6 + 36 a^6) \sqrt{3} \sqrt{a} \sqrt{b}}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 633

--S 634 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
$$(3) 0$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 634

)clear all

```

```

--S 635 of 776
t0:=x^2/(a+b*x^6)^2
--R
--R
--R      2
--R      x
--R      (1)  -----
--R      2 12      6      2
--R      b x    + 2a b x   + a
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 635

--S 636 of 776
r0:=1/6*x^3/(a*(a+b*x^6))+1/6*atan(x^3*sqrt(b)/sqrt(a))/(a^(3/2)*sqrt(b))
--R
--R
--R      3 +-+
--R      6      x \|b      3 +-+ +-+
--R      (b x  + a)atan(-----) + x \|a \|b
--R
--R
--R      +-+
--R      \|a
--R      (2)  -----
--R      6      2      +-+ +-+
--R      (6a b x  + 6a )\|a \|b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 636

--S 637 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 637

)clear all

--S 638 of 776
t0:=x/(a+b*x^6)^2
--R
--R
--R      x
--R      (1)  -----
--R      2 12      6      2
--R      b x    + 2a b x   + a
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 638

--S 639 of 776
r0:=1/6*x^2/(a*(a+b*x^6))+1/9*log(a^(1/3)+b^(1/3)*x^2)/_

```

```

(a^(5/3)*b^(1/3))-1/18*log(a^(2/3)-a^(1/3)*b^(1/3)*x^2+_
b^(2/3)*x^4)/(a^(5/3)*b^(1/3))-1/3*atan((a^(1/3)-_
2*b^(1/3)*x^2)/(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(5/3)*b^(1/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R (2)
--R
--R      6      +-+      4 3+-+2      2 3+-+3+-+ 3+-+2
--R      (- b x - a)\|3 log(x \|b - x \|a \|b + \|a )
--R      +
--R
--R      6      +-+      2 3+-+ 3+-+      6      2x \|b - \|a
--R      (2b x + 2a)\|3 log(x \|b + \|a ) + (6b x + 6a)atan(-----)
--R
--R
--R      +
--R      2 +-+3+-+2 3+-+
--R      3x \|3 \|a \|b
--R      /
--R      6      2 +-+3+-+2 3+-+
--R      (18a b x + 18a )\|3 \|a \|b
--R
--R
--E 639                                         Type: Expression(Integer)

--S 640 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
--E 640                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 641 of 776
t0:=1/(a+b*x^6)^2
--R
--R
--R      1
--R      (1) -----
--R      2 12      6      2
--R      b x + 2a b x + a
--R
--E 641                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 642 of 776
r0:=1/6*x/(a*(a+b*x^6))+5/18*atan(b^(1/6)*x/a^(1/6))/_
(a^(11/6)*b^(1/6))+5/18*atan(b^(1/3)*x*sqrt(2)/_
(a^(1/6)*sqrt(-b^(1/3)+sqrt(3)*sqrt(-b^(2/3)))))*_
sqrt(-b^(1/3)+sqrt(3)*sqrt(-b^(2/3)))/(a^(11/6)*_
b^(1/3)*sqrt(2))+5/18*atanh(b^(1/3)*x*sqrt(2)/(a^(1/6)*_

```

```

sqrt(b^(1/3)+sqrt(3)*sqrt(-b^(2/3))))*sqrt(b^(1/3)+_
sqrt(3)*sqrt(-b^(2/3)))/(a^(11/6)*b^(1/3)*sqrt(2))
--R
--R
--R (2)
--R
--R
--R
```

$$\frac{(5b^6x^6 + 5a^6)\sqrt{b}\sqrt[3]{3}\sqrt{-b}\sqrt{b}^3}{(5b^6x^6 + 5a^6)\sqrt{b}\sqrt[3]{3}\sqrt{-b}\sqrt{b}^3}$$

$$\operatorname{atanh}\left(\frac{x\sqrt{2}\sqrt{b}}{\sqrt{a}\sqrt[3]{3}\sqrt{-b}\sqrt{b}}\right)$$

$$+\frac{(5b^6x^6 + 5a^6)\sqrt{b}\sqrt[3]{3}\sqrt{-b}\sqrt{b}^3}{(5b^6x^6 + 5a^6)\sqrt{b}\sqrt[3]{3}\sqrt{-b}\sqrt{b}^3}$$

$$\operatorname{atan}\left(\frac{x\sqrt{2}\sqrt{b}}{\sqrt{a}\sqrt[3]{3}\sqrt{-b}\sqrt{b}}\right)$$

$$+\frac{(5b^6x^6 + 5a^6)\sqrt{b}\operatorname{atan}\left(\frac{x\sqrt{2}\sqrt{b}}{\sqrt{a}\sqrt[3]{3}\sqrt{-b}\sqrt{b}}\right)^3}{(5b^6x^6 + 5a^6)\sqrt{b}\operatorname{atan}\left(\frac{x\sqrt{2}\sqrt{b}}{\sqrt{a}\sqrt[3]{3}\sqrt{-b}\sqrt{b}}\right)^3}$$

$$\frac{(18a^6b^2x^6 + 18a^6)\sqrt{2}\sqrt{a}\sqrt{b}\sqrt{b}}{(18a^6b^2x^6 + 18a^6)\sqrt{2}\sqrt{a}\sqrt{b}\sqrt{b}}$$
--R
--E 642
 Type: Expression(Integer)

--S 643 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R (3) 0
--R
 Type: Expression(Integer)
--E 643

```

)clear all

--S 644 of 776
t0:=1/(x*(a+b*x^6)^2)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R           2 13      7   2
--R           b x    + 2a b x  + a x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 644

--S 645 of 776
r0:=1/6/(a*(a+b*x^6))+log(x)/a^2-1/6*log(a+b*x^6)/a^2
--R
--R
--R      6          6          6
--R      (- b x  - a)log(b x  + a) + (6b x  + 6a)log(x) + a
--R      (2)  -----
--R           2 6      3
--R           6a b x  + 6a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 645

--S 646 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 646

)clear all

--S 647 of 776
t0:=1/(x^2*(a+b*x^6)^2)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R           2 14      8   2 2
--R           b x    + 2a b x  + a x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 647

--S 648 of 776
r0:=(-7/6)/(a^2*x)+1/6/(a*x*(a+b*x^6))-7/18*b^(1/6)*atan(b^(1/6)*_
x/a^(1/6))/a^(13/6)-7/9*b^(1/3)*atan(b^(1/3)*x*sqrt(2)/_
(a^(1/6)*sqrt(-b^(1/3)+sqrt(3)*sqrt(-b^(2/3)))))/(a^(13/6)*_

```

```

sqrt(2)*sqrt(-b^(1/3)+sqrt(3)*sqrt(-b^(2/3))))+7/9*_  

b^(1/3)*atanh(b^(1/3)*x*sqrt(2)/(a^(1/6)*sqrt(b^(1/3)+_  

sqrt(3)*sqrt(-b^(2/3))))/(a^(13/6)*sqrt(2)*sqrt(b^(1/3)+_  

sqrt(3)*sqrt(-b^(2/3))))  

--R  

--R  

--R (2)  

--R  

--R  

--R
--R
--R
--R
```

$$\frac{(14b^7 x^7 + 14a x^7) \operatorname{atanh}\left(\frac{x \sqrt[3]{3} \operatorname{sqrt}(b)}{\sqrt[3]{b}}\right) + (-14b^7 x^7 - 14a x^7) \operatorname{atan}\left(\frac{x \sqrt[3]{3} \operatorname{sqrt}(b)}{\sqrt[3]{b}}\right) + ((-7b^7 x^7 - 7a x^7) \operatorname{sqrt}(b) \operatorname{atan}\left(\frac{x \operatorname{sqrt}(b)}{\operatorname{sqrt}(a)}\right) + (-21b^6 x^6 - 21a^6) \operatorname{sqrt}(b) \operatorname{atan}\left(\frac{x \operatorname{sqrt}(b)}{\operatorname{sqrt}(a)}\right))}{648}$$

```

--S 649 of 776
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 649

)clear all

--S 650 of 776
t0:=1/(x^3*(a+b*x^6)^2)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R           2 15      9      2 3
--R           b x     + 2a b x   + a x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 650

--S 651 of 776
r0:=(-2/3)/(a^2*x^2)+1/6/(a*x^2*(a+b*x^6))+2/9*b^(1/3)*_
log(a^(1/3)+b^(1/3)*x^2)/a^(7/3)-1/9*b^(1/3)*log(a^(2/3)-_
a^(1/3)*b^(1/3)*x^2+b^(2/3)*x^4)/a^(7/3)+2/3*b^(1/3)*_
atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*x^2)/(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(7/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R           8      2  +-+3+-+      4 3+-+2      2 3+-+3+-+ 3+-+2
--R           (- 2b x   - 2a x )\|3 \|b log(x  \|b   - x  \|a \|b + \|a )
--R
--R      +
--R           8      2  +-+3+-+      2 3+-+ 3+-+
--R           (4b x   + 4a x )\|3 \|b log(x  \|b + \|a )
--R
--R      +
--R           2 3+-+ 3+-+
--R           8      2 3+-+      2x  \|b - \|a
--R           (- 12b x   - 12a x )\|b atan(-----) + (- 12b x   - 9a)\|3 \|a
--R
--R
--R           +-+3+-+
--R           \|3 \|a
--R
--R      /
--R           2 8      3 2  +-+3+-+
--R           (18a b x   + 18a x )\|3 \|a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 651

--S 652 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R

```

```

--R
--R      (3)  0
--R
--E 652                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 653 of 776
t0:=1/(x^4*(a+b*x^6)^2)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R           2 16          10          2 4
--R           b x    + 2a b x    + a x
--R
--E 653                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 654 of 776
r0:=(-1/2)/(a^2*x^3)+1/6/(a*x^3*(a+b*x^6))-1/2*atan(x^3*_
sqrt(b)/sqrt(a))*sqrt(b)/a^(5/2)
--R
--R
--R      9          3  +-+      x \b
--R      (- 3b x  - 3a x )\b atan(-----) + (- 3b x  - 2a)\a
--R
--R
--R      +-+
--R      \|a
--R      (2)  -----
--R           2 9          3 3  +-+
--R           (6a b x  + 6a x )\a
--R
--E 654                                         Type: Expression(Integer)

--S 655 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 655                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 656 of 776
t0:=x^8/(1-x^6)
--R
--R
--R      8
--R      x

```

```

--R   (1)  - -----
--R           6
--R           x - 1
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 656

--S 657 of 776
r0:=-1/3*x^3+1/3*atanh(x^3)
--R
--R
--R           3      3
--R           atanh(x ) - x
--R   (2)  -----
--R           3
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 657

--S 658 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 658

)clear all

--S 659 of 776
t0:=x^7/(1-x^6)
--R
--R
--R           7
--R           x
--R   (1)  - -----
--R           6
--R           x - 1
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 659

--S 660 of 776
r0:=-1/2*x^2-1/6*log(1-x^2)+1/12*log(1+x^2+x^4)+1/2*atan((1+2*x^2)/_
sqrt(3))/sqrt(3)
--R
--R
--R   (2)
--R           2      +-+
--R           +-+     2           (2x + 1)\|3      2 +-+
--R   \|3 log(x + x + 1) - 2\|3 log(- x + 1) + 6atan(-----) - 6x \|3
--R
--R   -----

```

```

--R          +-+
--R          12\|3
--R
--E 660                                         Type: Expression(Integer)

--S 661 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 661                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 662 of 776
t0:=x^6/(1-x^6)
--R
--R
--R      6
--R      x
--R      (1)  - -----
--R      6
--R      x  - 1
--R
--E 662                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 663 of 776
r0a:=-x+1/3*atanh(x)+1/6*atanh(x/(1+x^2))+1/2*atan(x*sqrt(3)/(1-x^2))/sqrt(3)
--R
--R
--R      +-+      +-+      x      x\|3      +-+
--R      2\|3 atanh(x) + \|3 atanh(-----) - 3atan(-----) - 6x\|3
--R                           2                      2
--R                           x  + 1                  x  - 1
--R      (2)  -----
--R                           +-+
--R                           6\|3
--R
--E 663                                         Type: Expression(Integer)

--S 664 of 776
r0b:=-x+1/3*atanh(x)-1/12*log(1-x+x^2)+_
1/12*log(1+x+x^2)-1/2*atan((1-2*x)/sqrt(3))/sqrt(3)+_
1/2*atan((1+2*x)/sqrt(3))/sqrt(3)
--R
--R
--R      (3)
--R      +-+      2      +-+      2      +-+

```

```

--R      \|\ 3 log(x + x + 1) - \|\ 3 log(x - x + 1) + 4\|\ 3 atanh(x)
--R      +
--R      +--+          +--+
--R      (2x + 1)\|\ 3          (2x - 1)\|\ 3          +--+
--R      6atan(-----) + 6atan(-----) - 12x\|\ 3
--R      3                      3
--R      /
--R      +--+
--R      12\|\ 3
--R
--E 664                                         Type: Expression(Integer)

--S 665 of 776
d0a:=t0-D(r0a,x)
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 665                                         Type: Expression(Integer)

--S 666 of 776
d0b:=t0-D(r0b,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 666                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 667 of 776
t0:=x^5/(1-x^6)
--R
--R
--R      5
--R      x
--R      (1)  - -----
--R              6
--R              x - 1
--R
--E 667                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 668 of 776
r0:=-1/6*log(1-x^6)
--R
--R
--R      6
--R      log(- x + 1)
--R      (2)  - -----
--R              6

```

```

--R
--E 668                                         Type: Expression(Integer)

--S 669 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 669                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 670 of 776
t0:=x^4/(1-x^6)
--R
--R
--R      (1)  -  $\frac{x^4}{x^6 - 1}$ 
--R
--E 670                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 671 of 776
r0a:=1/3*atanh(x)+1/6*atanh(x/(1+x^2))-1/2*atan(x*sqrt(3)/(1-x^2))/sqrt(3)
--R
--R
--R      (2)   $\frac{2\sqrt{3}\operatorname{atanh}(x) + \sqrt{3}\operatorname{atanh}(\frac{x}{\sqrt{3}}) + 3\operatorname{atan}(\frac{x\sqrt{3}}{\sqrt{3-x^2}})}{6\sqrt{3}}$ 
--R
--E 671                                         Type: Expression(Integer)

--S 672 of 776
r0b:=1/3*atanh(x)-1/12*log(1-x+x^2)+1/12*log(1+x+x^2)+_
1/2*atan((1-2*x)/sqrt(3))/sqrt(3)-1/2*atan((1+2*x)/sqrt(3))/sqrt(3)
--R
--R
--R      (3)   $\sqrt{3}\log(x^2 + x + 1) - \sqrt{3}\log(x^2 - x + 1) + 4\sqrt{3}\operatorname{atanh}(x)$ 
--R
--R

```

```

--R      (2x + 1)\|3      (2x - 1)\|3
--R      - 6atan(-----) - 6atan(-----)
--R                  3                  3
--R   /
--R      +-+
--R      12\|3
--R
--E 672                                         Type: Expression(Integer)

--S 673 of 776
d0a:=t0-D(r0a,x)
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 673                                         Type: Expression(Integer)

--S 674 of 776
d0b:=t0-D(r0b,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 674                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 675 of 776
t0:=x^3/(1-x^6)
--R
--R
--R      3
--R      x
--R      (1)  - -----
--R                  6
--R                  x - 1
--R
--E 675                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 676 of 776
r0:=-1/6*log(1-x^2)+1/12*log(1+x^2+x^4)-1/2*atan((1+2*x^2)/sqrt(3))/sqrt(3)
--R
--R
--R      2      +-+
--R      +-+ 4  2      +-+ 2      (2x  + 1)\|3
--R      \|3 log(x  + x  + 1) - 2\|3 log(- x  + 1) - 6atan(-----)
--R
--R      (2)  -----
--R
--R                  +-+
--R                  12\|3

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 676

--S 677 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 677

)clear all

--S 678 of 776
t0:=x^2/(1-x^6)
--R
--R
--R      2
--R      x
--R      (1)  - -----
--R              6
--R      x  - 1
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 678

--S 679 of 776
r0:=1/3*atanh(x^3)
--R
--R
--R      3
--R      atanh(x )
--R      (2)  -----
--R              3
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 679

--S 680 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 680

)clear all

--S 681 of 776
t0:=x/(1-x^6)
--R
--R

```

```

--R      x
--R      (1)  - -----
--R                  6
--R      x  - 1
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 681

--S 682 of 776
r0:=-1/6*log(1-x^2)+1/12*log(1+x^2+x^4)+1/2*atan((1+2*x^2)/sqrt(3))/sqrt(3)
--R
--R
--R      +--+   4   2           +--+   2           2
--R      \|3 log(x  + x  + 1) - 2\|3 log(- x  + 1) + 6atan(-----)
--R
--R      (2)  -----
--R
--R
--R                                         + ++
--R                                         12\|3
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 682

--S 683 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 683

)clear all

--S 684 of 776
t0:=1/(1-x^6)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  - -----
--R      6
--R      x  - 1
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 684

--S 685 of 776
r0a:=1/3*atanh(x)+1/6*atanh(x/(1+x^2))+1/2*atan(x*sqrt(3)/(1-x^2))/sqrt(3)
--R
--R
--R      +--+           +--+           x           x\|3
--R      2\|3 atanh(x) + \|3 atanh(-----) - 3atan(-----)
--R
--R                                         2           2

```

```

--R          x  + 1          x  - 1
--R      (2)  -----
--R                  +-+
--R                  6\|3
--R
--E 685                                         Type: Expression(Integer)

--S 686 of 776
r0b:=1/3*atanh(x)-1/12*log(1-x+x^2)+1/12*log(1+x+x^2)-_
1/2*atan((1-2*x)/sqrt(3))/sqrt(3)+1/2*atan((1+2*x)/sqrt(3))/sqrt(3)
--R
--R
--R      (3)
--R          +-+      2          +-+      2          +-+
--R          \|3 log(x  + x + 1) - \|3 log(x  - x + 1) + 4\|3 atanh(x)
--R
--R          +
--R          +-+          +-+
--R          (2x + 1)\|3      (2x - 1)\|3
--R          6atan(-----) + 6atan(-----)
--R          3                  3
--R
--R          /
--R          +-+
--R          12\|3
--R
--E 686                                         Type: Expression(Integer)

--S 687 of 776
d0a:=t0-D(r0a,x)
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 687                                         Type: Expression(Integer)

--S 688 of 776
d0b:=t0-D(r0b,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 688                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 689 of 776
t0:=1/(x*(1-x^6))
--R
--R
--R          1
--R      (1)  - -----

```

```

--R      7
--R      x - x
--R
--E 689                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 690 of 776
r0:=-1/3*atanh(1-2*x^6)
--R
--R
--R      6
--R      atanh(2x - 1)
--R      (2)  -----
--R                  3
--R
--E 690                                         Type: Expression(Integer)

--S 691 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 691                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 692 of 776
t0:=1/(x^2*(1-x^6))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  - -----
--R                  8   2
--R                  x - x
--R
--E 692                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 693 of 776
r0a:=(-1)/x+1/3*atanh(x)+1/6*atanh(x/(1+x^2))-1/2*atan(x*sqrt(3)/_
(1-x^2))/sqrt(3)
--R
--R
--R      +-+           +-+           x           x\|3           +-+
--R      2x\|3 atanh(x) + x\|3 atanh(-----) + 3x atan(-----) - 6\|3
--R                           2                   2
--R                           x + 1           x - 1
--R      (2)  -----
--R                           +-+
--R                           6x\|3

```

```

--R
--E 693                                         Type: Expression(Integer)

--S 694 of 776
r0b:=(-1)/x+1/3*atanh(x)-1/12*log(1-x+x^2)+_
1/12*log(1+x+x^2)+1/2*atan((1-2*x)/sqrt(3))/sqrt(3)-
1/2*atan((1+2*x)/sqrt(3))/sqrt(3)
--R
--R
--R      (3)
--R      +--+      2          +--+      2          +--+
--R      x\|3 log(x  + x  + 1) - x\|3 log(x  - x  + 1) + 4x\|3 atanh(x)
--R      +
--R      +--+          +--+          +--+
--R      (2x  + 1)\|3          (2x  - 1)\|3          +-
--R      - 6x atan(-----) - 6x atan(-----) - 12\|3
--R      3                  3
--R      /
--R      +--+
--R      12x\|3
--R
--E 694                                         Type: Expression(Integer)

--S 695 of 776
d0a:=t0-D(r0a,x)
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 695                                         Type: Expression(Integer)

--S 696 of 776
d0b:=t0-D(r0b,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 696                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 697 of 776
t0:=1/(x^3*(1-x^6))
--R
--R
--R      (1)  - -----
--R              9      3
--R              x  - x
--R
--E 697                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

```

```

--E 697

--S 698 of 776
r0:=(-1/2)/x^2-1/6*log(1-x^2)+1/12*log(1+x^2+x^4)-
    1/2*atan((1+2*x^2)/sqrt(3))/sqrt(3)
--R
--R
--R   (2)
--R
--R   
$$\frac{x \sqrt{3} \log(x^4 + x^2 + 1) - 2x \sqrt{3} \log(-x^4 + 1) - 6x \operatorname{atan}\left(\frac{(2x^2 + 1)\sqrt{3}}{3}\right)}{12x \sqrt{3}}$$

--R
--R   +
--R   
$$- 6\sqrt{3}$$

--R   /
--R   
$$12x \sqrt{3}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 698

--S 699 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 699

)clear all

--S 700 of 776
t0:=1/(x^4*(1-x^6))
--R
--R
--R   (1)  
$$-\frac{1}{x^{10} - x^4}$$

--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 700

--S 701 of 776
r0:=(-1/3)/x^3+1/3*atanh(x^3)
--R
--R
--R   (2)  
$$\frac{x^3 \operatorname{atanh}(x^3) - 1}{3}$$


```

```

--R          3x
--R
--E 701                                         Type: Expression(Integer)

--S 702 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 702                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 703 of 776
t0:=1/(x^5*(1-x^6))
--R
--R
--R      (1)  - -----
--R                  11   5
--R                  x   - x
--R
--E 703                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 704 of 776
r0:=(-1/4)/x^4-1/6*log(1-x^2)+1/12*log(1+x^2+x^4)+_
1/2*atan((1+2*x^2)/sqrt(3))/sqrt(3)
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      4 +-+    4     2           4 +-+    2           4
--R      x \|3 log(x + x + 1) - 2x \|3 log(- x + 1) + 6x atan(-----)
--R
--R      +
--R      +-+
--R      - 3\|3
--R /
--R      4 +-+
--R      12x \|3
--R
--E 704                                         Type: Expression(Integer)

--S 705 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 705                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 705

)clear all

--S 706 of 776
t0:=1/(x^6*(1-x^6))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  - -----
--R                  12   6
--R                  x   - x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 706

--S 707 of 776
r0:=(-1/5)/x^5+1/3*atanh(x)-1/12*log(1-x+x^2)+_
    1/12*log(1+x+x^2)-1/2*atan((1-2*x)/sqrt(3))/sqrt(3)+_
    1/2*atan((1+2*x)/sqrt(3))/sqrt(3)
--R
--R
--R      (2)
--R      5 +-+      2          5 +-+      2          5 +-+
--R      5x \|3 log(x + x + 1) - 5x \|3 log(x - x + 1) + 20x \|3 atanh(x)
--R      +
--R      5      (2x + 1)\|3          5      (2x - 1)\|3      +-+
--R      30x atan(-----) + 30x atan(-----) - 12\|3
--R                  3
--R      /
--R      5 +-+
--R      60x \|3
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 707

--S 708 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 708

)clear all

--S 709 of 776
t0:=1/(x^7*(1-x^6))
--R
--R
--R      1

```

```

--R   (1)  - -----
--R           13     7
--R           x     - x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 709

--S 710 of 776
r0:=(-1/6)/x^6-1/3*atanh(1-2*x^6)
--R
--R
--R           6     6
--R           2x atanh(2x  - 1) - 1
--R   (2)  -----
--R                   6
--R                   6x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 710

--S 711 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 711

)clear all

--S 712 of 776
t0:=1/(x^8*(1-x^6))
--R
--R
--R           1
--R   (1)  - -----
--R           14     8
--R           x     - x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 712

--S 713 of 776
r0:=(-1/7)/x^7+(-1)/x+1/3*atanh(x)-1/12*log(1-x+x^2)+_
    1/12*log(1+x+x^2)+1/2*atan((1-2*x)/sqrt(3))/sqrt(3)-_
    1/2*atan((1+2*x)/sqrt(3))/sqrt(3)
--R
--R
--R   (2)
--R           7 +-+      2           7 +-+      2           7 +-+
--R           7x \|3 log(x  + x + 1) - 7x \|3 log(x  - x + 1) + 28x \|3 atanh(x)
--R
--R           +
--R           +-+           +-+           +-+

```

```

--R      7      (2x + 1)\|3      7      (2x - 1)\|3      6      +-+
--R      - 42x atan(-----) - 42x atan(-----) + (- 84x - 12)\|3
--R                  3                  3
--R      /
--R      7 +-+
--R      84x \|3
--R
--E 713                                         Type: Expression(Integer)

--S 714 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 714                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 715 of 776
t0:=x^8/(1+x^6)
--R
--R
--R      8
--R      x
--R      (1)  -----
--R          6
--R          x + 1
--R
--E 715                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 716 of 776
r0:=1/3*x^3-1/3*atan(x^3)
--R
--R
--R      3      3
--R      - atan(x ) + x
--R      (2)  -----
--R                  3
--R
--E 716                                         Type: Expression(Integer)

--S 717 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 717                                         Type: Expression(Integer)

```

```

)clear all

--S 718 of 776
t0:=x^7/(1+x^6)
--R
--R
--R      7
--R      x
--R      (1)  -----
--R          6
--R      x + 1
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 718

--S 719 of 776
r0:=1/2*x^2-1/6*log(1+x^2)+1/12*log(1-x^2+x^4)+_
1/2*atan((1-2*x^2)/sqrt(3))/sqrt(3)
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      +-+      4      2      +-+      2      2 +-+
--R      \|\ 3 log(x - x + 1) - 2\|\ 3 log(x + 1) - 6atan(-----) + 6x \|\ 3
--R
--R      3
--R
--R      -----
--R
--R      +-+
--R      12\|\ 3
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 719

--S 720 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 720

)clear all

--S 721 of 776
t0:=x^6/(1+x^6)
--R
--R
--R      6
--R      x
--R      (1)  -----
--R          6
--R      x + 1
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

```

```

--E 721

--S 722 of 776
r0:=x-1/3*atan(x)+1/6*atan(-2*x+sqrt(3))-_
1/6*atan(2*x+sqrt(3))+1/4*log(1+x^2-x*sqrt(3))/sqrt(3)-_
1/4*log(1+x^2+x*sqrt(3))/sqrt(3)
--R
--R
--R   (2)
--R           +-+      2           +-+      2           +-+      +-+
--R   - 3log(x\|3 + x + 1) + 3log(- x\|3 + x + 1) - 2\|3 atan(\|3 + 2x)
--R   +
--R           +-+      +-+           +-+           +-+
--R   2\|3 atan(\|3 - 2x) - 4\|3 atan(x) + 12x\|3
--R   /
--R           +-+
--R   12\|3
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 722

--S 723 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 723

)clear all

--S 724 of 776
t0:=x^5/(1+x^6)
--R
--R
--R           5
--R           x
--R   (1)  -----
--R           6
--R           x + 1
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 724

--S 725 of 776
r0:=1/6*log(1+x^6)
--R
--R
--R           6
--R           log(x + 1)
--R   (2)  -----
--R           6

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 725

--S 726 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 726

)clear all

--S 727 of 776
t0:=x^4/(1+x^6)
--R
--R
--R      (1)  
$$\frac{x^4}{x^6 + 1}$$

--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 727

--S 728 of 776
r0:=1/3*atan(x)-1/6*atan(-2*x+sqrt(3))+1/6*atan(2*x+sqrt(3))+_
    1/4*log(1+x^2-x*sqrt(3))/sqrt(3)-1/4*log(1+x^2+x*sqrt(3))/sqrt(3)
--R
--R
--R      (2)
--R      
$$\frac{-3\log(x\sqrt{3}^2 + x^2 + 1) + 3\log(-x\sqrt{3}^2 + x^2 + 1) + 2\sqrt{3}\operatorname{atan}(\sqrt{3}^2 + 2x)}{12\sqrt{3}}$$

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 728

--S 729 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 729

```

```

)clear all

--S 730 of 776
t0:=x^3/(1+x^6)
--R
--R
--R      3
--R      x
--R      (1)  -----
--R           6
--R      x  + 1
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 730

--S 731 of 776
r0:=-1/6*log(1+x^2)+1/12*log(1-x^2+x^4)-1/2*atan((1-2*x^2)/sqrt(3))/sqrt(3)
--R
--R
--R      +-+      4      2      +-+      2      2
--R      \ |3 log(x  - x  + 1) - 2\ |3 log(x  + 1) + 6atan(-----)
--R                                         3
--R      (2)  -----
--R
--R                                         +-+
--R                                         12\ |3
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 731

--S 732 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 732

)clear all

--S 733 of 776
t0:=x^2/(1+x^6)
--R
--R
--R      2
--R      x
--R      (1)  -----
--R           6
--R      x  + 1
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 733

```

```

--S 734 of 776
r0:=1/3*atan(x^3)
--R
--R
--R      3
--R      atan(x )
--R      (2)  -----
--R              3
--R
--E 734                                         Type: Expression(Integer)

--S 735 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 735                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 736 of 776
t0:=x/(1+x^6)
--R
--R
--R      x
--R      (1)  -----
--R              6
--R              x  + 1
--R
--E 736                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 737 of 776
r0:=1/6*log(1+x^2)-1/12*log(1-x^2+x^4)-1/2*atan((1-2*x^2)/sqrt(3))/sqrt(3)
--R
--R
--R      2      +-+
--R      +-+    4    2      +-+    2      (2x  - 1)\|3
--R      - \|3 log(x  - x  + 1) + 2\|3 log(x  + 1) + 6atan(-----)
--R
--R      (2)  -----
--R
--R
--R      +-+
--R      12\|3
--R
--E 737                                         Type: Expression(Integer)

--S 738 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R

```

```

--R   (3)  0
--R
--E 738                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 739 of 776
t0:=1/(1+x^6)
--R
--R
--R   (1)  -----
--R           6
--R           x  + 1
--R
--E 739                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 740 of 776
r0:=1/3*atan(x)-1/6*atan(-2*x+sqrt(3))+1/6*atan(2*x+sqrt(3))-_
1/4*log(1+x^2-x*sqrt(3))/sqrt(3)+1/4*log(1+x^2+x*sqrt(3))/sqrt(3)
--R
--R
--R   (2)
--R           +-+      2           +-+      2           +-+      +-+
--R   3log(x\|3  + x  + 1) - 3log(- x\|3  + x  + 1) + 2\|3 atan(\|3  + 2x)
--R   +
--R           +-+      +-+           +-+
--R   - 2\|3 atan(\|3  - 2x) + 4\|3 atan(x)
--R   /
--R           +-+
--R   12\|3
--R
--E 740                                         Type: Expression(Integer)

--S 741 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0
--R
--E 741                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 742 of 776
t0:=1/(x*(1+x^6))
--R
--R
--R   (1)  -----

```

```

--R      7
--R      x  + x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 742

--S 743 of 776
r0:=-1/3*atanh(1+2*x^6)
--R
--R
--R      6
--R      atanh(2x  + 1)
--R      (2)  - -----
--R                  3
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 743

--S 744 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 744

)clear all

--S 745 of 776
t0:=1/(x^2*(1+x^6))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R          8     2
--R          x  + x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 745

--S 746 of 776
r0:=(-1/x-1/3*atan(x)+1/6*atan(-2*x+sqrt(3))-1/6*atan(2*x+sqrt(3))-
1/4*log(1+x^2-x*sqrt(3))/sqrt(3)+1/4*log(1+x^2+x*sqrt(3))/sqrt(3)
--R
--R
--R      (2)
--R          +-+      2          +-+      2          +-+      +-+
--R          3x log(x\|3  + x  + 1) - 3x log(- x\|3  + x  + 1) - 2x\|3 atan(\|3  + 2x)
--R          +
--R          +-+      +-+          +-+          +-+
--R          2x\|3 atan(\|3  - 2x) - 4x\|3 atan(x) - 12\|3
--R          /
--R          +-+

```

```

--R      12x\|3
--R
--E 746                                         Type: Expression(Integer)

--S 747 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 747                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 748 of 776
t0:=1/(x^3*(1+x^6))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R      9      3
--R      x  + x
--R
--E 748                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 749 of 776
r0:=(-1/2)/x^2+1/6*log(1+x^2)-1/12*log(1-x^2+x^4)+1/2*_
atan((1-2*x^2)/sqrt(3))/sqrt(3)
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      2 +-+      4      2      2 +-+      2      2      2      2
--R      - x \|3 log(x  - x  + 1) + 2x \|3 log(x  + 1) - 6x atan(-----)
--R
--R      +
--R      +-+
--R      - 6\|3
--R /
--R      2 +-+
--R      12x \|3
--R
--E 749                                         Type: Expression(Integer)

--S 750 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 750                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 750

)clear all

--S 751 of 776
t0:=1/(x^4*(1+x^6))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R          10     4
--R          x     + x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 751

--S 752 of 776
r0:=(-1/3)/x^3-1/3*atan(x^3)
--R
--R
--R      3     3
--R      - x atan(x ) - 1
--R      (2)  -----
--R          3
--R          3x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 752

--S 753 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 753

)clear all

--S 754 of 776
t0:=1/(x^5*(1+x^6))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R          11     5
--R          x     + x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 754

--S 755 of 776
r0:=(-1/4)/x^4-1/6*log(1+x^2)+1/12*log(1-x^2+x^4)+_

```

```

1/2*atan((1-2*x^2)/sqrt(3))/sqrt(3)
--R
--R
--R (2)
--R
--R      4 +-+   4     2           4 +-+   2           4      (2x - 1)\|3      +-+
--R x \|3 log(x - x + 1) - 2x \|3 log(x + 1) - 6x atan(-----) - 3\|3
--R
--R -----
--R                               4 +-+
--R                               12x \|3
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 755

--S 756 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 756

)clear all

--S 757 of 776
t0:=1/(x^6*(1+x^6))
--R
--R
--R      1
--R (1)  -----
--R      12     6
--R      x     + x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 757

--S 758 of 776
r0:=(-1/5)/x^5-1/3*atan(x)+1/6*atan(-2*x+sqrt(3))-_
1/6*atan(2*x+sqrt(3))+1/4*log(1+x^2-x*sqrt(3))/sqrt(3)-_
1/4*log(1+x^2+x*sqrt(3))/sqrt(3)
--R
--R
--R (2)
--R
--R      5      +-+   2           5      +-+   2
--R      - 15x log(x\|3 + x + 1) + 15x log(- x\|3 + x + 1)
--R
--R      +
--R      5 +-+   +-+           5 +-+   +-+           5 +-+
--R      - 10x \|3 atan(\|3 + 2x) + 10x \|3 atan(\|3 - 2x) - 20x \|3 atan(x)
--R
--R      +
--R      +-+
--R      - 12\|3

```

```

--R   /
--R      5 +-+
--R      60x \|3
--R
--E 758                                         Type: Expression(Integer)

--S 759 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 759                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 760 of 776
t0:=1/(x^7*(1+x^6))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R      13    7
--R      x    + x
--R
--E 760                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 761 of 776
r0:=(-1/6)/x^6+1/3*atanh(1+2*x^6)
--R
--R
--R      6      6
--R      2x atanh(2x  + 1) - 1
--R      (2)  -----
--R                  6
--R                  6x
--R
--E 761                                         Type: Expression(Integer)

--S 762 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 762                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 763 of 776

```

```

t0:=1/(x^8*(1+x^6))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R           14     8
--R           x     + x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 763

--S 764 of 776
r0:=(-1/7)/x^7+1/x+1/3*atan(x)-1/6*atan(-2*x+sqrt(3))+_
    1/6*atan(2*x+sqrt(3))+1/4*log(1+x^2-x*sqrt(3))/sqrt(3)-_
    1/4*log(1+x^2+x*sqrt(3))/sqrt(3)
--R
--R
--R      (2)
--R           7      +-+   2           7      +-+   2
--R           - 21x log(x\|3 + x + 1) + 21x log(- x\|3 + x + 1)
--R           +
--R           7 +-+      +-+           7 +-+      +-+           7 +-+
--R           14x \|3 atan(\|3 + 2x) - 14x \|3 atan(\|3 - 2x) + 28x \|3 atan(x)
--R           +
--R           6      +-+
--R           (84x - 12)\|3
--R           /
--R           7 +-+
--R           84x \|3
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 764

--S 765 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 765

)clear all

--S 766 of 776
t0:=1/(2-3*x^6)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  - -----
--R           6
--R           3x - 2
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

```

```

--E 766

--S 767 of 776
r0a:=1/2*atan(3*2^(1/6)*3^(1/3)*x/(2^(1/3)*3^(2/3)-3*x^2))/(2^(5/6)*_
3^(2/3))+1/3*atanh((3/2)^(1/6)*x)/(2^(5/6)*3^(1/6))+_
1/6*atanh(2^(1/6)*3^(5/6)*x/(2^(1/3)*3^(2/3)+3*x^2))/_
(2^(5/6)*3^(1/6))
--R
--R
--R (2)
--R
--R      6+-+6+-+5          6+-+          6+-+3+-+
--R 3+-+2      x\|2 \|3          3+-+2      x\|3          6+-+      3x\|2 \|3
--R \|3  atanh(-----) + 2\|3  atanh(-----) + 3\|3  atan(-----)
--R      3+-+3+-+2      2          6+-+          3+-+3+-+2      2
--R      \|2 \|3 + 3x          \|2          \|2 \|3 - 3x
--R -----
--R      6+-+5 3+-+2 6+-+
--R      6\|2      \|3      \|3
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 767

--S 768 of 776
r0b:=-1/2*atan(1/3*(2^(1/6)*3^(5/6)-6*x)/_
(2^(1/6)*3^(1/3)))/(2^(5/6)*3^(2/3))+1/2*atan(1/3*_
(2^(1/6)*3^(5/6)+6*x)/(2^(1/6)*3^(1/3)))/(2^(5/6)*3^(2/3))+_
1/3*atanh((3/2)^(1/6)*x)/(2^(5/6)*3^(1/6))-_
1/12*log(2^(1/3)-6^(1/6)*x+3^(1/3)*x^2)/(2^(5/6)*3^(1/6))+_
1/12*log(2^(1/3)+6^(1/6)*x+3^(1/3)*x^2)/(2^(5/6)*3^(1/6))
--R
--R
--R (3)
--R
--R      3+-+2      6+-+      2 3+-+ 3+-+      3+-+2      6+-+      2 3+-+ 3+-+
--R      \|3  log(x\|6 + x \|3 + \|2 ) - \|3  log(- x\|6 + x \|3 + \|2 )
--R +
--R      6+-+          3+-+2 6+-+5      6+-+5 3+-+2
--R      3+-+2      x\|3      6+-+      \|3      \|3 + 3x \|2      \|3
--R      4\|3  atanh(-----) + 6\|3 atan(-----)
--R      6+-+          9
--R      \|2
--R +
--R      3+-+2 6+-+5      6+-+5 3+-+2
--R      6+-+      \|3      \|3 - 3x \|2      \|3
--R      - 6\|3 atan(-----)
--R
--R
--R /
--R      6+-+5 3+-+2 6+-+
--R      12\|2      \|3      \|3
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 768

```

```

--S 769 of 776
d0a:=normalize(t0-D(r0a,x))
--R
--R
--R   (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 769

--S 770 of 776
d0b:=normalize(t0-D(r0b,x))
--R
--R
--R   (5)
--R   2 6+-+4      6 6+-+2 6+-+2      4 6+-+46+-+2
--R   (- 2x \|3 - 3x \|2 \|3 + 6x \|2 )\|6
--R   +
--R   8      2 6+-+6+-+5      6      6+-+3 6+-+36+-+      6+-+4 6+-+4
--R   ((- 3x + 2x )\|2 \|3 + (3x - 2)\|2 \|3 )\|6 + 2\|2 \\\|3
--R   +
--R   4 6+-+2      8 6+-+2
--R   - 12x \\\|3 + 9x \|2
--R   /
--R   8      2 6+-+4 6+-+2      6      6+-+4 6+-+4
--R   (36x - 24x )\|3 \\\|6 + (- 36x + 24)\|2 \\\|3
--R   +
--R   10      4 6+-+2      8      2 6+-+2
--R   (- 108x + 72x )\|3 + (- 216x + 144x )\|2
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 770

)clear all

--S 771 of 776
t0:=x^8*sqrt(-1+4*x^6)
--R
--R
--R   +-----+
--R   8 | 6
--R   (1) x \|4x - 1
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 771

--S 772 of 776
r0:=-1/192*atanh(2*x^3/sqrt(-1+4*x^6))-1/96*x^3*sqrt(-1+4*x^6)+_
1/12*x^9*sqrt(-1+4*x^6)
--R
--R
--R   3           +-----+
--R   2x           9      3 | 6
--R   - atanh(-----) + (16x - 2x )\|4x - 1

```

```

--R          +-----+
--R          |   6
--R          \|4x  - 1
--R  (2)  -----
--R                                         192
--R
--E 772                                         Type: Expression(Integer)

--S 773 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R  (3)  0
--R
--E 773                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 774 of 776
t0:=x^5*sqrt(a^6-x^6)
--R
--R
--R          +-----+
--R          5 |   6   6
--R  (1)  x \|- x  + a
--R
--E 774                                         Type: Expression(Integer)

--S 775 of 776
r0:=-1/9*(a^6-x^6)^(3/2)
--R
--R
--R          +-----+
--R          6   6 |   6   6
--R          (x  - a )\|- x  + a
--R  (2)  -----
--R             9
--R
--E 775                                         Type: Expression(Integer)

--S 776 of 776
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R  (3)  0
--R
--E 776                                         Type: Expression(Integer)

)spool
)lisp (bye)

```

---

## **References**

[1] nothing